

お客様各位

カタログ等資料中の旧社名の扱いについて

2010年4月1日を以ってNECエレクトロニクス株式会社及び株式会社ルネサステクノロジが合併し、両社の全ての事業が当社に承継されております。従いまして、本資料中には旧社名での表記が残っておりますが、当社の資料として有効ですので、ご理解の程宜しくお願い申し上げます。

ルネサスエレクトロニクス ホームページ (<http://www.renesas.com>)

2010年4月1日
ルネサスエレクトロニクス株式会社

【発行】ルネサスエレクトロニクス株式会社 (<http://www.renesas.com>)

【問い合わせ先】<http://japan.renesas.com/inquiry>

ご注意書き

1. 本資料に記載されている内容は本資料発行時点のものであり、予告なく変更することがあります。当社製品のご購入およびご使用にあたりましては、事前に当社営業窓口で最新の情報をご確認いただきますとともに、当社ホームページなどを通じて公開される情報に常にご注意ください。
2. 本資料に記載された当社製品および技術情報の使用に関連し発生した第三者の特許権、著作権その他の知的財産権の侵害等に関し、当社は、一切その責任を負いません。当社は、本資料に基づき当社または第三者の特許権、著作権その他の知的財産権を何ら許諾するものではありません。
3. 当社製品を改造、改変、複製等しないでください。
4. 本資料に記載された回路、ソフトウェアおよびこれらに関連する情報は、半導体製品の動作例、応用例を説明するものです。お客様の機器の設計において、回路、ソフトウェアおよびこれらに関連する情報を使用する場合には、お客様の責任において行ってください。これらの使用に起因しお客様または第三者に生じた損害に関し、当社は、一切その責任を負いません。
5. 輸出に際しては、「外国為替及び外国貿易法」その他輸出関連法令を遵守し、かかる法令の定めるところにより必要な手続を行ってください。本資料に記載されている当社製品および技術を大量破壊兵器の開発等の目的、軍事利用の目的その他軍事用途の目的で使用しないでください。また、当社製品および技術を国内外の法令および規則により製造・使用・販売を禁止されている機器に使用することができません。
6. 本資料に記載されている情報は、正確を期すため慎重に作成したのですが、誤りがないことを保証するものではありません。万一、本資料に記載されている情報の誤りに起因する損害がお客様に生じた場合においても、当社は、一切その責任を負いません。
7. 当社は、当社製品の品質水準を「標準水準」、「高品質水準」および「特定水準」に分類しております。また、各品質水準は、以下に示す用途に製品が使われることを意図しておりますので、当社製品の品質水準をご確認ください。お客様は、当社の文書による事前の承諾を得ることなく、「特定水準」に分類された用途に当社製品を使用することができません。また、お客様は、当社の文書による事前の承諾を得ることなく、意図されていない用途に当社製品を使用することができません。当社の文書による事前の承諾を得ることなく、「特定水準」に分類された用途または意図されていない用途に当社製品を使用したことによりお客様または第三者に生じた損害等に関し、当社は、一切その責任を負いません。なお、当社製品のデータ・シート、データ・ブック等の資料で特に品質水準の表示がない場合は、標準水準製品であることを表します。
標準水準： コンピュータ、OA 機器、通信機器、計測機器、AV 機器、家電、工作機械、パーソナル機器、産業用ロボット
高品質水準： 輸送機器（自動車、電車、船舶等）、交通用信号機器、防災・防犯装置、各種安全装置、生命維持を目的として設計されていない医療機器（厚生労働省定義の管理医療機器に相当）
特定水準： 航空機器、航空宇宙機器、海底中継機器、原子力制御システム、生命維持のための医療機器（生命維持装置、人体に埋め込み使用するもの、治療行為（患部切り出し等）を行うもの、その他直接人命に影響を与えるもの）（厚生労働省定義の高度管理医療機器に相当）またはシステム等
8. 本資料に記載された当社製品のご使用につき、特に、最大定格、動作電源電圧範囲、放熱特性、実装条件その他諸条件につきましては、当社保証範囲内でご使用ください。当社保証範囲を超えて当社製品をご使用された場合の故障および事故につきましては、当社は、一切その責任を負いません。
9. 当社は、当社製品の品質および信頼性の向上に努めておりますが、半導体製品はある確率で故障が発生したり、使用条件によっては誤動作したりする場合があります。また、当社製品は耐放射線設計については行っておりません。当社製品の故障または誤動作が生じた場合も、人身事故、火災事故、社会的損害などを生じさせないようお客様の責任において冗長設計、延焼対策設計、誤動作防止設計等の安全設計およびエージング処理等、機器またはシステムとしての出荷保証をお願いいたします。特に、マイコンソフトウェアは、単独での検証は困難なため、お客様が製造された最終の機器・システムとしての安全検証をお願いいたします。
10. 当社製品の環境適合性等、詳細につきましては製品個別に必ず当社営業窓口までお問合せください。ご使用に際しては、特定の物質の含有・使用を規制する RoHS 指令等、適用される環境関連法令を十分調査のうえ、かかる法令に適合するようご使用ください。お客様がかかる法令を遵守しないことにより生じた損害に関し、当社は、一切その責任を負いません。
11. 本資料の全部または一部を当社の文書による事前の承諾を得ることなく転載または複製することを固くお断りいたします。
12. 本資料に関する詳細についてのお問い合わせその他お気付きの点等がございましたら当社営業窓口までご照会ください。

注 1. 本資料において使用されている「当社」とは、ルネサスエレクトロニクス株式会社およびルネサスエレクトロニクス株式会社とその総株主の議決権の過半数を直接または間接に保有する会社をいいます。

注 2. 本資料において使用されている「当社製品」とは、注 1 において定義された当社の開発、製造製品をいいます。

アプリケーション・ノート

78K/II シリーズ

8ビット・シングルチップ・マイクロコンピュータ

浮動小数点演算プログラム編

μPD78214 シリーズ
μPD78218A シリーズ
μPD78224 シリーズ
μPD78234 シリーズ
μPD78244 シリーズ

[x ㄷ]

本製品のうち、外国為替および外国貿易管理法の規定により戦略物資等（または役務）に該当するものについては、日本国外に輸出する際に、同法に基づき日本国政府の輸出許可が必要です。

- 本資料の内容は、後日変更する場合があります。
 - 文書による当社の承諾なしに本資料の転載複製を禁じます。
 - 本資料に記載された製品の使用もしくは本資料に記載の情報の使用に際して、当社は当社もしくは第三者の知的所有権その他の権利に対する保証または実施権の許諾を行うものではありません。上記使用に起因する第三者所有の権利にかかわる問題が発生した場合、当社はその責を負うものではありませんのでご了承ください。
 - 当社は品質、信頼性の向上に努めていますが、半導体製品はある確率で故障が発生します。当社半導体製品の故障により結果として、人身事故、火災事故、社会的な損害等を生じさせない冗長設計、延焼対策設計、誤動作防止設計等安全設計に十分ご注意願います。
 - 当社は、当社製品の品質水準を「標準水準」、「特別水準」およびお客様に品質保証プログラムを指定して頂く「特定水準」に分類しております。また、各品質水準は以下に示す用途に製品が使われることを意図しておりますので、当社製品の品質水準をご確認の上ご使用願います。
 - 標準水準：コンピュータ、OA機器、通信機器、計測機器、AV機器、家電、工作機械、パーソナル機器、産業用ロボット
 - 特別水準：輸送機器（自動車、列車、船舶等）、交通信号機器、防災／防犯装置、各種安全装置、生命維持を直接の目的としない医療機器
 - 特定水準：航空機器、航空宇宙機器、海底中継機器、原子力制御システム、生命維持のための医療機器、生命維持のための装置またはシステム等
- 当社製品のデータ・シート／データ・ブック等の資料で、特に品質水準の表示がない場合は標準水準製品であることを表します。当社製品を上記の「標準水準」の用途以外でご使用をお考えのお客様は、必ず事前に当社販売窓口までご相談頂きますようお願い致します。
- この製品は耐放射線設計をしておりません。

本版で改訂された主な箇所

| 箇所 | 内容 |
|----|-------------------|
| 全般 | μPD78P244に関する記述削除 |

本文欄外の★印は、本版で改訂された主な箇所を示しています。

巻末にアンケート・コーナーを設けております。このドキュメントに対するご意見をお気軽にお寄せください。

はじめに

対象者 このアプリケーション・ノートは、78K/IIシリーズ製品の機能を理解し、78K/IIシリーズ製品を用いた浮動小数点演算プログラムを設計するエンジニアを対象とします。

78K/IIシリーズ製品

- μ PD78214シリーズ : μ PD78212, 78213, 78214, 78P214
 μ PD78212(A), 78213(A), 78214(A), 78P214(A)
- μ PD78218Aシリーズ : μ PD78217A, 78218A, 78P218A, 78218A(A)
- μ PD78224シリーズ : μ PD78220, 78224, 78P224
- μ PD78234シリーズ : μ PD78233, 78234, 78237, 78238, 78P238
 μ PD78234(A), 78238(A)
- μ PD78244シリーズ : μ PD78243, 78244

目的 このアプリケーション・ノートは、78K/IIシリーズ製品の浮動小数点演算応用プログラムについてユーザに理解して頂くことを目的とします。なお、掲載のプログラムは例示的に示したものであり、量産設計を対象とするものではありません。

構成 このアプリケーション・ノートでは、次の内容について説明しています。

- 計算アルゴリズム
- 四則演算
- 関数 (数学, 座標変換, 型変換)
- プログラム・リスト

なお、次の2つのアプリケーション・ノートも別に用意しています。

- 基礎編 (IEA-607)
- 応用編 (IEA-700)

品質水準 μ PD78212(A), 78213(A), 78214(A), 78P214(A)は μ PD78212, 78213, 78214, 78P214の,
 μ PD78218A(A)は μ PD78218Aの, また μ PD78234(A), 78238(A)は μ PD78234, 78238の「特別」
 品質水準品です。

このアプリケーション・ノート中の使用例は、一般電子機器用の「標準」品質水準品用に作成してあります。「特別」品質水準品を要求する用途にこのアプリケーション・ノート中の使用例を使用する場合は、実際に使用する各部品および回路について、その品質水準についてご検討のうえご使用ください。

品質水準とその応用分野の詳細については当社発行の資料「NEC 半導体デバイスの品質水準」(IEI-620)をご覧ください。

応用分野 ○標準品

- プリンタ
- カメラ
- タイプライタ
- PPC
- 電子楽器
- エアコンなど

○特別品

- 自動車電装
- 燃料制御など

関連資料

○78 K/IIシリーズ共通資料

| 資 料 名 | | 資料番号 |
|---------------|---------------|----------------|
| ユーザーズ・マニュアル | 命令編 | U10288 |
| SBI | ユーザーズ・マニュアル | IEM-5040 |
| アプリケーション・ノート | 基礎編 | IEA-607 |
| | 応用編 | IEA-700 |
| | 浮動小数点演算プログラム編 | このアプリケーション・ノート |
| セレクション・ガイド | | IF-304 |
| インストラクション活用表 | | IEM-5101 |
| インストラクション・セット | | IEM-5102 |
| 開発ツール | セレクション・ガイド | EF-231 |

○個別資料

● μ PD78214シリーズ

| 資料名 \ 品名 | μ PD78212 | μ PD78213 | μ PD78214 | μ PD78P214 |
|---------------------|---------------|---------------|---------------|----------------|
| パンフレット | IB-5036 | | | |
| データ・シート | U12483 | | | IC-7732 |
| ユーザーズ・マニュアル ハードウェア編 | IEM-5119 | | | |
| モード・レジスタ活用表 | IEM-5100 | | | |

| 資料名 \ 品名 | μ PD78212(A) | μ PD78213(A) | μ PD78214(A) | μ PD78P214(A) |
|---------------------|------------------|------------------|------------------|-------------------|
| データ・シート | IC-8234 | | | IC-8589 |
| ユーザーズ・マニュアル ハードウェア編 | IEM-5119 | | | |
| モード・レジスタ活用表 | IEM-5100 | | | |

● μ PD78218Aシリーズ

| 資料名 \ 品名 | μ PD78217A | μ PD78218A | μ PD78P218A | μ PD78218A(A) |
|---------------------|----------------|----------------|-----------------|-------------------|
| パンフレット | IF-288 | | | |
| データ・シート | IC-8132 | IC-8131 | IC-8133 | IC-8685 |
| ユーザーズ・マニュアル ハードウェア編 | IEU-755 | | | |
| 特殊機能レジスタ活用表 | IEM-5532 | | | |

● μ PD78224シリーズ

| 資料名 \ 品名 | μ PD78220 | μ PD78224 | μ PD78P224 |
|---------------------|---------------|---------------|----------------|
| パンフレット | IB-5011 | | |
| データ・シート | IC-5457 | | IC-7757 |
| ユーザーズ・マニュアル ハードウェア編 | IEU-5019 | | |
| 特殊機能レジスタ活用表 | IEM-999 | | |

● μ PD78234シリーズ

| 資料名 \ 品名 | μ PD78233 | μ PD78234 | μ PD78237 | μ PD78238 | μ PD78P238 |
|---------------------|---------------|---------------|---------------|---------------|----------------|
| パンフレット | IF-207 | | | | |
| データ・シート | IC-7902 | | IC-8348 | IC-8023 | IC-8030 |
| ユーザーズ・マニュアル ハードウェア編 | IEU-718 | | | | |
| 特殊機能レジスタ活用表 | IEM-5515 | | | | |

| 資料名 \ 品名 | μ PD78234(A) | μ PD78238(A) |
|---------------------|------------------|------------------|
| パンフレット | — | |
| データ・シート | IC-8416 | |
| ユーザーズ・マニュアル ハードウェア編 | IEU-718 | |
| 特殊機能レジスタ活用表 | — | |

● μ PD78244シリーズ

| 資料名 \ 品名 | μ PD78243 | μ PD78244 |
|---------------------|---------------|---------------|
| パンフレット | IF-6339 | |
| データ・シート | IC-8355 | IC-8070 |
| ユーザーズ・マニュアル ハードウェア編 | IEU-747 | |
| 特殊機能レジスタ活用表 | IEM-5528 | |

目 次 要 約

| | | | |
|-----|-----------|---|-----|
| 第1章 | 概 要 | … | 1 |
| 第2章 | 計算アルゴリズム | … | 11 |
| 第3章 | 四則演算 | … | 13 |
| 第4章 | 数学関数 | … | 25 |
| 第5章 | 座標変換関数 | … | 73 |
| 第6章 | 型変換関数 | … | 81 |
| 第7章 | プログラム・リスト | … | 105 |

目 次

| | | |
|------------|----------------------------|------|
| 第1章 | 概 要 | … 1 |
| 1.1 | 浮動小数点形式 | … 1 |
| 1.2 | 提供関数 | … 3 |
| 1.3 | ファイル構成 | … 4 |
| 1.4 | プログラムの特性 | … 6 |
| 1.4.1 | プログラムの配置アドレス | … 6 |
| 1.4.2 | リエントラント性 | … 6 |
| 1.4.3 | スタック | … 6 |
| 1.4.4 | レジスタ, フラグなどの保存 | … 6 |
| 1.4.5 | レジスタ・バンク | … 6 |
| 1.4.6 | 処理時間 | … 6 |
| 1.5 | データの受け渡し方法 | … 7 |
| 1.5.1 | パラメータおよび返値 | … 7 |
| 1.5.2 | 演算結果の報告 | … 7 |
| 1.6 | 浮動小数点レジスタ | … 8 |
| 1.6.1 | 浮動小数点レジスタ 1 (FPR1) | … 8 |
| 1.6.2 | 浮動小数点レジスタ 2 (FPR2) | … 8 |
| 1.6.3 | 浮動小数点レジスタ 3-5 (FPR3, 4, 5) | … 9 |
| 1.6.4 | 浮動小数点レジスタ間のロード/置換 | … 10 |
| 第2章 | 計算アルゴリズム | … 11 |
| 2.1 | 関数の展開方法 | … 11 |
| 2.2 | 丸め方法 | … 11 |
| 2.3 | 桁落ち防止方法 | … 11 |
| 2.4 | 多項式加算/乗算時の誤差 | … 11 |
| 第3章 | 四則演算 | … 13 |
| 3.1 | 浮動小数点加算 (LADD) | … 13 |
| 3.2 | 浮動小数点減算 (LSUB) | … 17 |
| 3.3 | 浮動小数点乗算 (LMLT) | … 18 |
| 3.4 | 浮動小数点除算 (LDIV) | … 22 |
| 第4章 | 数学関数 | … 25 |
| 4.1 | 共通サブルーチン | … 27 |
| 4.2 | sin関数 (LSIN) | … 29 |
| 4.3 | cos関数 (LCOS) | … 33 |
| 4.4 | tan関数 (LTAN) | … 35 |
| 4.5 | 自然対数関数 (LLOG) | … 37 |
| 4.6 | 常用対数関数 (LLOG10) | … 41 |

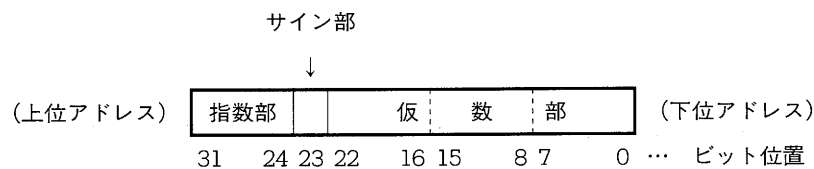
| | | | |
|------|--|---|-----|
| 4.7 | 指数関数 (底=e) (LEXP) | … | 43 |
| 4.8 | 指数関数 (底=10) (LEXP10) | … | 47 |
| 4.9 | べき乗関数 (LPOW) | … | 49 |
| 4.10 | 平方根関数 (LSQRT) | … | 53 |
| 4.11 | arcsin関数 (LASIN) | … | 56 |
| 4.12 | arccos関数 (LACOS) | … | 58 |
| 4.13 | arctan関数 (LATAN) | … | 60 |
| 4.14 | sinh関数 (LHSIN) | … | 64 |
| 4.15 | cosh関数 (LHCOS) | … | 67 |
| 4.16 | tanh関数 (LHTAN) | … | 69 |
| 4.17 | 絶対値関数 (LABS) | … | 71 |
| 4.18 | 逆数関数 (LRCPN) | … | 72 |
| | | | |
| 第5章 | 座標変換関数 | … | 73 |
| | | | |
| 5.1 | 極座標→直交座標への変換関数 (POTORA) | … | 74 |
| 5.2 | 直交座標→極座標への変換関数 (RATOPO) | … | 76 |
| | | | |
| 第6章 | 型変換関数 | … | 81 |
| | | | |
| 6.1 | 文字列→浮動小数点形式への変換関数 (ATOL) | … | 82 |
| 6.2 | 浮動小数点形式→文字列への変換関数 (LTOA) | … | 91 |
| 6.3 | 2バイト整数型→浮動小数点形式への変換関数 (FTOL) | … | 96 |
| 6.4 | 浮動小数点形式→2バイト整数型への変換関数 (LTOF) | … | 98 |
| 6.5 | IEEE-754形式→78K/II形式への浮動小数点形式変換関数 (LTO78) | … | 102 |
| 6.6 | 78K/II形式→IEEE-754形式への浮動小数点形式変換関数 (LTOIE) | … | 104 |
| | | | |
| 第7章 | プログラム・リスト | … | 105 |

第1章 概要

1.1 浮動小数点形式

この演算プログラムでは、浮動小数点数を4バイトで表現します。内訳は次のとおりです（下図参照）。

- 仮数部 : 23ビット
- 指数部 : 8ビット
- サイン部 : 1ビット



この形式の数値は、次のようになります。

$$(-1)^{(\text{サイン部値})} \times (\text{仮数部値}) \times 2^{(\text{指数部値})}$$

次に、各部の詳細について説明します。

(1) 仮数部

仮数部は絶対値で表現され、仮数部のビット位置22-0が2進数の小数点第2位-第24位に相当します。

また、仮数部の値は0の場合を除いて常に0.5-1の範囲になるように指数部の値が調整されます。小数点第1位(0.5の値を意味する)は常に1となり、この形式では省略した形で表現されています。

備考 最上位ビット (MSB) を常に1にする操作を正規化と言います。

(2) サイン部

正数の場合は0、負数の場合は1とします。

(3) 指数部

底2の指数を1バイトの整数型（負の場合2の補数）で表し、この値に、さらに、80Hのバイアスを加えた値を用いています。これらの関係は、具体的には下表のようになります。

| 指数部 (16進) | 指数部の値 |
|-----------|-------|
| FF | 127 |
| FE | 126 |
| ⋮ | ⋮ |
| 81 | 1 |
| 80 | 0 |
| 7F | -1 |
| ⋮ | ⋮ |
| 01 | -127 |

注意 指数部が0のときのみ、浮動小数点値は0を表します。この場合、仮数部、およびサイン部は無視されます。

(4) 数値の表現範囲

浮動小数点値Xは、次の範囲の値と、“0”を表現することが可能です。

$$\text{約}2.9387 \times 10^{-39} \leq |X| \leq \text{約}1.7014 \times 10^{38}$$

1.2 提供関数

この演算プログラムの提供関数について概説します。

提供関数として、次の4つを用意しています。

- 四則演算
- 数学関数
- 座標変換関数
- 数値型変換関数

| 提供関数 | 関 数 | 関数名 | |
|---|---|-------------------------|--------|
| 四則演算 | 加算 | LADD | |
| | 減算 | LSUB | |
| | 乗算 | LMLT | |
| | 除算 | LDIV | |
| 数学関数 | 三角関数 { sin関数 cos関数 tan関数 | LSIN LCOS LTAN | |
| | 自然対数関数 (log) 常用対数関数 (log10) | LLOG LLOG10 | |
| | 指数関数 (底=e) 指数関数 (底=10) べき乗 (ab) | LEXP LEXP10 LPOW | |
| | 平方根 | LSQRT | |
| | 逆三角関数 { arcsin関数 arccos関数 arctan関数 | LASIN LACOS LATAN | |
| | 双曲線関数 { sinh関数 cosh関数 tanh関数 | LHSIN LHCOS LHTAN | |
| | 絶対値 | LABS | |
| | 逆数 | LRCPN | |
| | 座標変換関数 | 極座標→直交座標への変換 | POTORA |
| | | 直交座標→極座標への変換 | RATOPO |
| | 数値型変換関数 | 文字列→浮動小数点値への変換 | ATOL |
| | | 浮動小数点値→文字列への変換 | LTOA |
| | | 2バイト整数型→浮動小数点値への変換 | FTOL |
| 浮動小数点値→2バイト整数型への変換 | | LTOF | |
| IEEE-754形式→78K/II形式への浮動小数点形式変換 78K/II形式 →IEEE-754形式への浮動小数点形式変換 | | LTO78 LTOIE | |

1.3 ファイル構成

この演算プログラムは、次の4種類のファイルにより構成されています。

- オブジェクト・ソース・ファイル^注 : 26
- 共通サブルーチン・ファイル^注 : 2
- 共通データ・ファイル : 1
- インクルード・ファイル : 4

^注 オブジェクト・ソース・ファイルは、構造化アセンブラ言語で記述されています。

(1) オブジェクト・ソース・ファイル

| ソース・ファイル名 | 提供関数 |
|-------------|--------------------------------|
| LFLT1 .SRC | 四則演算 |
| LSIN .SRC | sin関数 |
| LCOS .SRC | cos関数 |
| LTAN .SRC | tan関数 |
| LLOG .SRC | 自然対数関数 |
| LLOG10 .SRC | 常用対数関数 |
| LEXP .SRC | 指数関数 (底=e) |
| LEXP10 .SRC | 指数関数 (底=10) |
| LPOW .SRC | べき乗関数 |
| LSQRT .SRC | 平方根 |
| LASIN .SRC | arcsin関数 |
| LACOS .SRC | arccos関数 |
| LATAN .SRC | arctan関数 |
| LHSIN .SRC | sinh関数 |
| LHCOS .SRC | cosh関数 |
| LHTAN .SRC | tanh関数 |
| LABS .SRC | 絶対値 |
| LRCPN .SRC | 逆数 |
| POTORA .SRC | 極座標→直交座標への変換 |
| RATOPO .SRC | 直交座標→極座標への変換 |
| ATOL .SRC | 文字列→浮動小数点値への変換 |
| LTOA .SRC | 浮動小数点値→文字列への変換 |
| FTOL .SRC | 2バイト整数型→浮動小数点値への変換 |
| LTOF .SRC | 浮動小数点値→2バイト整数型への変換 |
| LTO78 .SRC | IEEE-754形式→78K/II形式への浮動小数点形式変換 |
| LTOIE .SRC | 78K/II形式→IEEE-754形式への浮動小数点形式変換 |

(2) 共通サブルーチン・ファイル

| ソース・ファイル名 | 提 供 機 能 |
|------------|--------------------|
| LFLT2 .SRC | 多項式計算関数 |
| LLD .SRC | 浮動小数点レジスタ間ロード／置換関数 |

(3) 共通データ・ファイル

| ソース・ファイル名 | 定 義 内 容 |
|-----------|-------------|
| DFLT .SRC | 浮動小数点レジスタ定義 |

(4) インクルード・ファイル

| ソース・ファイル名 | 定 義 内 容 |
|------------|------------------------|
| EQU .INC | EQU定義 |
| REF1 .INC | 浮動小数点レジスタ参照宣言 |
| REF2 .INC | 浮動小数点レジスタ間ロード／置換関数使用宣言 |
| ASCII .INC | アスキーコード定義 |

各関数の使用に当たって、リンケージをとるべきオブジェクト・モジュール・ファイルについては、各関数の解説の項に記述しています。

備考 当社の78K/IIシリーズ用アセンブラ・パッケージには、ライブラリアンが付属しており、このライブラリアンを使用してライブラリ・ファイルを作成することができます。上記の全プログラムをライブラリ・ファイルに登録することで、リンク時にそのライブラリ・ファイルを指定するだけで必要なモジュールを自動的にリンクすることができるので便利です。

なお、ライブラリ・ファイルへの登録順序には、特に制限はありません。

1.4 プログラムの特性

1.4.1 プログラムの配置アドレス

この演算プログラムで使用するワーク・エリアはすべて、ショート・ダイレクト・アドレッシング・エリアに浮動小数点レジスタとして定義しています（実際には、単にグローバル変数というだけですが、使用方法が浮動小数点演算用に限定されるため、ここではレジスタと呼びます）。

これら浮動小数点レジスタの領域確保はDFLT（リンケージ対象オブジェクト・モジュール）で行っています。それ以外のモジュールは浮動小数点レジスタを外部参照していますので、ROM内に配置される必要がありますが、その他の制限はありません。

1.4.2 リエントラント性

リエントラント性は持っていません。

多重タスクの処理系では、1タスクのみがこの関数を呼ぶことができるようにするなどの資源管理が必要になります。

1.4.3 スタック

各関数の解説のところでスタックの最大消費サイズを示しています。各関数の使用に当たって最低限、示されたサイズ分のスタックを用意する必要があります。

1.4.4 レジスタ、フラグなどの保存

汎用レジスタ、およびフラグの保存はしていません。必要であれば、この関数を呼び出す前に、スタックなどに退避しておいてください。

1.4.5 レジスタ・バンク

この演算プログラムでは、レジスタ・バンクの選択命令は使用していません。呼び出された時点で選択されているレジスタ・バンクを用いています。

1.4.6 処理時間

各関数に記載されている処理時間は、 μ PD78213を外部クロック12 MHz（内部システム・クロック $f_{CLK}=6$ MHz）で動作させ、スタック・エリアをOFE00H-OFE20Hにとった場合の処理時間です。スタック・エリアの場所やROM内蔵品で、内部ROMからの高速フェッチ機能を使用した場合、実行時間は変化します。

1.5 データの受け渡し方法

1.5.1 パラメータおよび返値

先に述べた浮動小数点レジスタにより受け渡しを行います。

この演算プログラムでは統一して、被演算値と返値の格納レジスタを共通にしています。その意味からこのマニュアル中では以後、被演算値をデスティネーション (d) と呼び、演算値をソース (s) と呼びます。

パラメータおよび返値の設定の詳細については、各関数の解説のところで説明しています。

浮動小数点レジスタは、この演算プログラムのワーク用のレジスタでもあります。したがって、汎用レジスタ同様、その内容は保存されません。

1.5.2 演算結果の報告

終了状態を細かく分けると、次の5種類になります。

- (1) 正常終了
- (2) アンダフロー
- (3) オーバフロー
- (4) 虚数化
- (5) 演算不能 ($\log(-1)$ など)

(2)のアンダフローは返値0を正常終了として返します。

終了状態の報告は、エラー((3), (4), (5))状態を区別しません。正常終了か異常終了かだけを報告します。

| 終了状態 | Aレジスタ内容 | CYフラグ |
|------|---------|-------|
| 正常終了 | 0 | 0 |
| 異常終了 | 81H | 1 |

1.6 浮動小数点レジスタ

このアプリケーション・ノート中では、演算プログラムで使用するワーク・エリアを浮動小数点レジスタと呼びます。ここでは、各レジスタの役割について簡単に説明します。

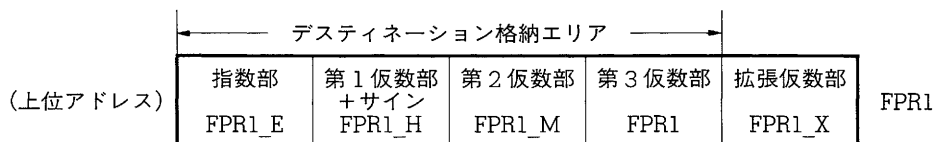
下の図で、1つの が1バイトを、また、左側が上位アドレスを表します(以降、このアプリケーション・ノート中では共通)。

1.6.1 浮動小数点レジスタ 1 (FPR1)

ほとんどの関数で、デスティネーションの格納用に使用するレジスタです。

また、演算の中心となるレジスタでもあります。

FPR1は、下図に示す連続した5バイトのレジスタです。



レジスタは5バイトで構成されており、その1つ1つに広域名が付けられています。

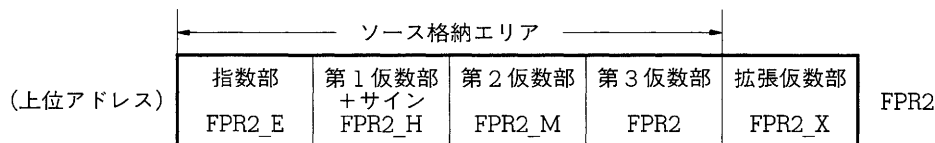
FPR1-FPR1_Eの4バイトが、デスティネーションを格納するエリアです。

FPR1_Xは、仮数部を内部的に1バイト拡張して、第4仮数部(小数点第25位-第32位)として計算するためのエリアです。

1.6.2 浮動小数点レジスタ 2 (FPR2)

ソースの格納用に使用するレジスタです。

FPR2は、下図に示す連続した5バイトのレジスタです。



レジスタの構成は、FPR1と同様です。

1.6.3 浮動小数点レジスタ 3-5 (FPR3, 4, 5)

数学関数などで、一時的なワークとして使用するレジスタです。

FPR1, FPR2同様, 連続した5バイトのレジスタです。

(1) 浮動小数点レジスタ 3 (FPR3)

| | | | | | | |
|----------|-----|-------|-------|-------|-------------------------|------|
| (上位アドレス) | 指数部 | 第1仮数部 | 第2仮数部 | 第3仮数部 | 拡張仮数部 FPR3 FPR3_1 | FPR3 |
|----------|-----|-------|-------|-------|-------------------------|------|

(2) 浮動小数点レジスタ 4 (FPR4)

| | | | | | | |
|----------|-----|-------|-------|-----------------|-------------------------|------|
| (上位アドレス) | 指数部 | 第1仮数部 | 第2仮数部 | 第3仮数部 FPR4_2 | 拡張仮数部 FPR4 FPR4_1 | FPR4 |
|----------|-----|-------|-------|-----------------|-------------------------|------|

(3) 浮動小数点レジスタ 5 (FPR5)

| | | | | | | |
|----------|-----|-------|-------|-----------------|-------------------------|------|
| (上位アドレス) | 指数部 | 第1仮数部 | 第2仮数部 | 第3仮数部 FPR5_2 | 拡張仮数部 FPR5 FPR5_1 | FPR5 |
|----------|-----|-------|-------|-----------------|-------------------------|------|

注意 FPR3, FPR4, FPR5レジスタは, すべての関数で使用するわけではありません。各関数で何番レジスタまで使用するかは, 関数解説の項で説明しています。

1.6.4 浮動小数点レジスタ間のロード／置換

数学関数や型変換関数では、頻繁にレジスタのロード／ストア／置換を行います。そのため、浮動小数点レジスタ間のロード／ストア関数、および置換関数を用意しています。

ロード／ストア関数および置換関数の一覧を示します。

| 関 数 名 | 機 能 |
|---------------|---------------------|
| LLD21, LLD21X | 1番レジスタ内容を2番レジスタへロード |
| LLD31, LLD31X | 1番レジスタ内容を3番レジスタへロード |
| LLD41, LLD41X | 1番レジスタ内容を4番レジスタへロード |
| LLD51, LLD51X | 1番レジスタ内容を5番レジスタへロード |
| LLD52 | 2番レジスタ内容を5番レジスタへロード |
| LLD13 | 3番レジスタ内容を1番レジスタへロード |
| LLD23, LLD23X | 3番レジスタ内容を2番レジスタへロード |
| LLD14, LLD14X | 4番レジスタ内容を1番レジスタへロード |
| LLD24, LLD24X | 4番レジスタ内容を2番レジスタへロード |
| LLD15 | 5番レジスタ内容を1番レジスタへロード |
| LLD25, LLD25X | 5番レジスタ内容を2番レジスタへロード |
| LLD1C, LLD1CX | 定数データを1番レジスタへロード |
| LLD2C, LLD2CX | 定数データを2番レジスタへロード |
| LXC13, LXC13X | 1番レジスタと3番レジスタ内容を置換 |
| LXC14X | 1番レジスタと4番レジスタ内容を置換 |
| LXC15, LXC15X | 1番レジスタと5番レジスタ内容を置換 |

注意 関数名の最後が、“X”で終わっているものは、拡張仮数部を含めたロード／置換関数です。

第2章 計算アルゴリズム

ここでは、計算の基本となるアルゴリズムについて簡単に説明します。

2.1 関数の展開方法

3種類の展開法を使用します。

- 平方根 : Newton-Raphson法
- 逆三角関数: 最良近似法
- その他 : Taylor展開法

2.2 丸め方法

0に向かって丸めを行います。

2.3 桁落ち防止方法

Taylor展開の展開多項式が階差級数となった場合、被演算子の値の範囲によっては極端な桁落ちが起こる場合があります。このような桁落ちを防止するために、この演算プログラムでは、展開式の第1項から第N項までの各項の値が、単調かつ急速に0に近付くような展開式を使用し、さらに仮数部を32ビットとしています。

2.4 多項式加算／乗算時の誤差

有効桁24ビットの数体系で、0に向かって丸めを行った8項の多項式の加算を行った場合、最大4ビットの誤差が含まれます。また、 x^8 を7回の乗算で求めるのと同様の誤差が含まれます。

このような四則演算の誤差（加算と乗算）を少なくするために、この演算プログラムは、内部では仮数部を32ビット（拡張仮数部を8ビット付加）として計算しています。

第3章 四則演算

四則演算関数として、次の4つを用意しています。

(1) 浮動小数点加算 (LADD)

FPR1の値を被加数, FPR2の値を加数として加算を行います。

(2) 浮動小数点減算 (LSUB)

FPR1の値を被減数, FPR2の値を減数として減算を行います。

(3) 浮動小数点乗算 (LMLT)

FPR1の値を被乗数, FPR2の値を乗数として乗算を行います。

(4) 浮動小数点除算 (LDIV)

FPR1の値を被除数, FPR2の値を除数として除算を行います。

演算結果は、FPR1に格納されます。

3.1 浮動小数点加算 (LADD)

(1) 処理内容

FPR1の値を x , FPR2の値を y として, $x+y$ をFPR1に戻します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1

(3) 消費スタック・サイズ

2 (LADDからの戻り番地のみ)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 142 μ s

最大: 296 μ s (0.5 + (-0.500000060))

(6) 処理手順

- (a) x または、 y が0の場合、0でない数を結果として演算を終了します。
- (b) 指数部差が32以上の場合、大きい方を結果として演算を終了します。
- (c) 指数部の小さい方の仮数部を、大きい方に合わせて桁調整します。
- (d) 仮数部の加減算を行います。元の符号が同じ場合は加算し、不一致の場合は減算します。
- (e) 加算時は桁上がり、減算時はゼロ判定処理を行います。
- (f) 正規化を行い、演算結果をFPR1に格納します。

(7) 作業エリア

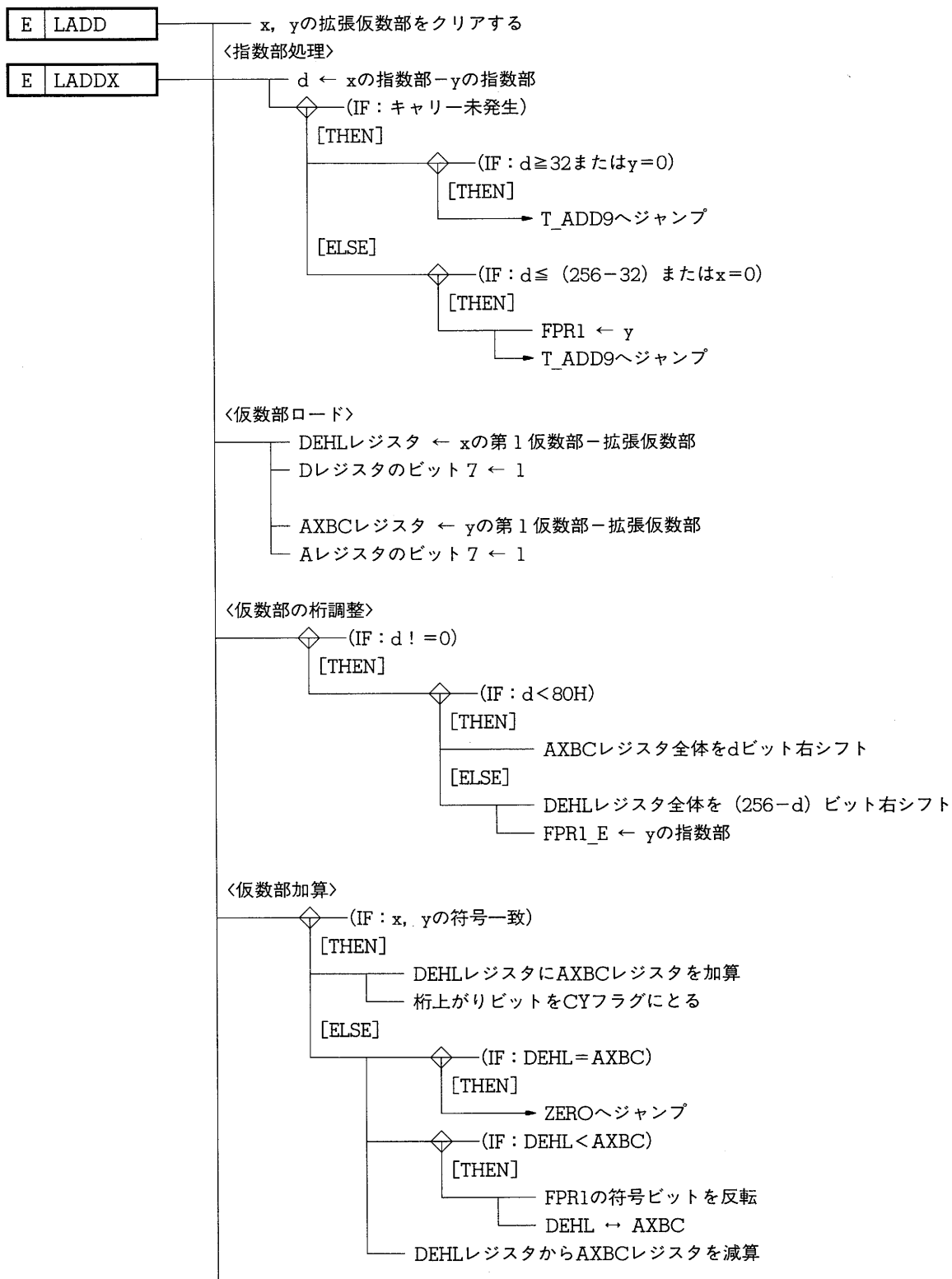
- (a) 仮数部の演算処理用に、FPR1に対してDEHLレジスタを、FPR2に対してAXBCレジスタをワークとして使用します。

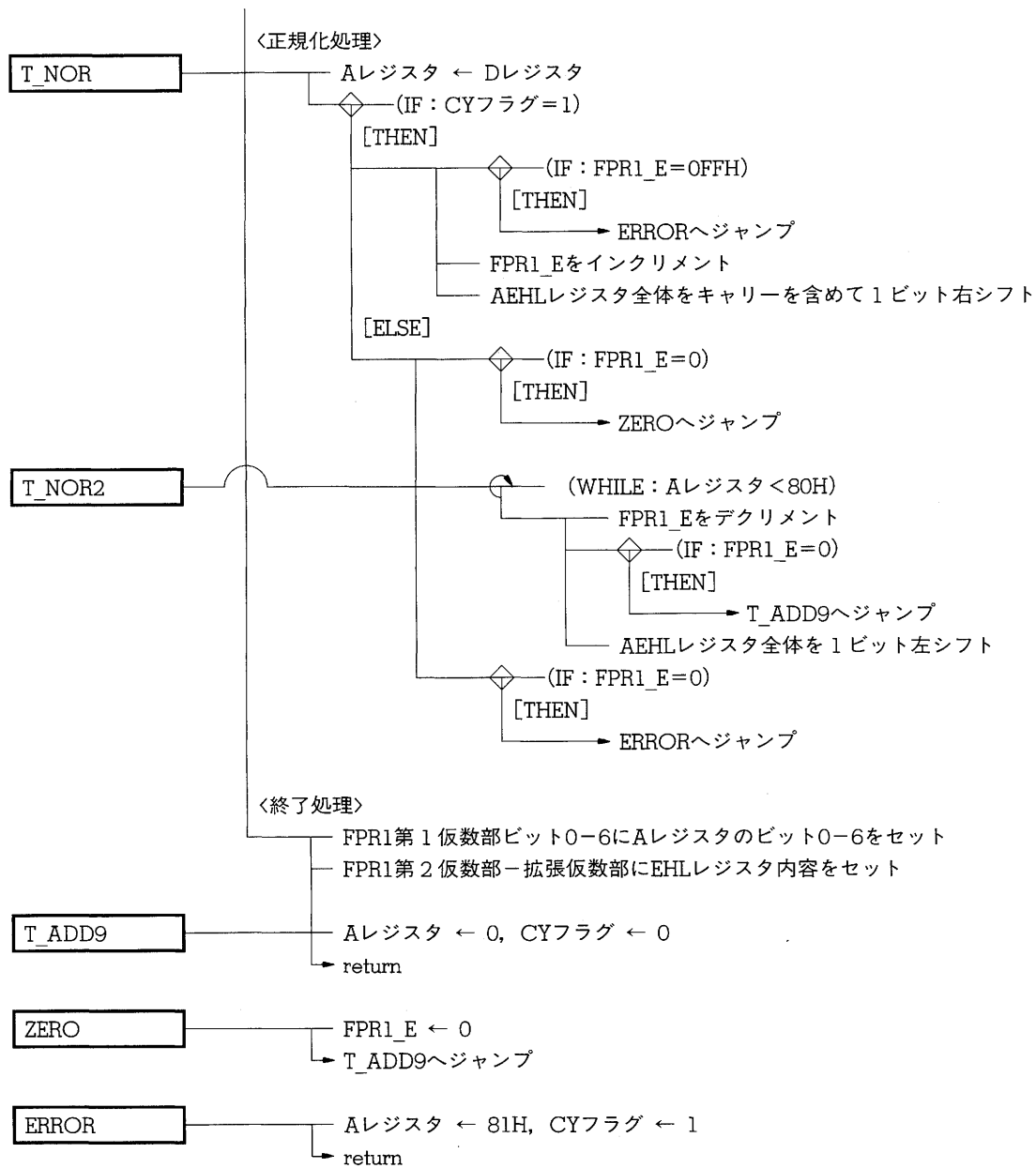
D ← FPR1_H, A ← FPR2_H
E ← FPR1_M, X ← FPR2_M
H ← FPR1 , B ← FPR2
L ← FPR1_X, C ← FPR2_X

D, Aレジスタのビット7には、サイン・ビットの代わりにMSBを立てます。

- (b) 正規化処理部では、第1仮数部-拡張仮数部に対して、AEHLレジスタを使用します。
- (c) FPR1_Xを指数部差の退避エリアとして使用します(処理図では、便宜上、 d という変数名で表しています)。

(8) 処理図





- 備考1. ラベル E は広域名を示します。
2. ラベル T_NOR T_NOR2 ZERO ERROR は、LMLT、およびLDIV関数でも参照されます。
3. ラベル E LADDX は、数学関数などで、拡張仮数部を使用した加算を実行するための内部的な広域名です。

3.2 浮動小数点減算 (LSUB)

(1) 処理内容

FPR1の値を x , FPR2の値を y として, $x-y$ をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1

(3) 消費スタック・サイズ

2 (LSUBからの戻り番地のみ)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: $150 \mu s$

最大: $300 \mu s$ (0.5-0.500000060)

(6) 処理手順

y の符号を反転し, LADDへジャンプします。

(7) 処理図



3.3 浮動小数点乗算 (LMLT)

(1) 処理内容

FPR1の値をx, FPR2の値をyとして, $x \times y$ をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1

(3) 消費スタック・サイズ

2 (LMLTからの戻り番地のみ)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 125 μ s

最大: 133 μ s (1 \times 0.5)


(6) 処理手順

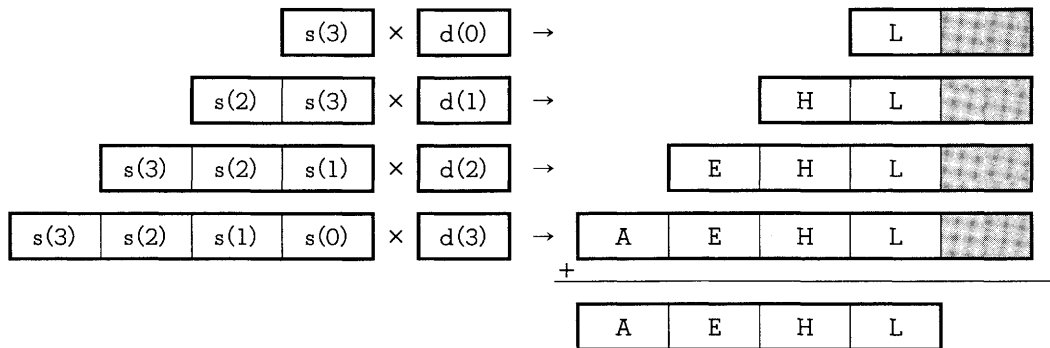
- (a) xまたはyが0の場合, 0を返します。
- (b) 指数部を加算し, オーバフローおよびアンダフローの判定をします。
- (c) 符号のXORをとり, 結果の符号とします。
- (d) 仮数部の乗算を次に示す方法で行います。

仮数部の演算処理用に指数部を除くFPR1, FPR2を便宜上, 要素数4のBYTE型配列d(4), s(4)と見なします (添字は0-3の値をとるものとします)。

| | | | | |
|--------|--------|------|--------|--------|
| FPR1_H | FPR1_M | FPR1 | FPR1_X | を d(4) |
| FPR2_H | FPR2_M | FPR2 | FPR2_X | を s(4) |

d(3), s(3)のビット7には, サイン・ビットの代わりにMSBを立てます。

下図に示す手順でAEHLレジスタに乗算結果を積み上げていきます( の部分は切り捨てています)。

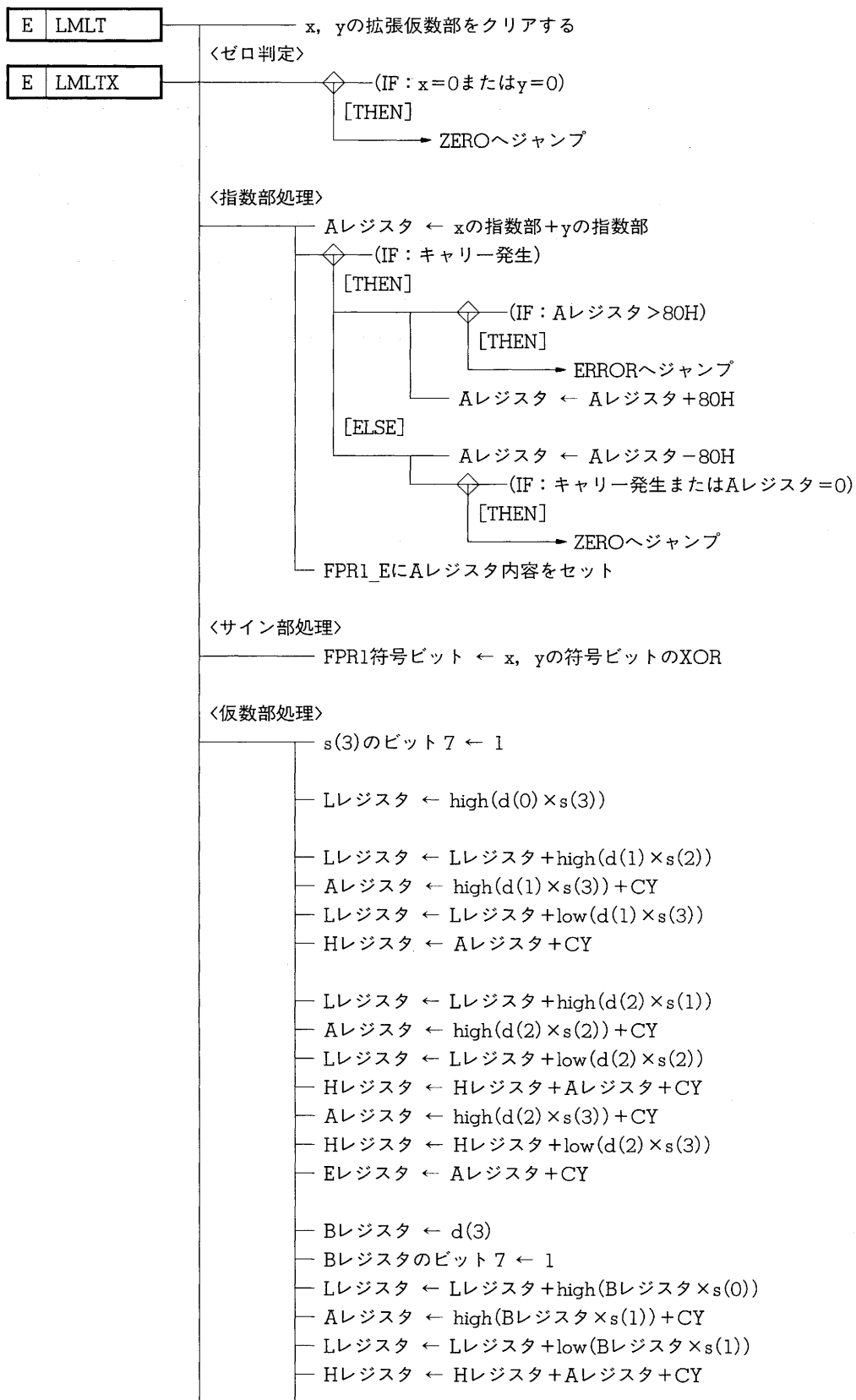


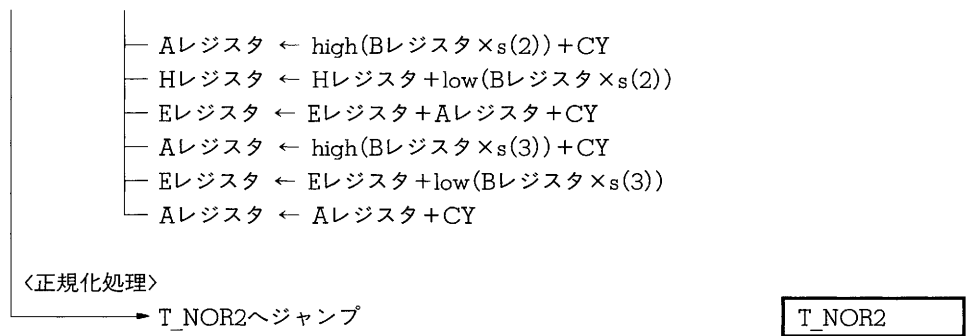
(e) 正規化ルーチンへジャンプします。

(7) 作業エリア

仮数部の乗算結果の積み上げ用に、AEHLレジスタを使用します。

(8) 処理図





備考1. high () は、乗算結果の上位 1 バイトを示します。

2. low () は、乗算結果の下位 1 バイトを示します。

3. ラベル

| | |
|---|-------|
| E | LMLTX |
|---|-------|

 は数学関数などで、拡張仮数部を使用した乗算を実行するための内部的な広域名です。

3.4 浮動小数点除算 (LDIV)

(1) 処理内容

FPR1の値を x , FPR2の値を y として, x/y をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1

(3) 消費スタック・サイズ

2 (LDIVからの戻り番地のみ)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 510 μ s

最大: 609 μ s ($-0.999999940 / -0.5$)

(6) 処理手順

- (a) y が0の場合, 異常終了を返します。
- (b) x が0の場合, 0を返します。
- (c) x の指数部から y の指数部を減算し, オーバフローとアンダフローの判定をします。
- (d) 符号のXORをとり, 結果の符号とします。
- (e) 仮数部の除算を次に示す方法で行います。

x の仮数部に対してCYフラグとX, B, Cレジスタで置き換えたものを25ビットの d , s また, y の仮数部に対して第1仮数部をLレジスタで置き換えたものを24ビットの整数型(符号なし) d , s と見なします。

```

CY ← 0,
X ← FPR1_H,   L ← FPR2_H
B ← FPR1_M,
C ← FPR1_L,

```

X, Lレジスタのビット7には, サイン・ビットの代わりにMSBを立てておきます。

| | | | | | |
|----|-------|-------|--------|------|---|
| CY | Xレジスタ | Bレジスタ | Cレジスタ | を | d |
| | | | | を | s |
| | | Lレジスタ | FPR2_M | FPR2 | |

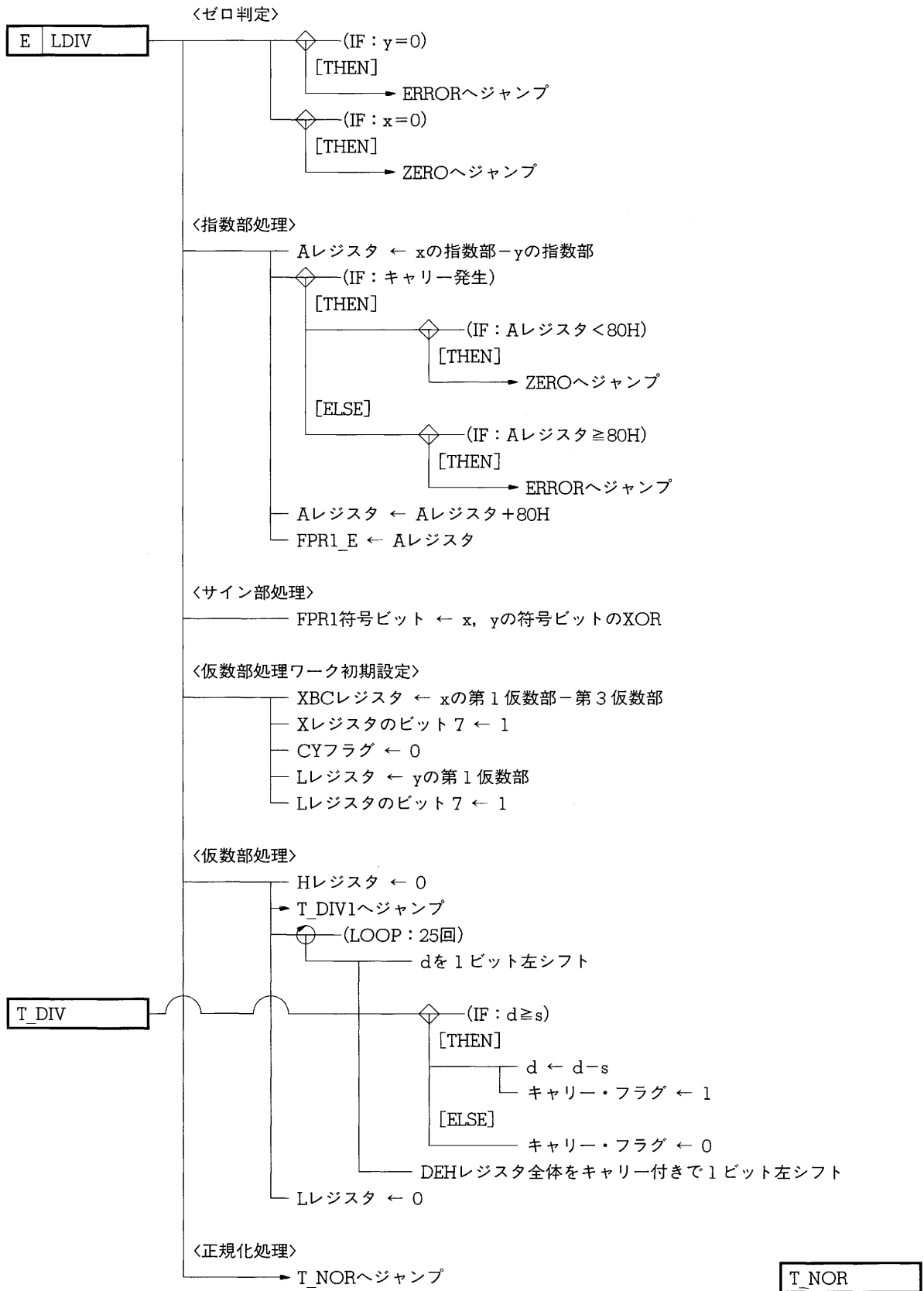
通常の手計算の方法により、CYフラグとDEHレジスタに商を積み上げていきます。

- (i) CYフラグ, X, B, C, Lレジスタの初期設定とHレジスタのクリアを行います。
- (ii) dとsを比較し, $d \geq s$ ならdからsを引き, キャリー・フラグをセット(1)します。
 $d < s$ ならキャリー・フラグをリセット(0)にします。
- (iii) DEHレジスタ全体をキャリー・フラグを含めて1ビット左シフトします。
- (iv) dを1ビット左シフトします。
- (v) (ii)-(iv)を25回繰り返します (ただし25回目は(iv)を実行しません)。
- (vi) 最後の処理(iii)で発生したキャリーを仮数部の桁上がりビットとします。
- (f) 正規化ルーチンへジャンプします。

(7) 作業エリア

FPR1 (1バイト) を仮数部除算時のループ・カウンタとして使用しています。

(8) 処理図



第4章 数学関数

数学関数として、次のものを用意しています。

(1) sin関数 (LSIN)

FPR1の値の正弦を求めます。

(2) cos関数 (LCOS)

FPR1の値の余弦を求めます。

(3) tan関数 (LTAN)

FPR1の値の正接を求めます。

(4) 自然対数関数 (LLOG)

FPR1の値の自然対数をとります。

(5) 常用対数関数 (LLOG10)

FPR1の値の常用対数をとります。

(6) 指数関数 (底=e) (LEXP)

FPR1の値を指数値, 底をeとした指数関数解を求めます。

(7) 指数関数 (底=10) (LEXP10)

FPR1の値を指数値, 底を10とした指数関数解を求めます。

(8) べき乗関数 (LPOW)

FPR1の値とFPR2の値のべき乗を求めます。

(9) 平方根関数 (LSQRT)

FPR1の値の平方根を求めます。

(10) arcsin関数 (LASIN)

FPR1の値の逆正弦を求めます。

(11) arccos関数 (LACOS)

FPR1の値の逆余弦を求めます。

(12) arctan関数 (LATAN)

FPR1の値の逆正接を求めます。

(13) sinh関数 (LHSIN)

FPR1の値のhyperbolic sine関数解を求めます。

(14) cosh関数 (LHCOS)

FPR1の値のhyperbolic cosine関数解を求めます。

(15) tanh関数 (LHTAN)

FPR1の値のhyperbolic tangent関数解を求めます。

(16) 絶対値関数 (LABS)

FPR1の値の絶対値をとります。

(17) 逆数関数 (LRCPN)

FPR1の値の逆数を求めます。

演算結果は、FPR1に格納されます。

4.1 共通サブルーチン

先に述べたように、平方根関数を除く他の数学関数は、Taylor近似式、または最良近似式を用いて計算しています。これら近似式は高次の多項式で表され、かつ、Taylor展開、および最良近似の性格上共通のパターンを持っています。

そこで、2つのタイプの多項式の計算関数 (LPLY, LPLY2) を共通サブルーチンとして用意しています。

(1) 処理内容

多項式の計算結果をFPR1へ返します。

(2) アルゴリズム

次の2つのタイプの多項式計算が可能です。

| |
|---|
| ① $X + k_1XY + k_1k_2XY^2 + k_1k_2k_3XY^3 + \dots + k_1k_2 \dots k_nXY^n$ |
| ② $Z + k_1XY + k_1k_2XY^2 + k_1k_2k_3XY^3 + \dots + k_1k_2 \dots k_nXY^n$ |

備考 X : 多項式第1項
 Y : 各項の次数変化に対する乗算定数 (X²など)
 (k₁, k₁k₂, ..., k₁k₂...k_n) : 各項の係数

| 多項式 | 使用条件 | 計算関数 |
|-----|------------------|-------|
| ① | 各項が共通約数Xを持っている場合 | LPLY |
| ② | 第1項が定数の場合 | LPAY2 |

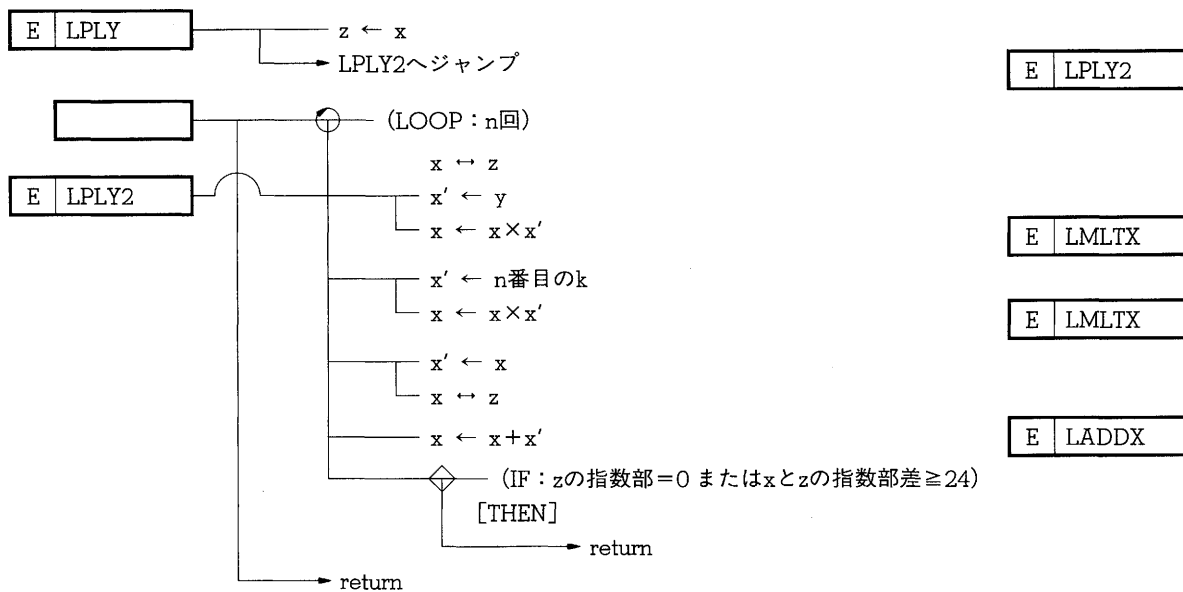
誤差を最小限におさえるために、X, Y, Z, k₁, k₂, ...k_nは拡張仮数部を持つ浮動小数点数を使用しています。

注意 Taylor近似の性格上、|第1項| > |第2項| > ... |第n項| が成立している必要があります。

(3) 処理手順

- (a) 第N項を第N-1項とY, k_nの乗算によって求めます。
- (b) 第N-1項までの和に第N項の値を加算します。
- (c) 第N項が第N項までの和に比して十分に小さければ、計算を終了します。
- (d) (a) - (b)を第n項まで繰り返します。

(4) 処理図



備考 x : FPR1
 x' : FPR2
 z : FPR3
 y : FPR4
 n : Cレジスタ
 kの先頭アドレスはDEレジスタにより受け渡します。

4.2 sin関数 (LSIN)

(1) 処理内容

FPR1の値をxとして、 $\sin(x)$ をFPR1に返します。

●単位：ラジアン

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LSIN, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

10 (LSINからの戻り番地 2 バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4

(5) 処理時間 (内部システム・クロック：6 MHz)

平均：2.69 ms

最大：7.10 ms ($\sin(1.701412e+38)$)

(6) アルゴリズム

次のTaylor展開近似式を用いて求めます。

$$\text{SIN}(x) = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \frac{x^9}{9!} - \frac{x^{11}}{11!}$$

(7) 処理手順

(a) $\text{SIN}(-x) = -\text{SIN}(x)$ よりxが負なら符号を記憶し、xの絶対値をとります。

(b) xを $0 \leq x < \pi/2$ の範囲にスケーリングします。

x'を $0 \leq x' < \pi/2$ とすると、次のようになります。

$$\begin{aligned} \text{SIN}(\pi/2+x') &= \text{SIN}(\pi/2-x') \\ \text{SIN}(2\pi/2+x') &= \text{SIN}(-x') \\ \text{SIN}(3\pi/2+x') &= \text{SIN}(x'-\pi/2) \end{aligned}$$

したがって、xを $\pi/2$ で割った商をn、余りをx'とすると、 $\text{SIN}(x)$ は、次のようになります。

| n/4の余り | SIN(x) | x'' |
|--------|-------------------|-------------|
| 0 | SIN(x') | x' |
| 1 | SIN($\pi/2-x'$) | $\pi/2-x'$ |
| 2 | SIN(-x') | -x' |
| 3 | SIN(x'- $\pi/2$) | x'- $\pi/2$ |

(c) 記憶していた符号をx''にかけます。

(d) SIN(x'')をTaylor近似式により求めます。

近似多項式の第1項(x''), 各項の係数を除く比(x''²), および第2項-第6項係数の前項係数に対する比(-1/3!, -3!/5!, -5!/7!, -7!/9!, -9!/11!)を引数に多項式計算関数をCALLします。

(8) 作業エリア

$\pi/2$ による除算商と余り算出処理部で、次のように使用します。

(a) FPR4_1を、除算商の積み上げ用として使用します(処理図では便宜上、nという変数名で表しています)。

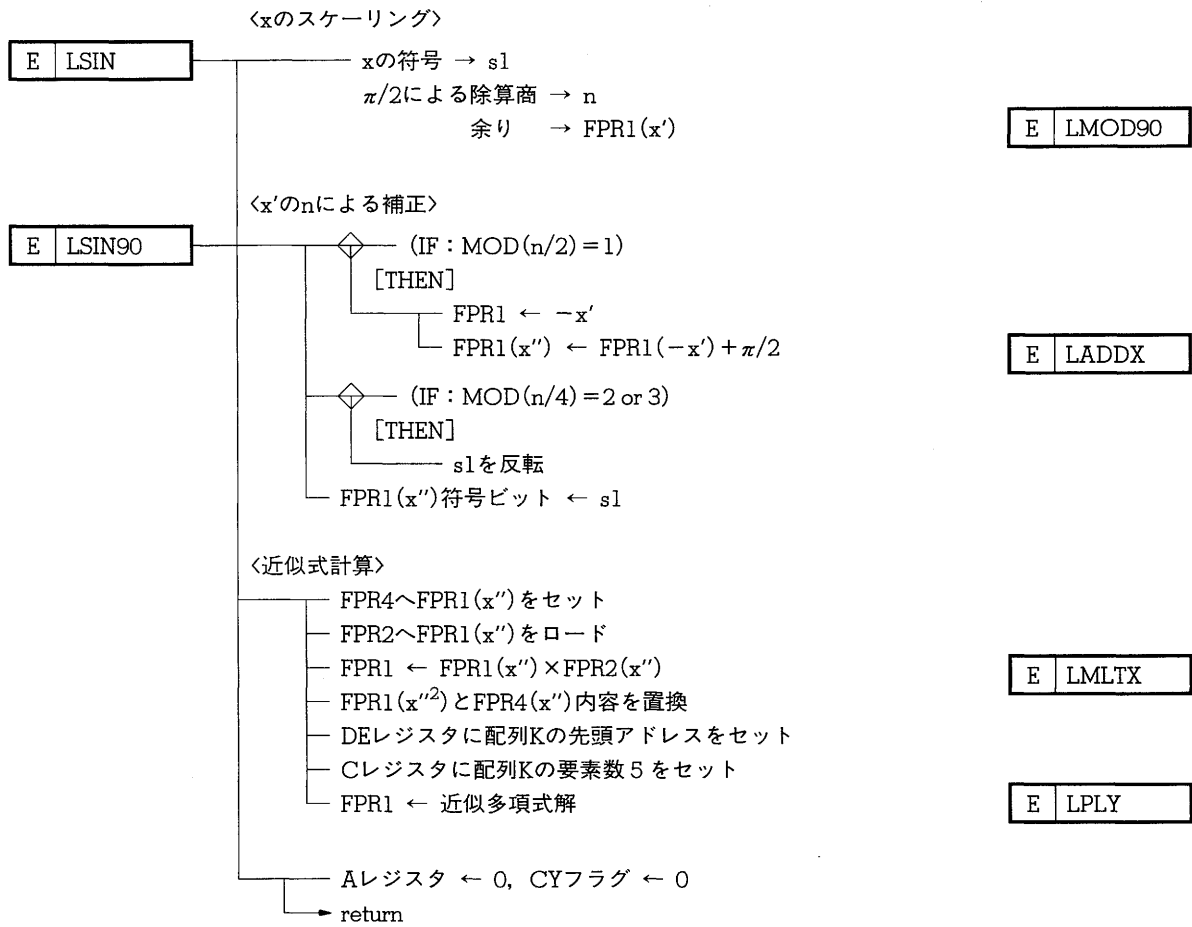
(b) FPR4_2を、xの符号退避用ワークとして使用します(処理図では便宜上、s1という変数名で表しています)。

(9) 浮動小数点定数データ

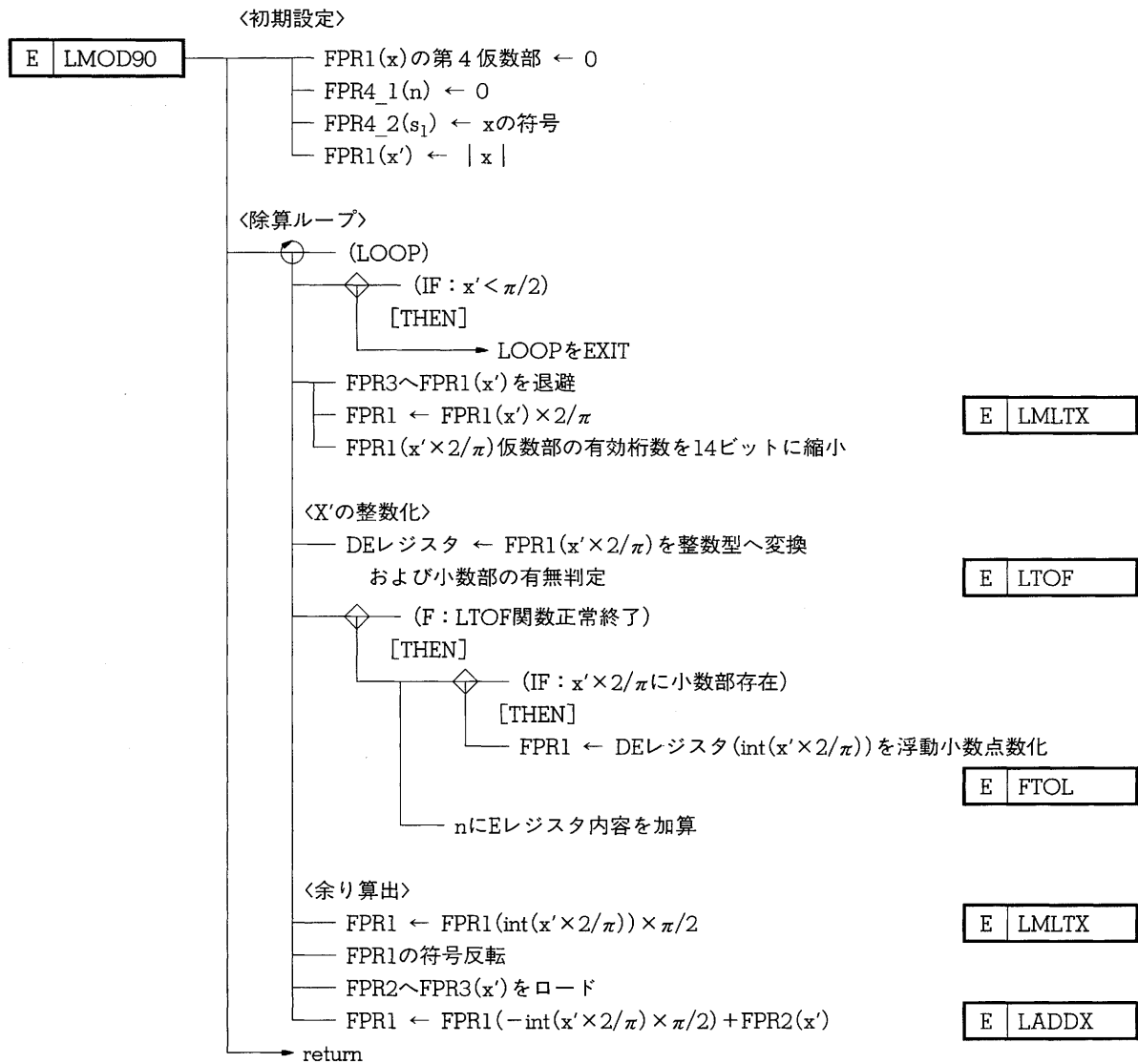
(a) $0-\pi/2$ のスケーリング用に拡張仮数部を持つ定数データ $2/\pi$ と $\pi/2$ を用いています。

(b) Taylor近似式の係数列に対して、拡張仮数部を持つ定数データ $-1/3!$, $-3!/5!$, $-5!/7!$, $-7!/9!$, $-9!/11!$ を、要素数5の配列Kとして使用しています。

(10) 処理図



($\pi/2$ による除算商, および余り算出サブルーチン)



備考 int(X)はXの整数部を表します。

4.3 cos関数 (LCOS)

(1) 処理内容

FPR1の値をxとして、 $\cos(x)$ をFPR1に返します。

- 単位：ラジアン

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LSIN, LCOS, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

10(LCOSからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4

(5) 処理時間 (内部システム・クロック：6 MHz)

平均：2.67 ms

最大：7.74 ms ($\cos(1.701412e+38)$)

(6) アルゴリズム

次の式により、 $\sin(x')$ を求めます。

$$\cos(x) = \cos(|x|) = \sin(|x| + \pi/2)$$

$$x' = |x| + \pi/2$$

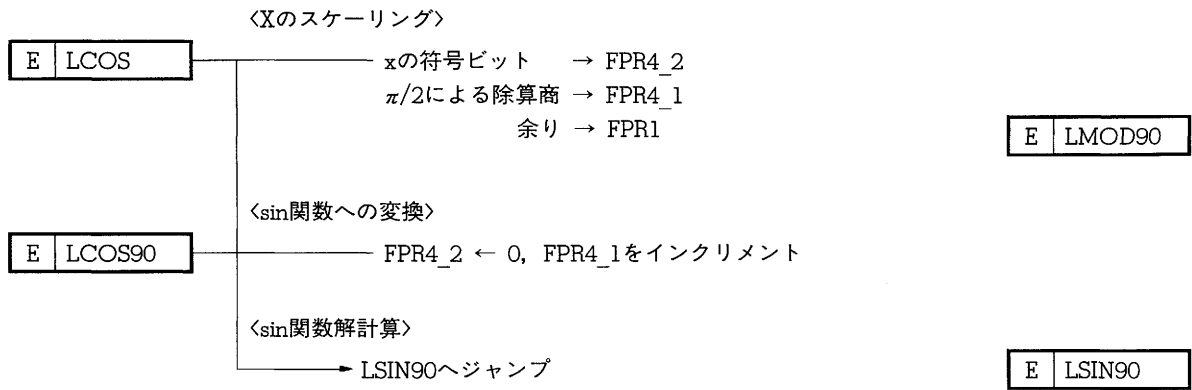
(7) 処理手順

(a) LMOD90サブルーチンにより、 $\pi/2$ による除算商(FPR4_1)と余り(FPR1)を求めます。

(b) LMOD90が退避した符号(FPR4_2)をクリアし、FPR4_1に1を加えます。

(c) LSIN90へジャンプします。

(8) 処理図



4.4 tan関数 (LTAN)

(1) 処理内容

FPR1の値をxとして, $\tan(x)$ をFPR1に返します。

- 単位：ラジアン

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LSIN, LCOS, LTAN, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

14(LTANからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック：6 MHz)

平均：5.54 ms

最大：10.29 ms ($\tan(1.701412e+38)$)

(6) アルゴリズム

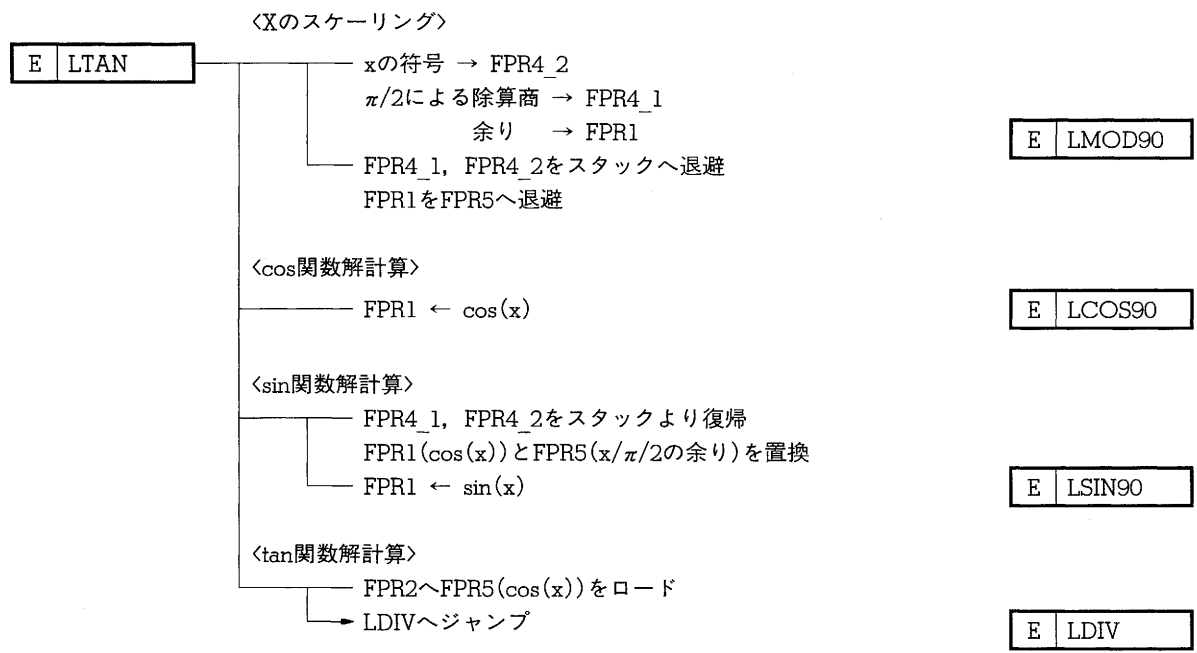
次の式により求めます。

$$\text{TAN}(x) = \frac{\text{SIN}(x)}{\text{COS}(x)}$$

(7) 処理手順

- LMOD90サブルーチンにより, $\pi/2$ による除算商 (FPR4_1), 余り (FPR1), およびxの符号 (FPR4_2)を得ます。
- LCOS90サブルーチンにより, $\cos(x)$ を求めます。
- LSIN90サブルーチンにより, $\sin(x)$ を求めます。
- $\sin(x)/\cos(x)$ を解とします。

(8) 処理図



4.5 自然対数関数 (LLOG)

(1) 処理内容

FPR1の値をxとして、 $\log(x)$ をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LLOG, FTOL

(3) 消費スタック・サイズ

10(LLOGからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 3.08 ms

最大: 4.36 ms ($\log(3.27680039e+10)$)

(6) アルゴリズム

次の式により求めます。

- Xの指数部= X_e , 仮数部= X_f と置くと、 $\log(x)$ は次のとおりです。

$$\log(x) = X_e \times \log(2) + \log(X_f)$$

- $\log(X_f)$ の求め方

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad & X' = \frac{X_f - 1}{X_f + 1} \text{とする} \\ \textcircled{2} \quad & \log(X_f) = \log(1 + X') - \log(1 - X') \text{のTaylor展開近似式を使用} \\ \textcircled{3} \quad & \log(x) = X_e \times \log(2) + 2X' + \frac{2}{3}X'^3 + \frac{2}{5}X'^5 + \frac{2}{7}X'^7 + \frac{2}{9}X'^9 + \frac{2}{11}X'^{11} + \frac{2}{13}X'^{13} \end{aligned}$$

- (a) $x \leq 0$ ならエラーを返します。
- (b) $x = 1$ なら0を返します。
- (c) $X_e \times \log(2)$ を求めます。

(d) X' を $(X_f-1)/(X_f+1)$ により求めます。

(e) $\log(x)$ をTaylor近似式により求めます。

指数部の対数と近似多項式の第1項の加算値($X_0 \times \log(2) + 2X'$)、第2項の計算初期値として $2X'$ 、各項の係数を除く比(X'^2)、および第2項-第7項係数の前項係数に対する比(1/3, 3/5, 5/7, 7/9, 9/11, 11/13)を引数に多項式計算関数をCALLします。

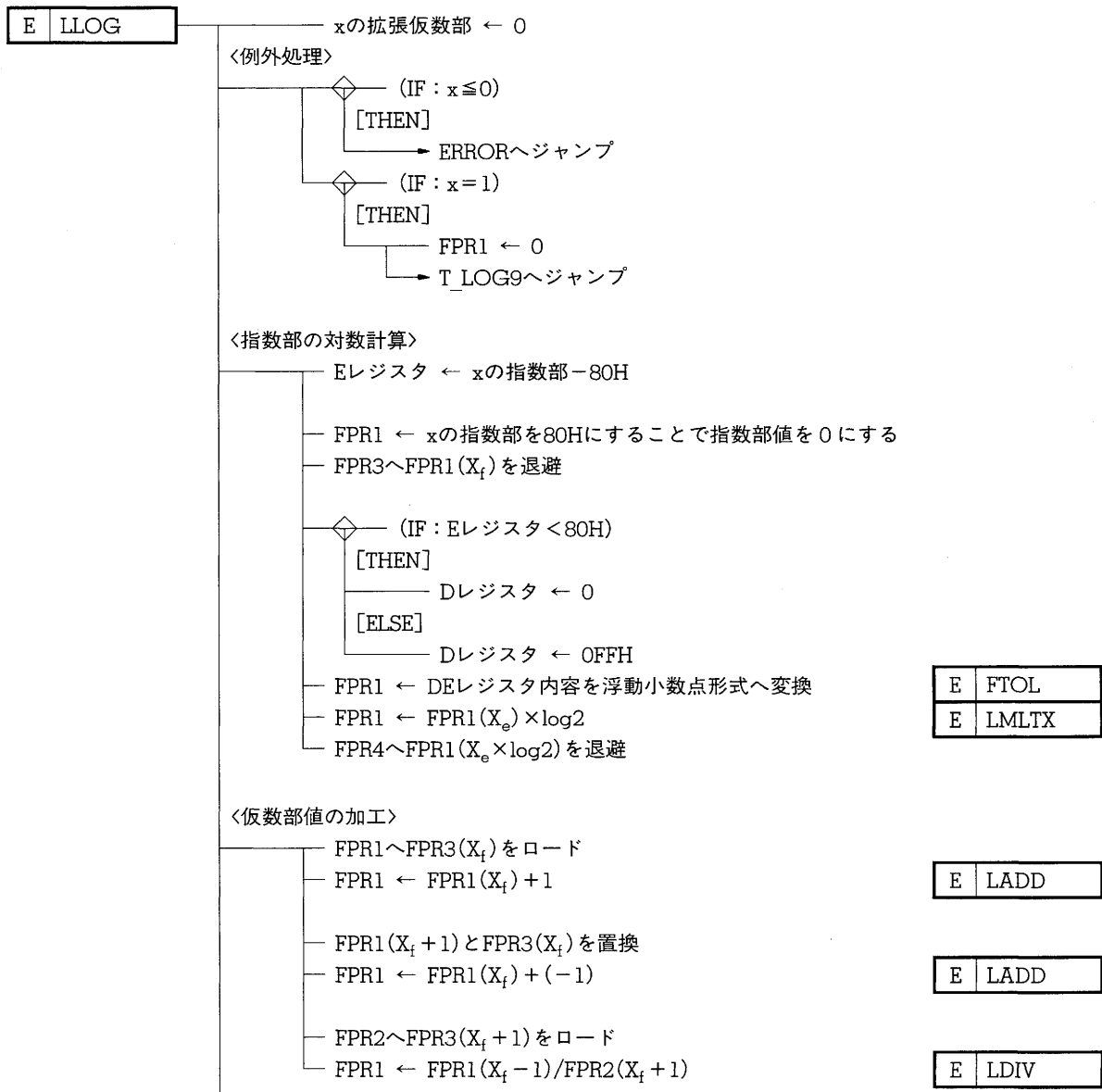
(7) 浮動小数点定数データ

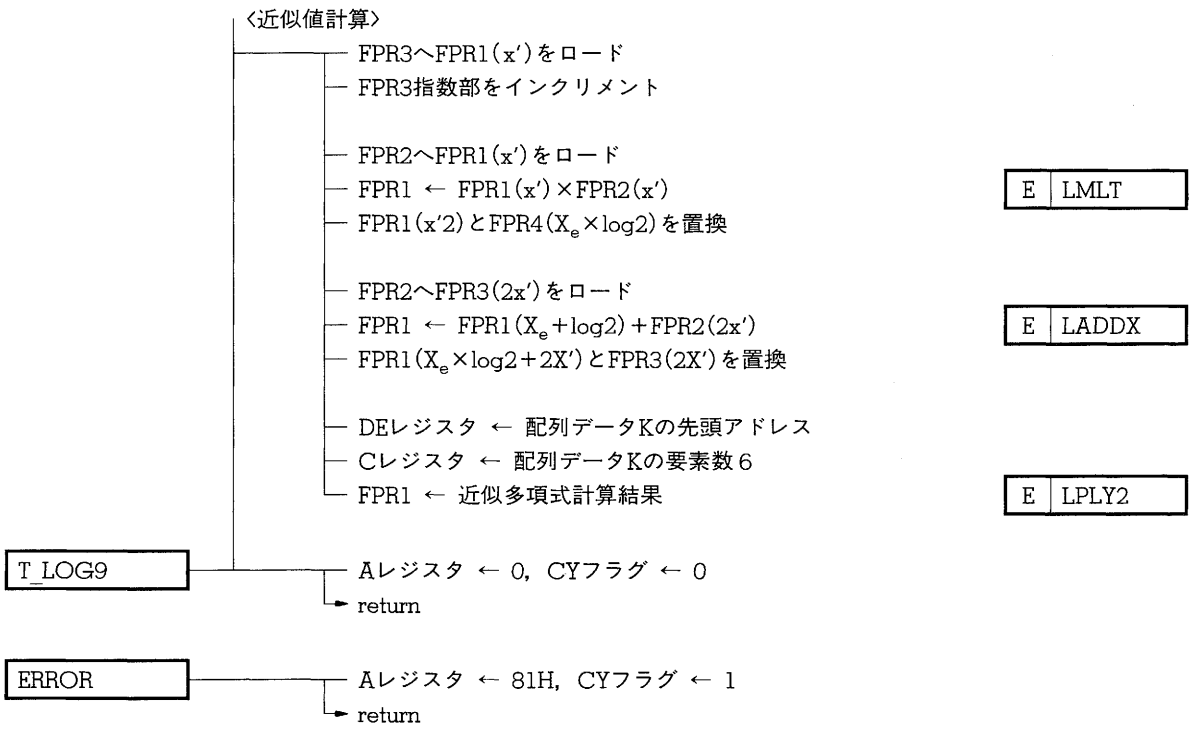
(a) $x=1$ の判定部および、 X' の計算部において定数データ 1 を用いています。

(b) 指数部値の対数計算部において拡張仮数部を持つ定数データ $\log(2)$ を用いています。

(c) 近似多項式の係数列に対して、拡張仮数部を持つ浮動小数点定数データ1/3, 3/5, 5/7, 7/9, 9/11, 11/13を要素数6の配列Kとして定義しています。

(8) 処理図





4.6 常用対数関数 (LLOG10)

(1) 処理内容

FPR1の値をxとして、 $\log_{10}(x)$ をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LLOG, LLOG10, FTOL

(3) 消費スタック・サイズ

12(LLOG10からの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 3.24 ms

最大: 4.47 ms ($\log_{10}(3.27680039e+04)$)

(6) アルゴリズム

次の式により求めます。

$$\log_{10}(x) = \frac{\log(x)}{\log(10)}$$

(7) 処理手順

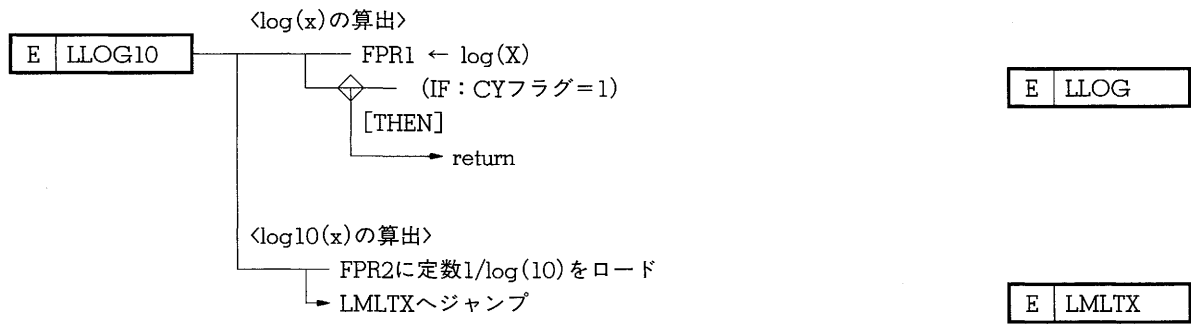
(a) LLOG関数により $\log(x)$ を求めます。

(b) LLOG関数の結果がエラーの場合、そのままエラーを返します。

(8) 浮動小数点定数データ

拡張仮数部を持つ定数データ $1/\log(10)$ を用います。

(9) 処理図



4.7 指数関数 (底=e) (LEXP)

(1) 処理内容

FPR1の値をxとして、 e^x をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LEXP, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

10(LEXPからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 3.43 ms

最大: 4.54 ms ($\exp(-5.67776156)$)

(6) アルゴリズム

指数底を2に変換することにより先に解の指数部を求める方法をとっています。

次の式により求めます。

$$e^x = 2^{x/\log 2} = 2^{\text{int}(x/\log 2)} \times 2^{\text{dec}(x/\log 2)}$$

備考1. $\text{int}(X)$ はXの上位整数($\text{int}(X) - 1 \leq X < \text{int}(X)$)を示します。

2. $\text{dec}(X)$ はXの小数部($\text{dec}(X) = X - \text{int}(X)$; $-1 \leq \text{dec}(X) < 0$)を示します。

$2^{\text{dec}(x/\log 2)}$ は0.5-1の範囲となりますから、 $\text{int}(x/\log 2)$ は解の指数部そのものとなります。

仮数部は、 $2^{\text{dec}(x/\log 2)+1}$ により、次のTaylor近似式により求めます(2をかけても得られる仮数部は同じため、次式に最も有利な0-1の範囲を使います)。

$$X' = \text{dec}(x/\log 2) + 1 \text{ として,}$$

$$2X' = 1 + \frac{\log 2}{1!} X'^1 + \frac{(\log 2)^2}{2!} X'^2 + \frac{(\log 2)^3}{3!} X'^3 + \dots + \frac{(\log 2)^9}{9!} X'^9$$

最後に、 $2X'$ は1-2の範囲の数ですが、丸めをゼロへ向かって行っていることから $2X' < 1$ となる場

合があります。この場合 $\text{int}(X/\log 2) - 1$ を解の指数部とします。

(7) 処理手順

(a) $x/\log 2$ を求めます。

(b) オーバフローの場合

- $x < 0$ なら0を解として返します。

- $x > 0$ ならエラーを解として返します。

(c) $\text{int}(x/\log 2)$ を求めます。

(d) $\text{int}(x/\log 2) < -7FH$ なら0を解として返します。

$\text{int}(x/\log 2) > 7FH$ ならエラーを解として返します。

(e) $\text{dec}(x/\log 2) + 1$ を求め X' とします。

(f) $2^{x'}$ をTaylor近似式により求めます。

近似多項式の第2項までの和 $(1 + \log 2 \cdot X')$ 、第3項の計算初期値として $\log 2 \cdot X'$ 、各項の係数を除く比 (X') 、および第3項-第10項係数の前項係数に対する比 $(\log 2/2, \log 2/3, \log 2/4, \log 2/5, \log 2/6, \log 2/7, \log 2/8, \log 2/9)$ を引数に多項式計算関数をCALLします。

(g) $2^{x'} < 1$ の場合、解の指数部 $(\text{int}(x/\log 2))$ から1を引きます。

(h) 近似式の計算結果に指数部値 $\text{int}(x/\log 2)$ を埋め込み、解とします。

(8) 作業エリア

(a) FPR3_1のビット7を x の符号の退避エリアとして使用します(処理図では、記号Sで表しています)。

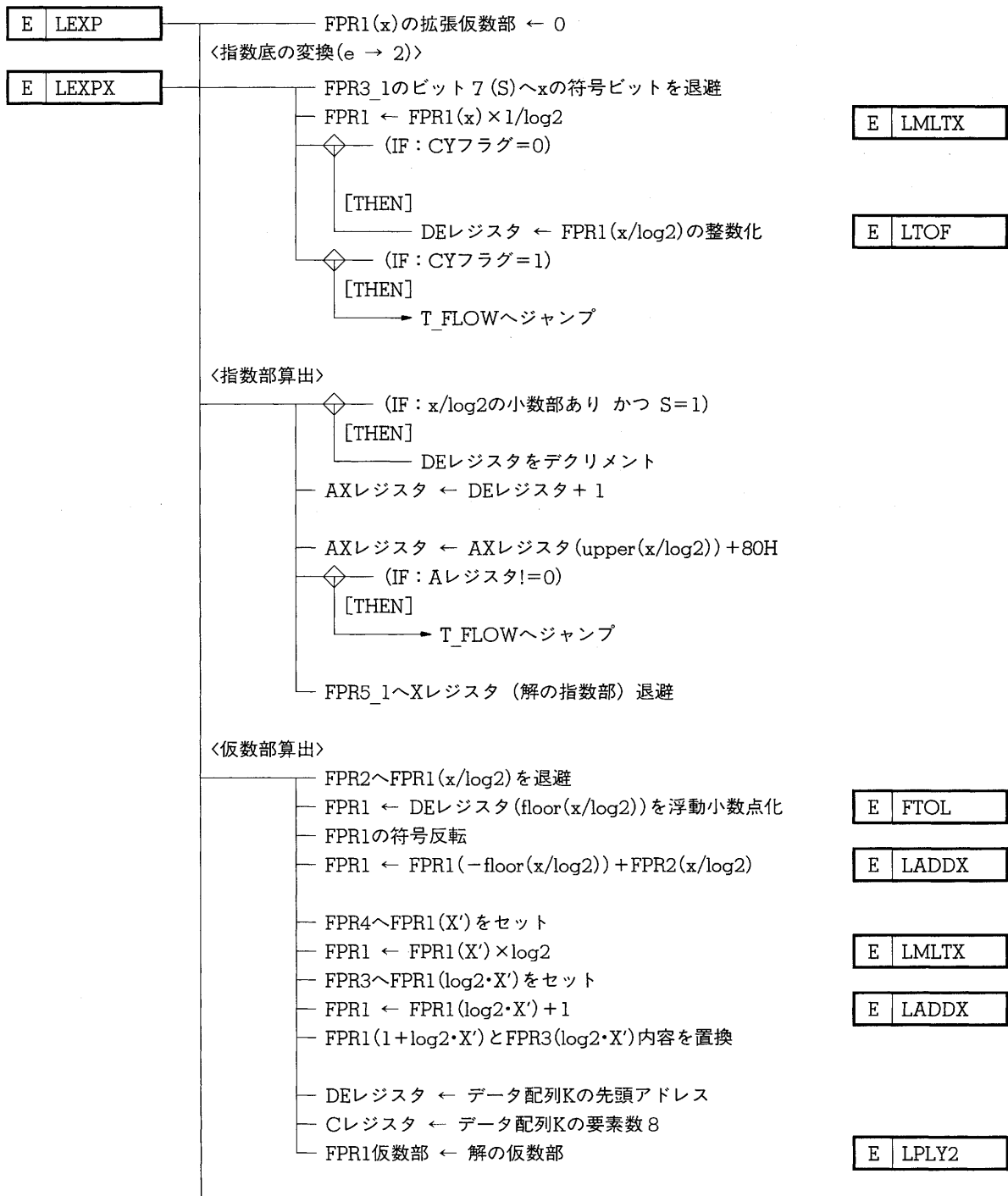
(b) FPR5_1を指数部値 $\text{int}(x/\log 2)$ の退避エリアとして使用します。

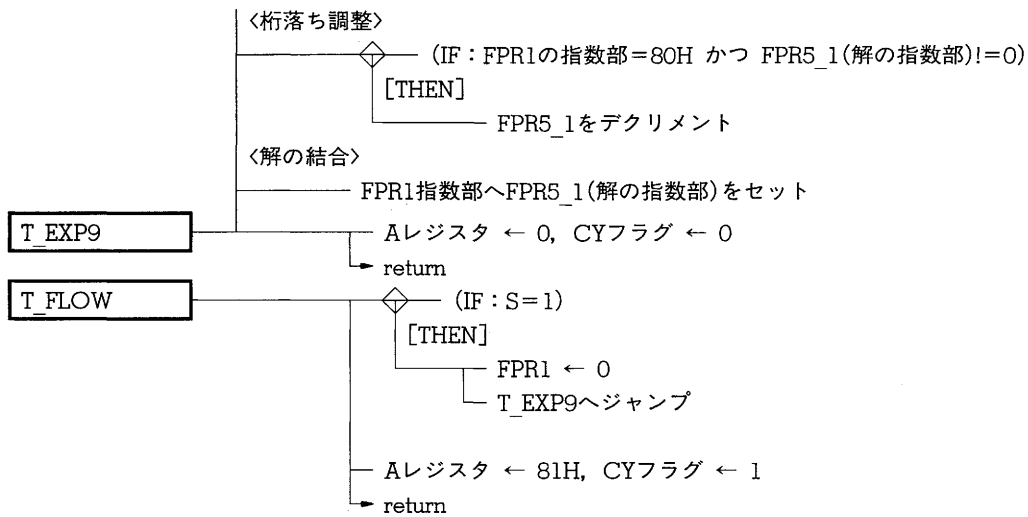
(9) 浮動小数点定数データ

(a) 拡張仮数部を持つ定数データ $1/\log 2, \log 2, 1$ を使用します。

(b) 近似多項式の係数列に対して、拡張仮数部を持つ定数データ $\log 2/2, \log 2/3, \log 2/4, \log 2/5, \log 2/6, \log 2/7, \log 2/8, \log 2/9$ を要素数8の配列Kとして使用します。

(10) 処理図





備考1. $\text{upper}(X)$ は、 X の上位整数 ($\text{upper}(X) - 1 \leq X < \text{upper}(X)$) を示します。

2. $\text{floor}(X)$ は、 X の下位整数 ($\text{floor}(X) \leq X < \text{floor}(X) + 1$) を示します。

3. ラベル

| | |
|---|-------|
| E | LEXPX |
|---|-------|

 は他の数学関数などで、拡張仮数部を使用した指数計算を実行するための内部的な広域名です。

4.8 指数関数 (底=10) (LEXP10)

(1) 処理内容

FPR1の値をxとして、 10^x をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LEXP, LEXP10, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

10(LEXP10からの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 3.53 ms

最大: 4.76 ms ($\exp10(-0.979693294)$)

(6) アルゴリズム

次の式により求めます。

$$10^x = e^{x \times \log(10)}$$

(7) 処理手順

- (a) $x \times \log(10)$ を求めます。
- (b) (a)の乗算結果がエラーの場合、そのままエラーを返します。
- (c) LEXP関数へジャンプします。

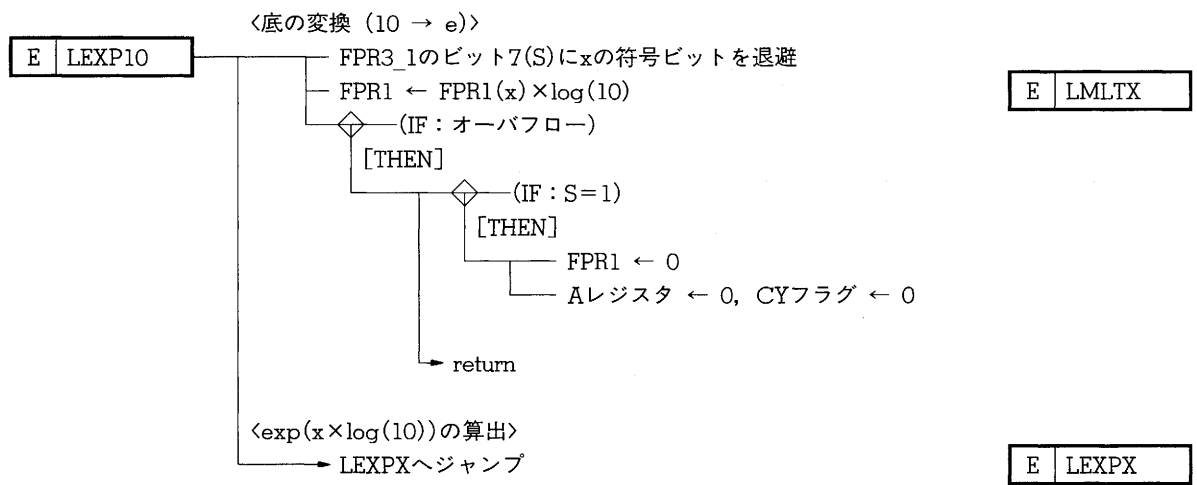
(8) 作業エリア

FPR3_1をxの符号ビットの退避エリアとして使用します(処理図では、Sという記号で表しています)。

(9) 浮動小数点定数データ

指数底の変換時に、拡張仮数部を持つ定数データ $\log(10)$ を用います。

(10) 処理図



4.9 べき乗関数 (LPOW)

(1) 処理内容

FPR1の値をa, FPR2の値をbとして, a^b をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LLOG, LEXP, LPOW, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

14(LPOWからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 6.50 ms

最大: 8.72 ms (-0.5^{-3})

(6) アルゴリズム

a, b数値の組み合わせにより計算方法が異なります。

| a, b | a^b |
|-----------------|---|
| a=0, b \leq 0 | エラー |
| a=0, b>0 | 0 |
| a>0 | $e^{b \log(a)}$ |
| a<0, b=0 | 1 |
| a<0, bは0以外の整数 | bは偶数: $e^{b \log(a)}$ bは奇数: $-e^{b \log(a)}$ |
| a<0, bは整数でない | エラー |

(7) 処理手順

- a=0かつb \leq 0なら, 演算結果としてエラーを返します。
- a=0かつb>0なら, 演算結果として0を返します。
- a<0かつb=0なら, 演算結果として1を返します。
- a<0かつb \neq 0なら, bの整数判定, および整数の場合, 偶奇数判定を行います。
bは整数でないなら演算結果としてエラーを返します。

- (e) $e^{\text{blog}(|a|)}$ をLLOG, LEXP関数により求めます。
- (f) aが負, かつbが奇整数なら符号ビットをたてます。

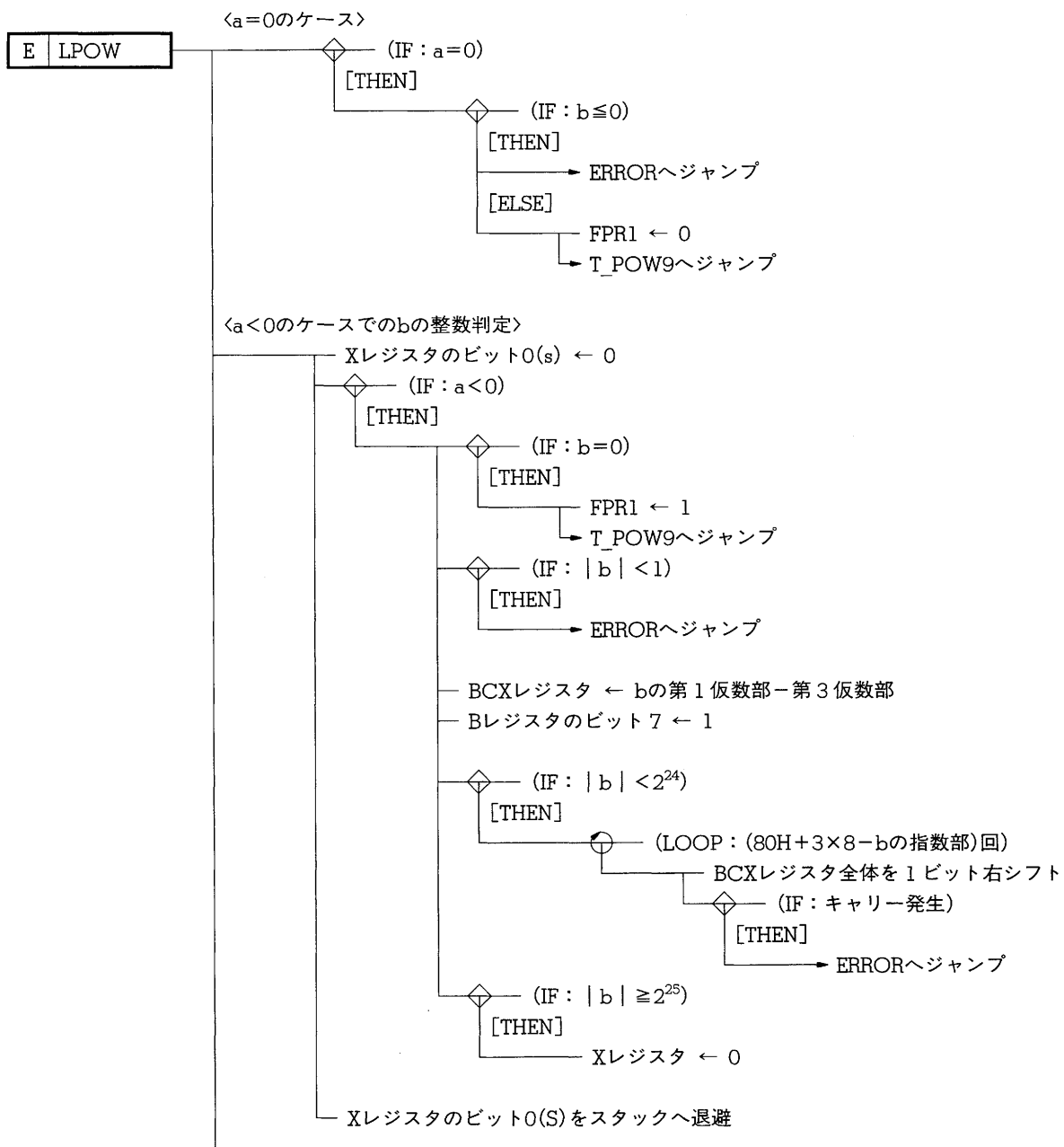
(8) 作業エリア

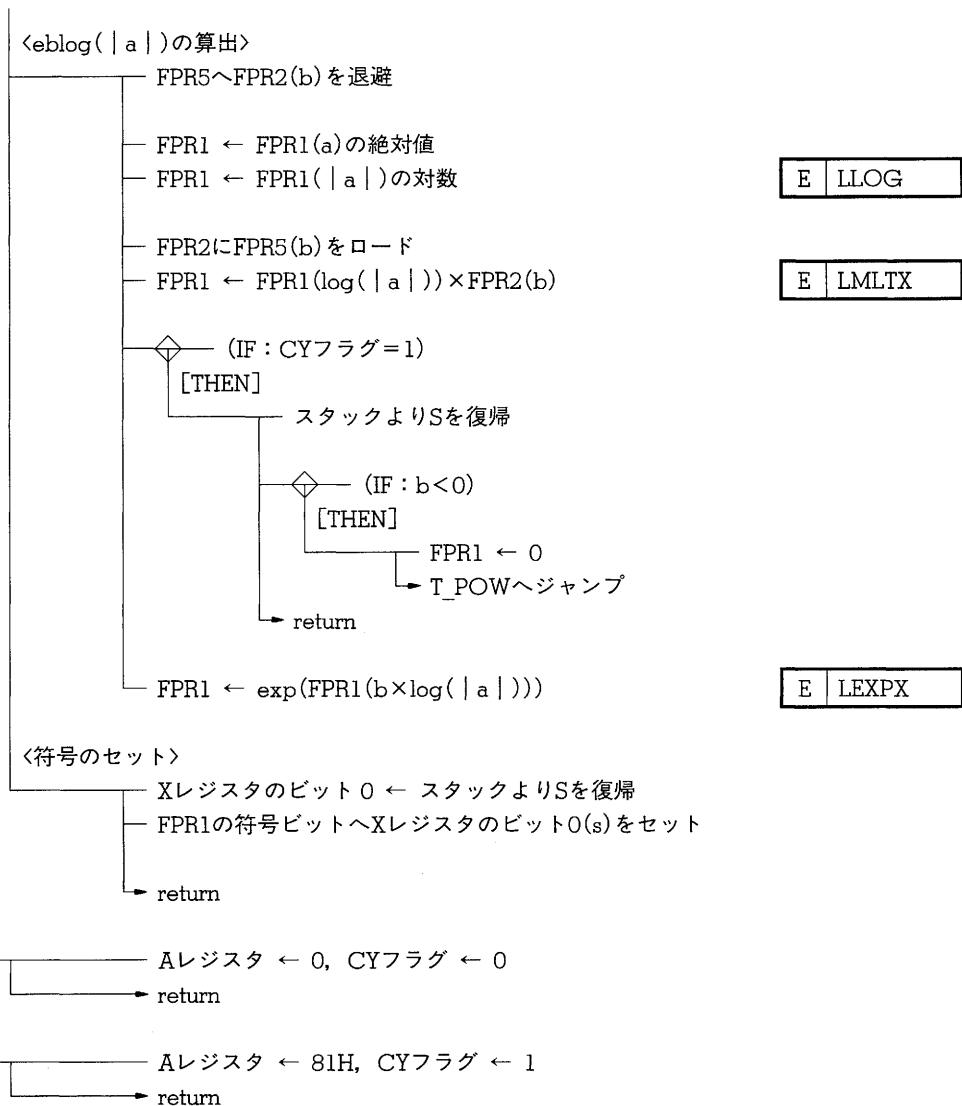
- (a) Xレジスタ・ビット0を符号用ワークとして使用します(処理図では, 変数名sで表しています)。
- (b) bの整数判定部において, BCXレジスタをbの仮数部処理用ワークとして使用します。

(9) 浮動小数点定数データ

- a<0かつb=0の場合の解として, 定数データ1を使用します。

(10) 処理図





4.10 平方根関数 (LSQRT)

(1) 処理内容

FPR1の値をaとして、 \sqrt{a} をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LLD, LSQRT

(3) 消費スタック・サイズ

4 (LSQRTからの戻り番地 2 バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 2.56 ms

最大: 2.76 ms ($\sqrt{(6.30915472e+36)}$)

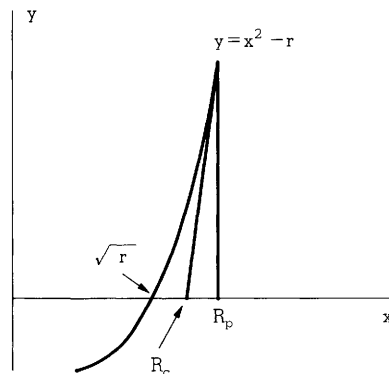
(6) アルゴリズム

$$\sqrt{a} = \sqrt{(r \times 2^{2n})} = 2^n \times \sqrt{r} \quad (0.25 \leq r < 1)$$

と置くことで、最初から指数部 (2^n) と、仮数部 (\sqrt{r}) とに分けて計算します。

\sqrt{r} の計算には、Newton-Raphson法を用います。

下図に示すように \sqrt{r} は、2次関数 $y = x^2 - r$ と x 軸との交点の x 座標です。



R_p を \sqrt{r} の過大近似値として、直線 $x = R_p$ と $y = x^2 - r$ の交点から $y = x^2 - r$ に対して接線を引きます。

接線とx軸との交点のx座標を R_c とすると、 R_c は、 R_p よりさらに近い \sqrt{r} の近似値となります。
 R_c は、 R_p により、次の式で求めます。

$$R_c = \frac{R_p}{2} + \frac{r}{2R_p}$$

この関数では、 $\sqrt{r} < 1$ より、初期近似値 $R_1=1$ として最高 R_6 近似値を解とします。

(7) 処理手順

- (a) $a < 0$ の場合エラー、 $a = 0$ の場合、0を演算結果として返します。
- (b) a の指数部 ae に対して $(ae+1)/2$ を求め、指数部の根 n とします。
- (c) n に対して a の指数部を調整し、 $r (=a/n)$ とします。
- (d) 第2次近似値 (R_2) $r/2+1/2$ を求めます。
- (e) 第2次近似値を最初の R_p として第6次近似値まで計算します。
 ただし途中で $R_c \geq R_p$ となった場合、その時点の近似値を解とします。
- (f) 最後に、得られた仮数部近似解の指数部に指数部の根 (n) を埋め込みます。

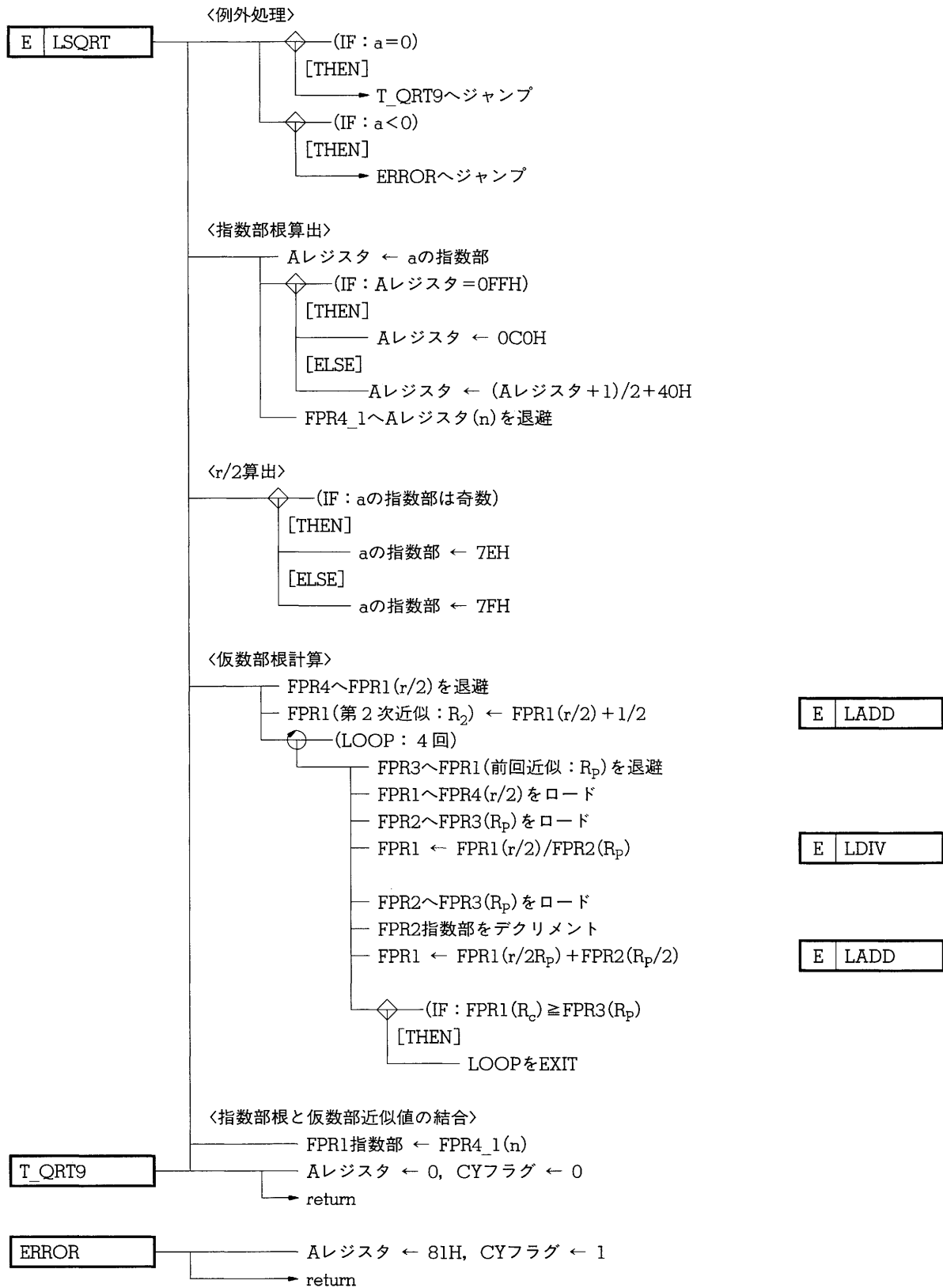
(8) 作業エリア

- (a) FPR4_1を指数部の根 (n) の退避エリアとして使用します。
- (b) FPR3_1を仮数部近似値の計算部でのループ・カウンタとして使用します。

(9) 浮動小数点定数データ

第1次近似値の計算過程で定数データ1/2を使用しています。

(10) 処理図



4.11 arcsin関数 (LASIN)

(1) 処理内容

FPR1の値を x として, ARCSIN (x) をFPR1に返します。

- 入力値 x の有効範囲: $-1 \sim 1$
- 返値の範囲: $-\pi/2 \sim \pi/2$
- 単位: ラジアン

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LSQRT, LASIN, LATAN

(3) 消費スタック・サイズ

11 (LASINからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 4.41 ms

最大: 7.95 ms (arcsin(0.999999940))

(6) アルゴリズム

次の式により, 逆正接関数に変換して解を求めます。

$$\arcsin(x) = \arctan\left(\frac{x}{\sqrt{1-x^2}}\right)$$

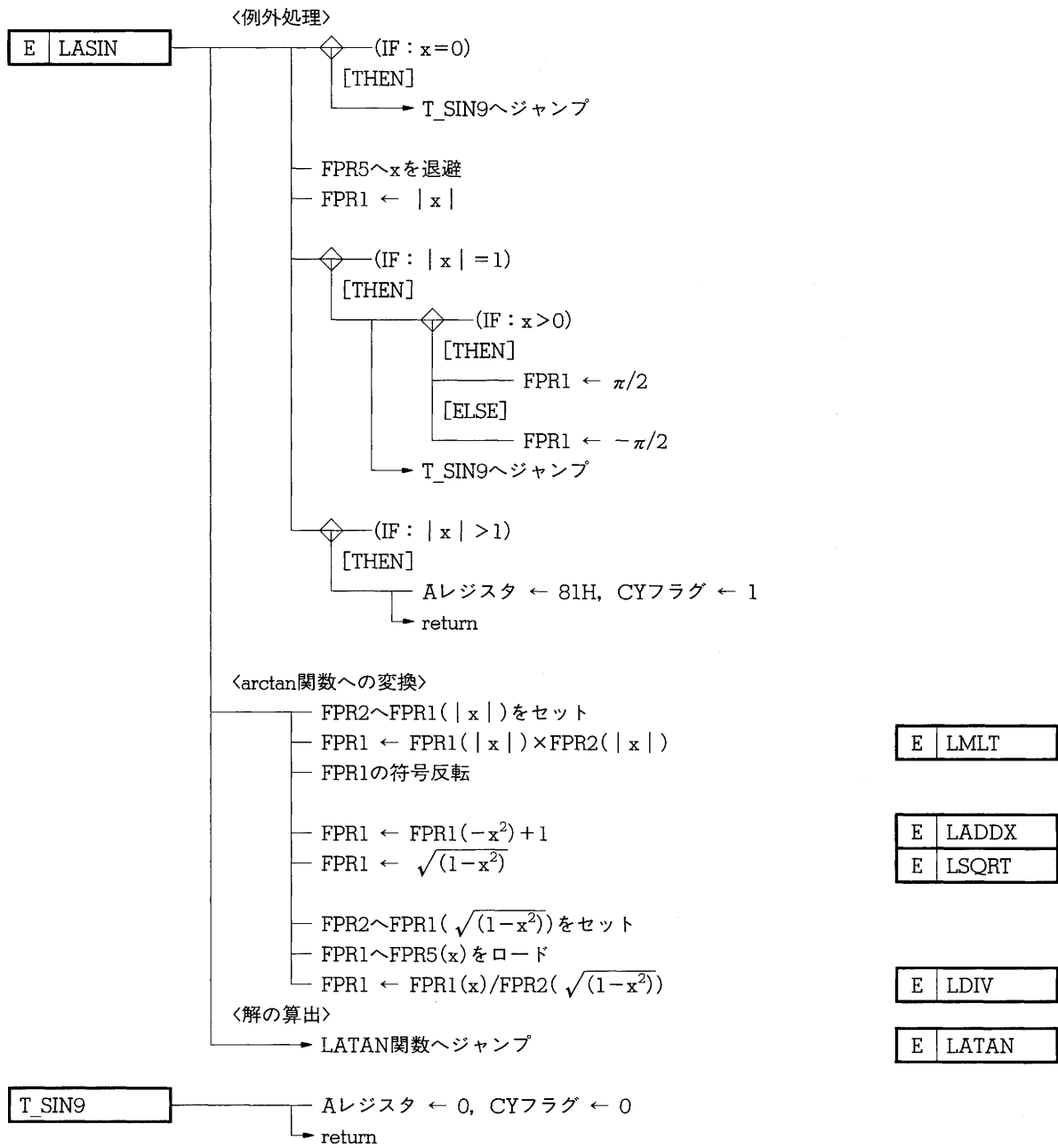
(7) 処理手順

- (a) $x = 0$ なら, 演算結果として1を返します。
- (b) $x = 1$ なら $\pi/2$ を, $x = -1$ なら $-\pi/2$ を解として返します。
- (c) $|x| > 1$ なら, 演算結果としてエラーを返します。
- (d) $x / \sqrt{1-x^2}$ を求め, LATAN関数にジャンプします。

(8) 浮動小数点定数データ

拡張仮数部を持つ定数データ 1 および $\pi/2$ を使用します。

(9) 処理図



E LMLT

E LADDX

E LSQRT

E LDIV

E LATAN

4.12 arccos関数 (LACOS)

(1) 処理内容

FPR1の値を x として, ARCCOS(x) をFPR1に返します。

- 入力値 x の有効範囲: $-1 \sim 1$
- 返値の範囲: $0 \sim \pi$
- 単位: ラジアン

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LSQRT, LASIN, LACOS, LATAN

(3) 消費スタック・サイズ

13 (LACOSからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 4.50 ms

最大: 8.16 ms (arccos(0.999999940))

(6) アルゴリズム

次の式により求めます。

$$\text{ARCCOS}(x) = \pi/2 - \text{ARCSIN}(x)$$

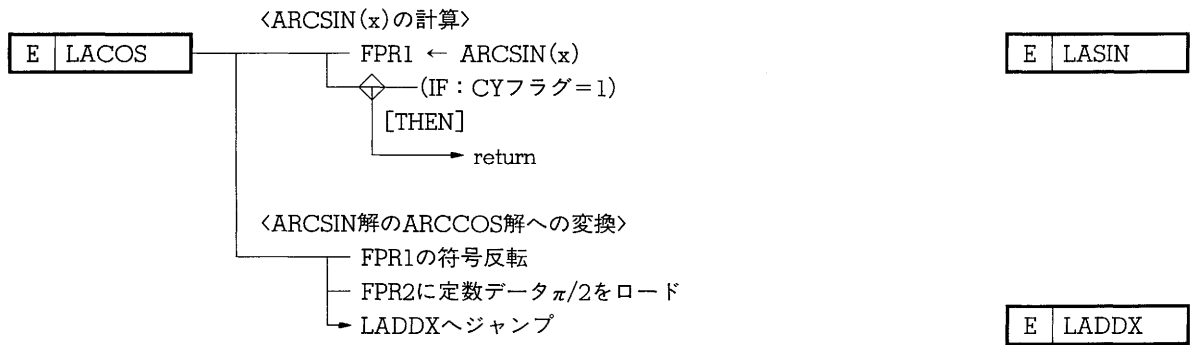
(7) 処理手順

- LASIN関数により $\arcsin(x)$ を求めます。
- LASIN関数の結果がエラーの場合, そのままエラーを返します。
- $\pi/2 - \text{ARCSIN}(x)$ を計算し, 解とします。

(8) 浮動小数点定数データ

拡張仮数部を持つ定数データ $\pi/2$ を使用します。

(9) 処理図



4.13 arctan関数 (LATAN)

(1) 処理内容

FPR1の値を x として、ARCTAN(x)をFPR1に返します。

- 返値の範囲： $-\pi/2 \sim \pi/2$
- 単位 : ラジアン

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LATAN

(3) 消費スタック・サイズ

11 (LATANからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 3.33 ms

最大: 4.47 ms (arctan(4))

(6) アルゴリズム

Hastingsの最良近似式により求めます。

$$\arctan(x) \doteq \sum_{i=0}^n (A_i \times x^{2i+1})$$

この関数では、 $n=7$ 、係数列 A_0 - A_7 を次のように定めています。

$$\begin{array}{ll} A_0 = 0.9999993329 & A_4 = 0.0964200441 \\ A_1 = -0.3332985605 & A_5 = -0.0559098861 \\ A_2 = 0.1994653599 & A_6 = 0.0218612288 \\ A_3 = -0.1390853351 & A_7 = -0.0040540580 \end{array}$$

注意 **Hasting**の最良近似式は $|x| \leq 1$ の範囲でしか使用できません。したがって、 $|x| \geq 1$ の場合、次のようにして求めます。

$$x' = \frac{|x| - 1}{|x| + 1} \text{として } x \text{ を置き換える}$$

$$\arctan(|x|) = \pi/4 + \arctan(x')$$

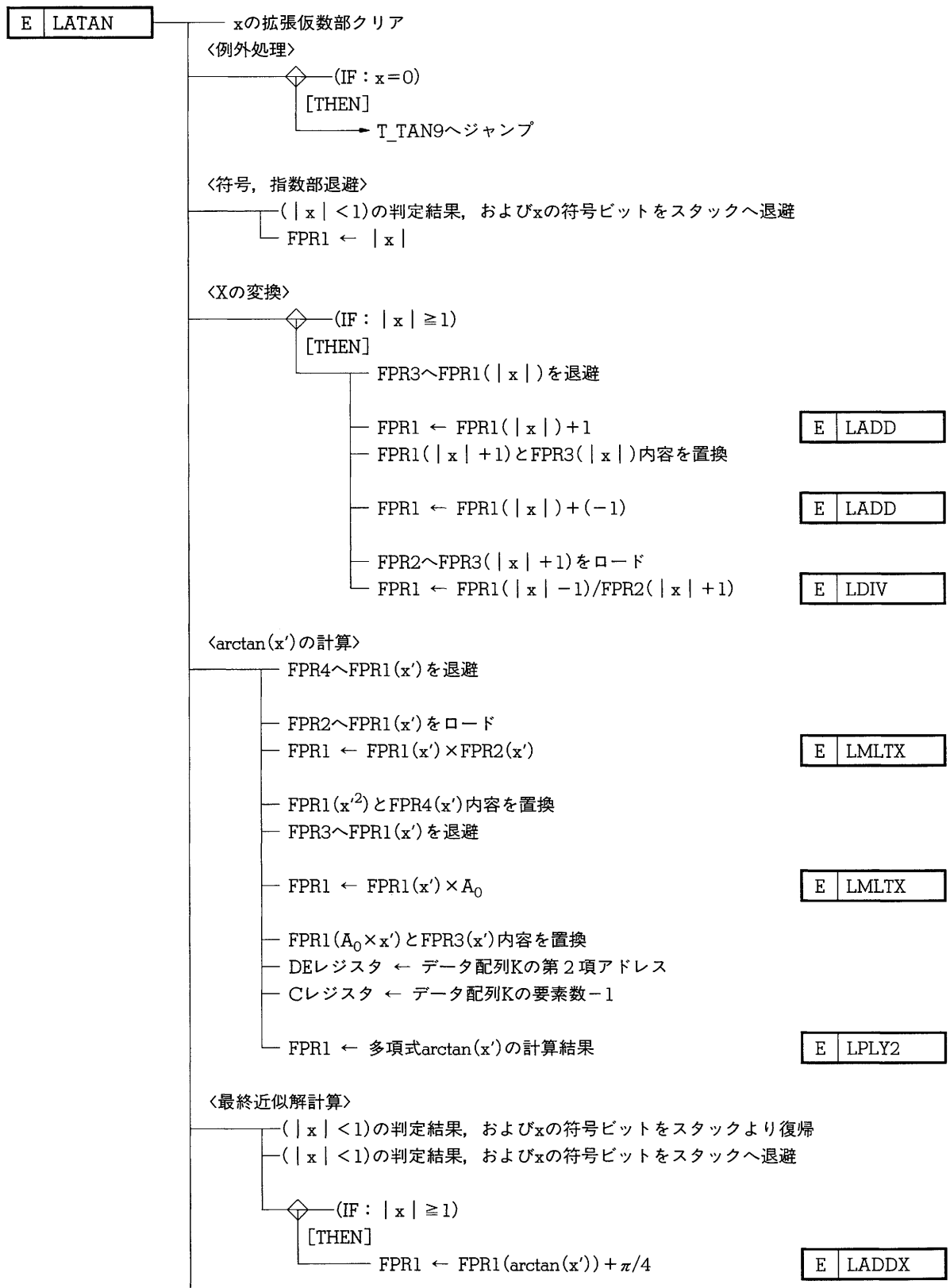
(7) 処理手順

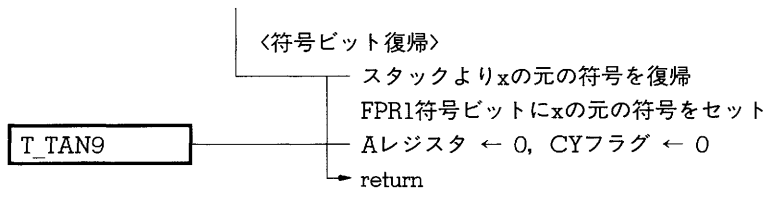
- (a) $x=0$ の場合、演算結果として0を返します。
- (b) x の符号および指数部を退避し、 x の絶対値をとります。
- (c) $|x| \geq 1$ の場合、 X を $(|x| - 1)/(|x| + 1)$ に変換します。
- (d) $\arctan(x')$ を最良近似多項式により計算します。
 近似多項式の第1項 ($A_0 \times x'$)、第2項の計算初期値として x' 、各項の係数を除く比 (x'^2)、および第2項係数と第3-8項係数の前項係数に対する比 ($A_1, A_2/A_1, A_3/A_2, A_4/A_3, A_5/A_4, A_6/A_5, A_7/A_6$) を引数に多項式計算関数をCALLします。
- (e) $|x| > 1$ の場合、近似式解に $\pi/4$ を加算します。
- (f) x の元の符号を $\arctan(|x|)$ の演算結果に埋め込みます。

(8) 浮動小数点定数データ

- (a) x から x' への変換部において、定数データ1を使用しています。
- (b) $\arctan(x')$ から $\arctan(|x|)$ への変換部において、拡張仮数部を持つ定数データ $\pi/4$ を使用しています。
- (c) 近似多項式の係数列に対して、拡張仮数部を持つ定数データ $A_0, A_1, A_2/A_1, A_3/A_2, A_4/A_3, A_5/A_4, A_6/A_5, A_7/A_6$ を要素数8の配列Kとして用いています。

(9) 処理図





4.14 sinh関数 (LHSIN)

(1) 処理内容

FPR1の値をxとして、SINH(x)をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LEXP, LHSIN, LRCPN, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

14 (LHSINからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 3.09 ms

最大: 5.03 ms (sinh(-86.6433868))

(6) アルゴリズム

- $|x| \geq 0.5$ の場合

次の式により求めます。

$$\text{SINH}(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$$

- $|x| < 0.5$ の場合

Taylor展開近似式により求めます。

$$\text{SINH}(x) = x + \frac{1}{3!}x^3 + \frac{1}{5!}x^5 + \frac{1}{7!}x^7$$

備考 $\text{SINH}(-x) = -\text{SINH}(x)$ であることを利用しています。

(7) 処理手順

● $|x| \geq 0.5$ の場合

(a) x の符号を記憶し、 x の絶対値をとります。

(b) $e^{|x|}$ をLEXP関数により求めます。

(c) $e^{|x|}$ オーバフローの場合、そのままエラーを返します。

(d) $(e^{|x|} - 1/e^{|x|})/2$ を求め、 x の元の符号を埋めこみ解とします。

● $|x| < 0.5$ の場合

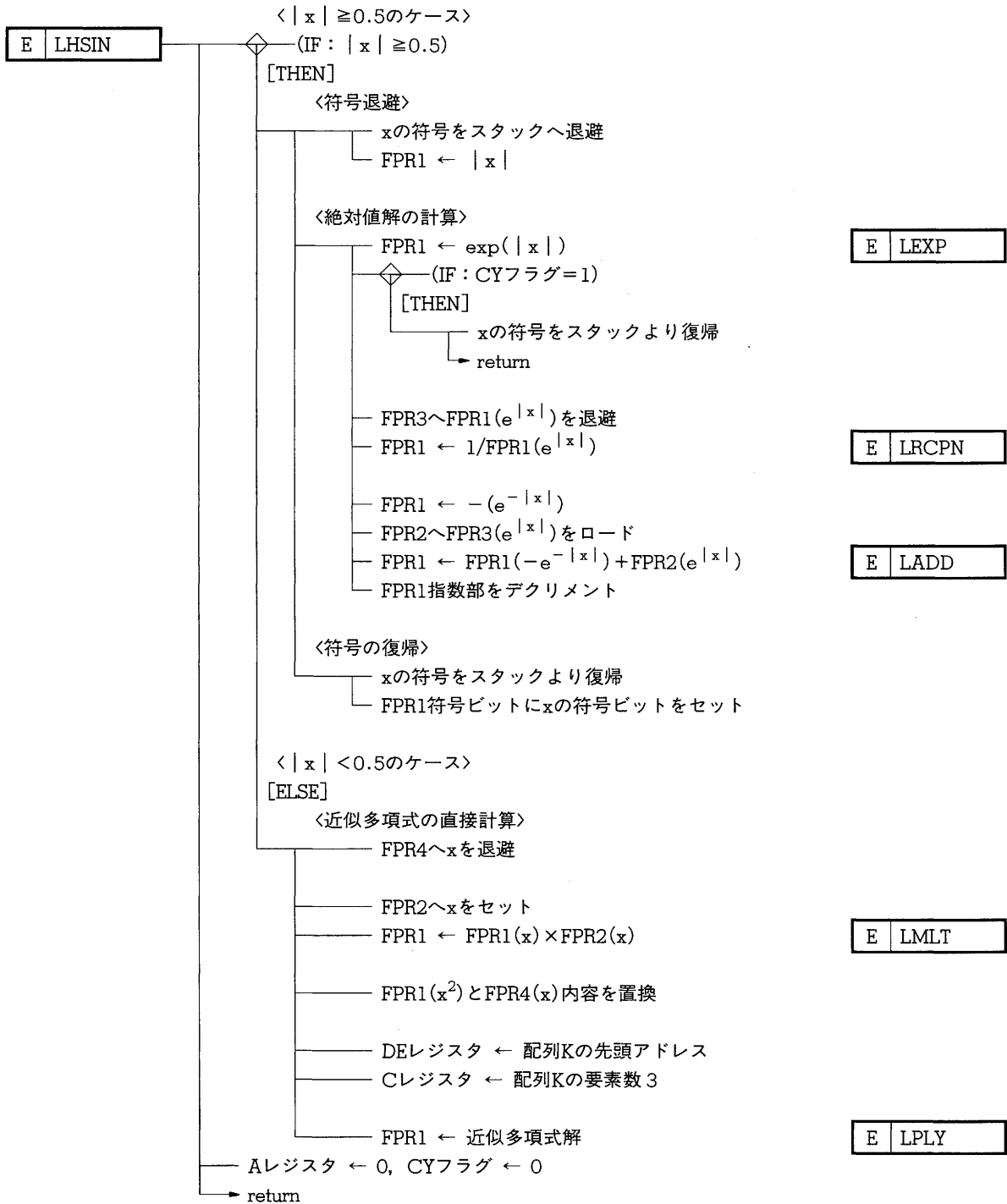
SINH(x)をTaylor近似式により求めます。

近似多項式の第1項(x)、各項の係数を除く比(x^2)、および第2項-第4項係数の前項係数に対する比($1/3!$, $3!/5!$, $5!/7!$)を引数に多項式計算関数をCALLします。

(8) 浮動小数点定数データ

Taylor近似式の係数列に対して、拡張仮数部を持つ定数データ $1/3!$, $3!/5!$, $5!/7!$ を要素数3の配列Kとして使用します。

(9) 処理図



4.15 cosh関数 (LHCOS)

(1) 処理内容

FPR1の値をxとして、COSH(x)をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LEXP, LHCOS, LRCPN, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

12 (LHCOSからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 3.56 ms

最大: 5.02 ms (cosh(86.6433868))

(6) アルゴリズム

次の式により求めます。

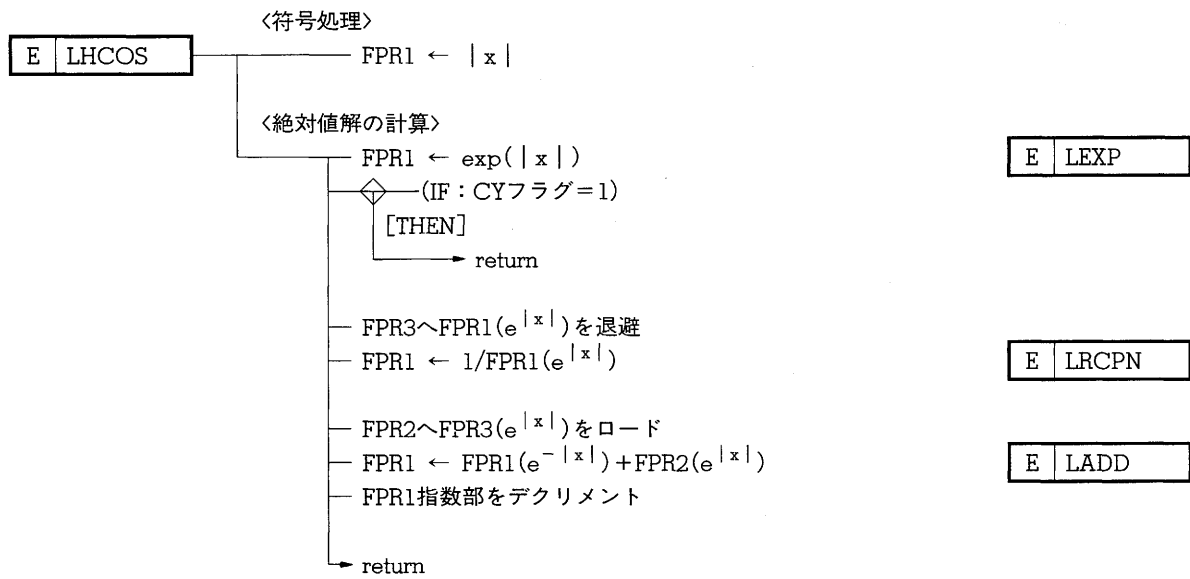
$$\text{COSH}(x) = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$$

備考 COSH(-x) = COSH(x)であることを利用しています。

(7) 処理手順

- (a) Xの絶対値をとります。
- (b) $e^{|x|}$ をLEXP関数により求めます。
- (c) $e^{|x|}$ オーバーフローの場合、そのままエラーを返します。
- (d) $(e^{|x|} + 1/e^{|x|})/2$ を求め、解とします。

(8) 処理図



4.16 tanh関数 (LHTAN)

(1) 処理内容

FPR1の値をxとして、TANH(x)をFPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LEXP, LHSIN, LHCOS, LHTAN, LRCPN, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

16 (LHTANからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 6.26 ms

最大: 10.53 ms ($\tanh(86.6433868)$)

(6) アルゴリズム

次の式により求めます。

$$\text{TANH}(x) = \frac{\text{SINH}(x)}{\text{COSH}(x)}$$

(7) 処理手順

(a) COSH(x)をLHCOS関数により求めます。

(b) オーバフローの場合

- xのもとの符号が正なら 1を解として返します。
- xのもとの符号が負なら -1を解として返します。

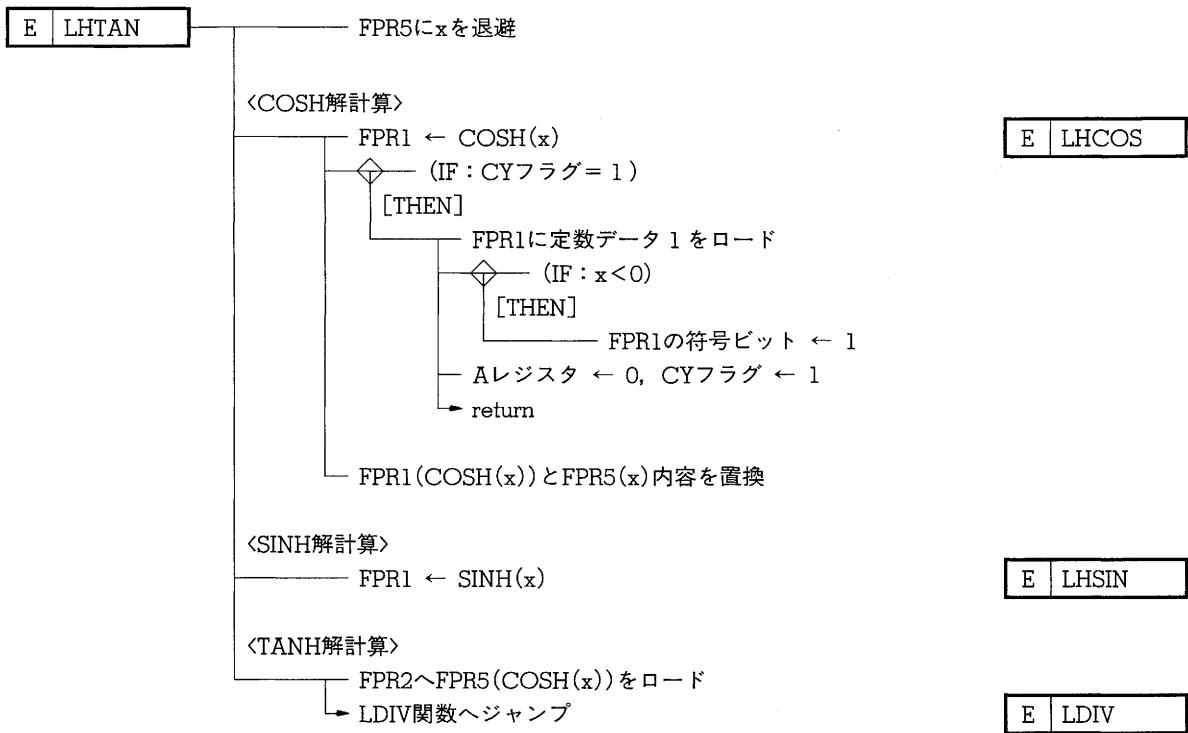
(c) SINH(x)をLHSIN関数により求めます。

(d) SINH(x)/COSH(x)を解とします。

(8) 浮動小数点定数データ

オーバフロー時の解として、定数データ 1 を使用しています。

(9) 処理図



4.17 絶対値関数 (LABS)

(1) 処理内容

FPR1の値の絶対値をとり、FPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LABS

(3) 消費スタック・サイズ

2 (LABSからの戻り番地2バイトのみ)

(4) 使用レジスタ

FPR1

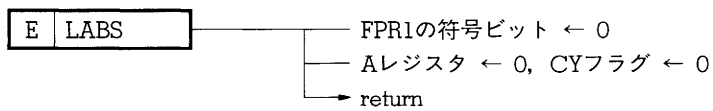
(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

7.1 μ s

(6) 処理手順

FPR1のサイン・ビットを0にします。

(7) 処理図



4.18 逆数関数 (LRCPN)

(1) 処理内容

FPR1の値の逆数を取り、FPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT., LFLT1, LLD, LRCPN

(3) 消費スタック・サイズ

4 (LRCPNからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 534 μ s

最大: 581 μ s (1/6.62484413e+26)

(6) 処理手順

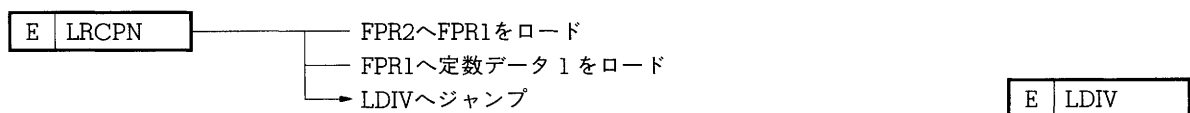
(a) FPR1の値をFPR2へ転送し、FPR1に定数1をセットします。

(b) LDIV関数へジャンプします。

(7) 浮動小数点定数データ

定数データ1を使用しています。

(8) 処理図



第5章 座標変換関数

座標変換関数には、次のものを用意しています。

(1) 極座標→直交座標への変換関数 (POTORA)

極座標値 (r, θ) を直交座標値 (x, y) へ変換します。

値の受け渡しは、 r, x をFPR1により、 θ, y をFPR2により行います。

(2) 直交座標→極座標への変換関数 (RATOPO)

直交座標値 (x, y) を極座標値 (r, θ) へ変換します。

値の受け渡しは、 x, r をFPR1により、 y, θ をFPR2により行います。

5.1 極座標→直交座標への変換関数 (POTORA)

(1) 処理内容

FPR1の値を r , FPR2の値を θ として, 極座標 (r, θ) を直交座標 (x, y) へ変換し, x をFPR1に, y をFPR2に返します。

- θ の単位: ラジアン

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LSIN, LCOS, POTORA, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

16 (POTORAからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 4.74 ms

最大: 10.12 ms ($r=0.5, \theta=1.70141173e+38$)

(6) アルゴリズム

次の式により変換します。

$$x=r \times \text{COS}(\theta), \quad y=r \times \text{SIN}(\theta)$$

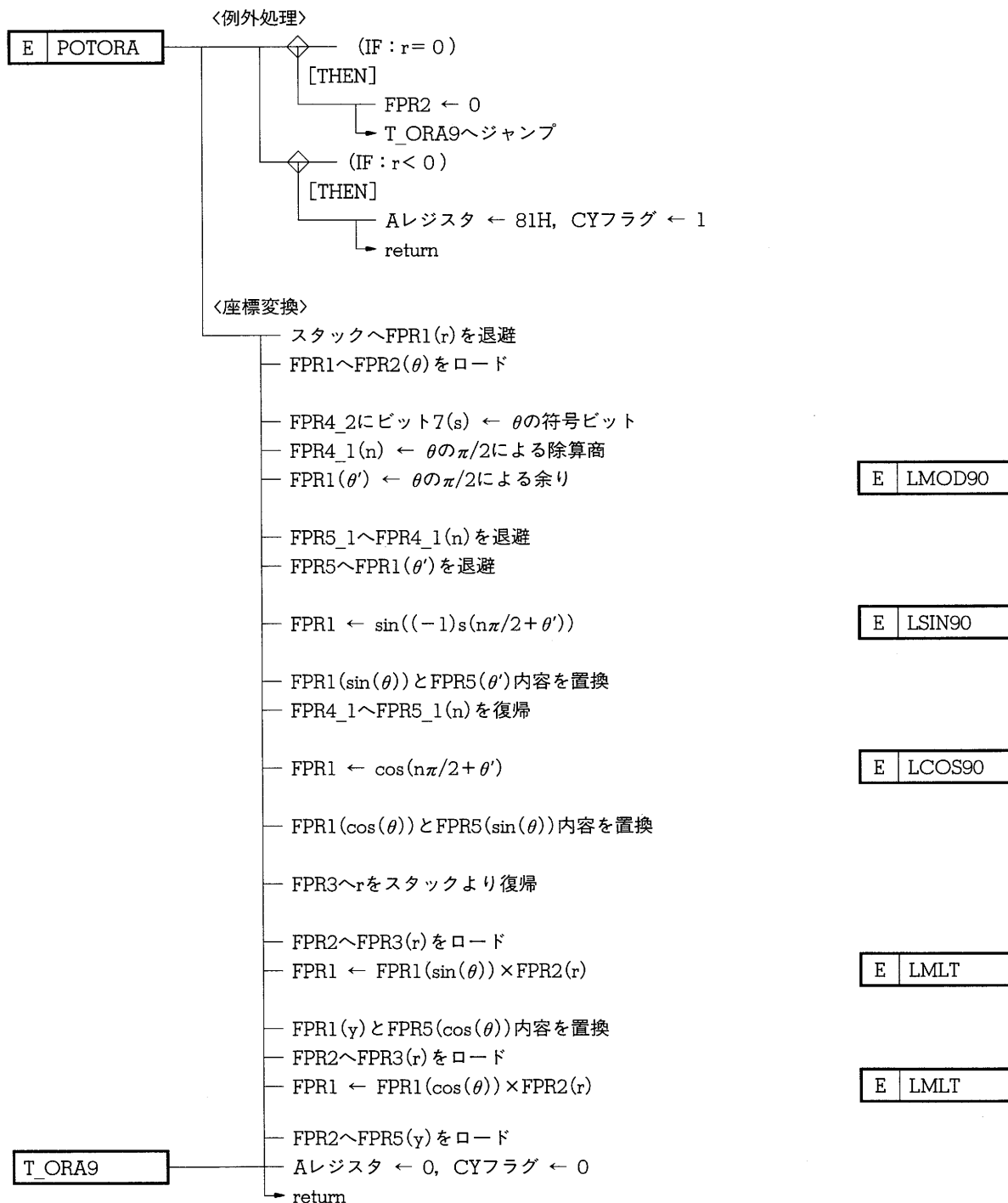
(7) 処理手順

- $r=0$ の場合, 座標 $(0, 0)$ を返します。
- $r<0$ の場合, エラーを返します。
- θ をLMOD90関数により, $\theta=\theta'+n \times \pi/2$ (n は整数, $0 \leq \theta' < \pi/2$) に変換します。
- $\sin(\theta)$ をLSIN90関数により, $\cos(\theta)$ をLCOS90関数により求めます。
- $r \times \cos(\theta)$ を x , $r \times \sin(\theta)$ を y とします。

(8) 作業エリア

- FPR5_1を θ の $\pi/2$ による除算の商 n の退避エリアとして使用します。
- r の退避エリアにスタックを使用します。

(9) 処理図



5.2 直交座標→極座標への変換関数 (RATOPO)

(1) 処理内容

FPR1の値をx, FPR2の値をyとして, 直交座標 (x, y) を極座標 (r, θ) へ変換し, rをFPR1に, θ をFPR2に返します。

- 返値 θ の範囲: $-\pi \sim \pi$
- 単位 : ラジアン

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LSQRT, LATAN, RATOPO

(3) 消費スタック・サイズ

13 (RATOPOからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 5.33 ms

最大: 7.90 ms (x = -0.5, y = 1)

(6) アルゴリズム

次の2式により求めます。

$$\begin{aligned} r &= \sqrt{x^2 + y^2} \\ \theta &= \arctan(y/x) \end{aligned}$$

(7) 処理手順

- (a) $x=y=0$ の場合, そのままりターンします。
- (b) x^2+y^2 を求めます。
- (c) x^2+y^2 がオーバフローの場合, エラーを返します。
- (d) y/x を求めます。
- (e) y/x がオーバフローの場合, 次のようになります。
 - $y > 0$ なら, $\theta = \pi/2$
 - $y < 0$ なら, $\theta = -\pi/2$
- (f) y/x が正常終了なら, $\text{ARCTAN}(y/x)$ をLATAN関数により求め, θ とします。

(g) (f)で、 $x < 0$ の場合、次のようになります。

- $y \geq 0$ なら、 θ に π を加算
- $y < 0$ なら、 θ から π を減算

(h) $\sqrt{(x^2+y^2)}$ を求め、 r とします。

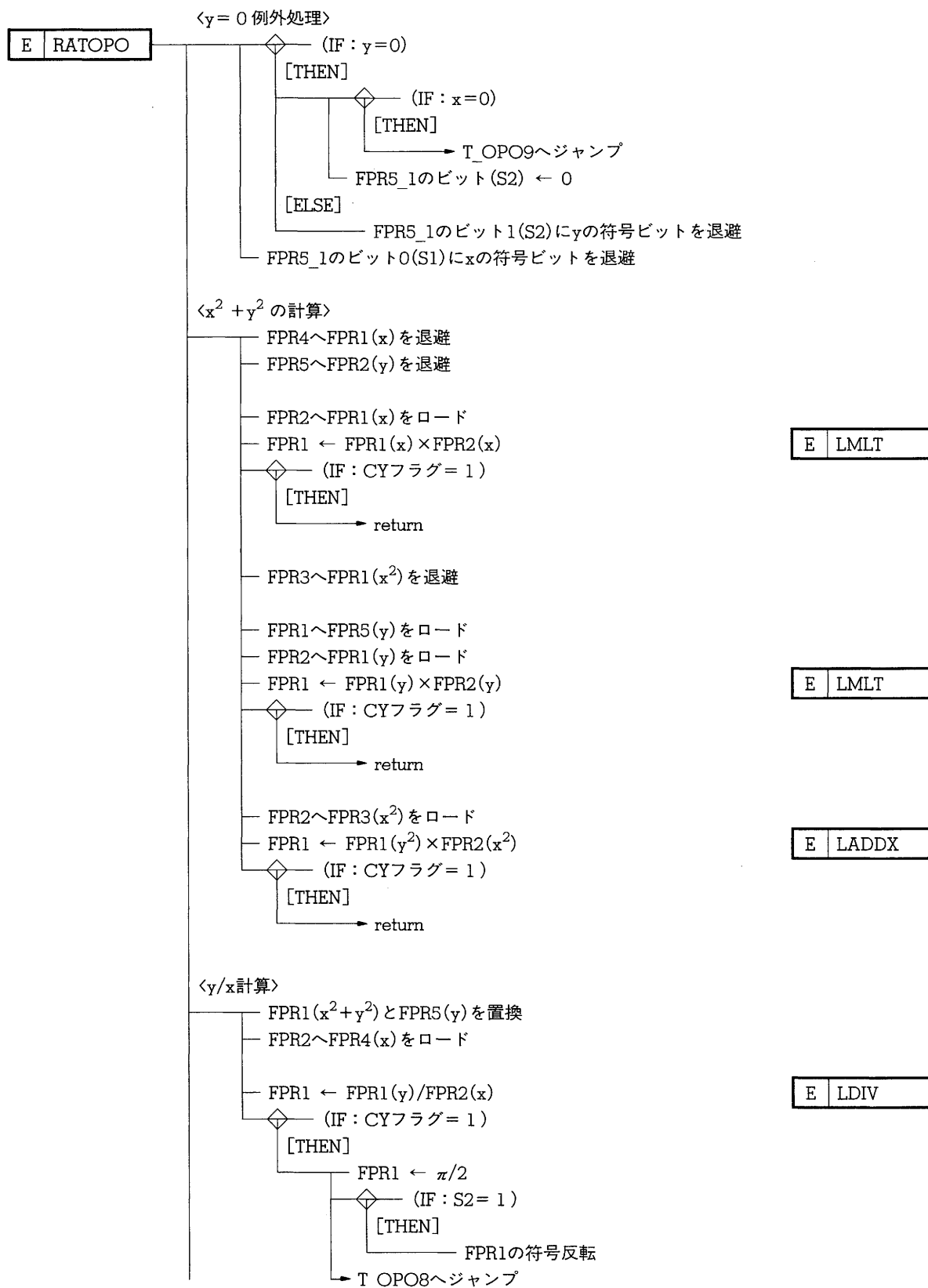
(8) 作業エリア

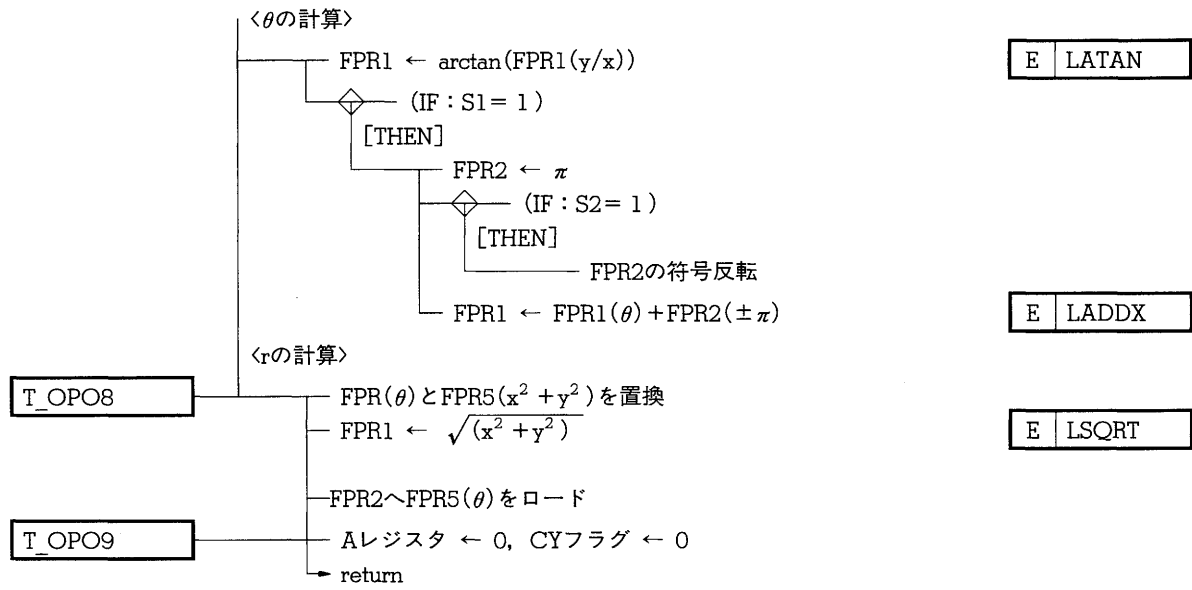
FPRS_1のビット0を x 、ビット1を y の符号ビットの退避エリアとして使用します（処理図では、変数名S1, S2で表しています）。

(9) 浮動小数点定数データ

$\pi/2$ 、および π （ π は拡張形式）を定数データとして使用しています。

(10) 処理図





第6章 型変換関数

型変換関数には、次のものを用意しています。

(1) 文字列→浮動小数点形式への変換関数 (ATOL)

先頭アドレスがHLレジスタで示される文字列を浮動小数点形式に変換し、FPR1に格納します。

(2) 浮動小数点形式→文字列への変換関数 (LTOA)

FPR1の値を文字列に変換し、HLレジスタが示すアドレスより格納します。

(3) 2バイト整数型→浮動小数点形式への変換関数 (FTOL)

DEレジスタ内容を符号付き2バイト整数型として、浮動小数点形式に変換し、FPR1に格納します。

(4) 浮動小数点形式→2バイト整数型への変換関数 (LTOF)

FPR1の値を符号付き2バイト整数型へ変換し、DEレジスタに格納します。

(5) IEEE-754形式→78K/II形式への浮動小数点形式変換関数 (LTO78)

FPR1の内容をIEEE-754形式から78K/II形式へ変換します。

(6) 78K/II形式→IEEE-754形式への浮動小数点形式変換関数 (LTOIE)

FPR1の内容を78K/II形式からIEEE-754形式へ変換します。

6.1 文字列→浮動小数点形式への変換関数 (ATOL)

(1) 処理内容

先頭アドレスがHLレジスタで示される文字列を浮動小数点形式に変換し、FPR1に返します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LEXP, ATOL, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

14 (ATOLからの戻り番地 2 バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック : 6 MHz)

平均 : 5.57 ms

最大 : 9.34 ms (“1.00000000000000000000000000000000e-37”)

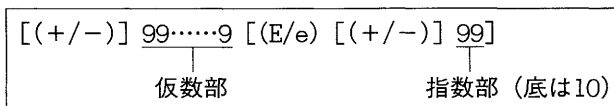
(6) 文字列の構成因子

文字列は次の17種の文字によって構成されます。

| 文字 | アスキー・コード |
|----------|----------|
| 0-9 | 30H-39H |
| + | 2BH |
| - | 2DH |
| . | 2EH |
| E | 45H |
| e | 65H |
| △ (スペース) | 20H |
| NUL | 00H |

(7) 文字列形式

文字列の形式は、次のようになります。



備考 [] : 省略可

9 : 0-9

(/) : どちらかを選択

例 “-99.8” = -99.8
 “.007e0” = .007
 “0998E-03” = 998×10^{-3}

(8) 文字列の規定

次の規定以外の文字列は、この関数ではエラーとなります。

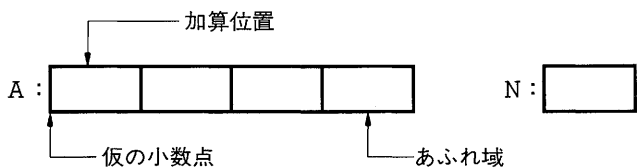
- (a) 文字列の終わりは△（スペース）またはNULで判断する。
- (b) 文字列構成因子以外の文字が文字列中に含まれてはならない。
- (c) 仮数部文字列の最大長は27で、1つ以下の‘.’を含んでよい。
ただし、1つ以上の数字が含まれていなければならない。
- (d) 指数部文字列の長さは2または1でなければならない。
- (e) 値が 2^{127} 以上または -2^{127} 以下となった場合はエラー

(9) 処理手順

- (a) 先頭文字が'-'なら符号を負, 他なら正として記憶します。
- (b) 仮数部文字列から小数部の桁数を求め, Fとします。
- (c) 小数点を除去した仮数部文字列 A_1, A_2, \dots, A_n より, Aの値を4バイト整数型で求めます。

$$A = (\dots ((A_1 \cdot 10 + A_2) \cdot 10 + A_3) \cdot 10 \dots A_{n-1}) \cdot 10 + A_n$$

次の方法で計算します。



- (i) 初期値を $A=0, N=0$ とします。
- (ii) A_1 を加算位置に加算します。
 A_1 が存在しなければ, エラーを返します。
- (iii) あふれ域=0の場合
 A に10をかけ, A_k を加算します。
- (iv) あふれ域 $\neq 0$ の場合
 N に1を加算し A_k を無視します。
- (v) (iii) - (iv) を $k=2-n$ まで繰り返します。
- (vi) $n > 27$ ならエラーを返します。

- (d) (c) で求めた仮数部値Aを浮動小数点形式に正規化し, 指数部を Y_1 仮数部 (指数部を80Hにしたもの) を X_1 とします。
- (e) 指数部文字列'(+/-) B_1B_2 'より, 指数部値Bを求めます。
- (f) 指数部値Bに, 小数部の桁数と無視した仮数部の桁数を加えた実質指数値 $B' (=B-F+N)$ を求めます。
- (g) 以上で求めた, X_1, Y_1, B' により, 解を次の式で計算します。

$$\begin{aligned} & (-1)^{\text{符号}} \times X_1 \times 2^{Y_1} \times 10^{B'} \\ &= (-1)^{\text{符号}} \times X_1 \times 2^{\log_2 10 \times B' + Y_1} \\ &= (-1)^{\text{符号}} \times X_1 \times 2^{\text{dec}(\log_2 10 \times B')} \times 2^{\text{int}(\log_2 10 \times B') + Y_1} \\ &= (-1)^{\text{符号}} \times X_1 \times e^{\log 2 \times \text{dec}(\log_2 10 \times B')} \times 2^{\text{int}(\log_2 10 \times B') + Y_1} \end{aligned}$$

備考 dec(x) はxの小数部, int(x) はxの整数部を表します。

(10) 作業エリア

(a) FPR5_1のビット7を符号の退避エリアとして使用します(処理図では, sという記号で表しています)。

(b) 仮数部値の計算部において, 次のように使用します。

- FPR4_1を, 小数部の桁数Fのカウンタとして使用
- FPR4_2を, 無視した桁数Nカウンタとして使用
- Xレジスタを, 仮数部桁数のカウンタとして使用

(処理図では, 記号DC1, DC2, DC3で表しています)。

DEHLレジスタを仮数部文字列の2進化変換用ワークAとして使用します。

(c) 仮数部の正規化部以降では, 次のように使用します。

- FPR4_1を, F_N (負数は2の補数形式) の退避エリアとして使用
- FPR4_2を正規化した10進仮数部値の指数部Y₁の退避エリアとして使用

(d) 文字判定のためのINDEXストリングは次のとおりです。

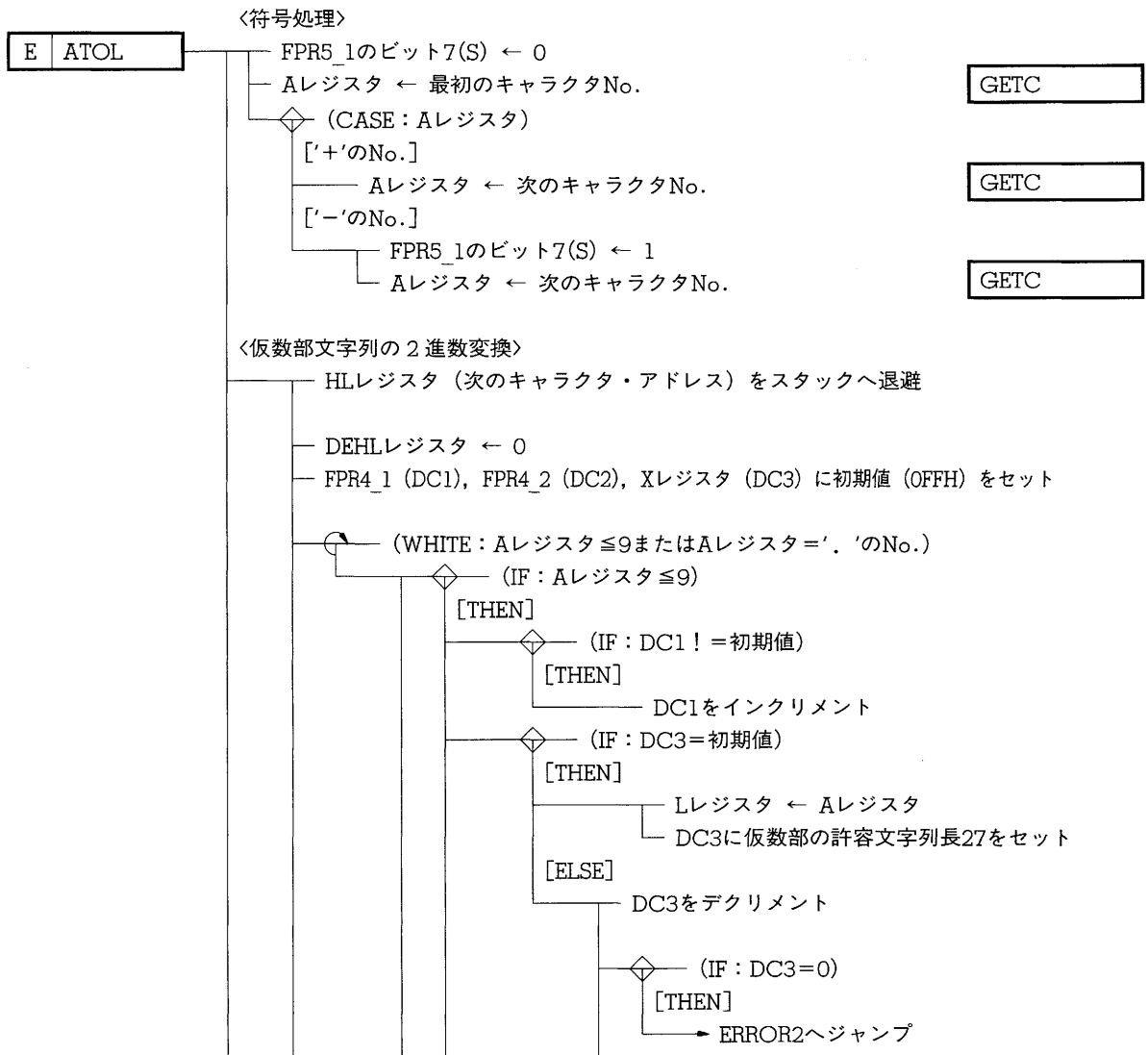
'0123456789eE△NUL. - +'

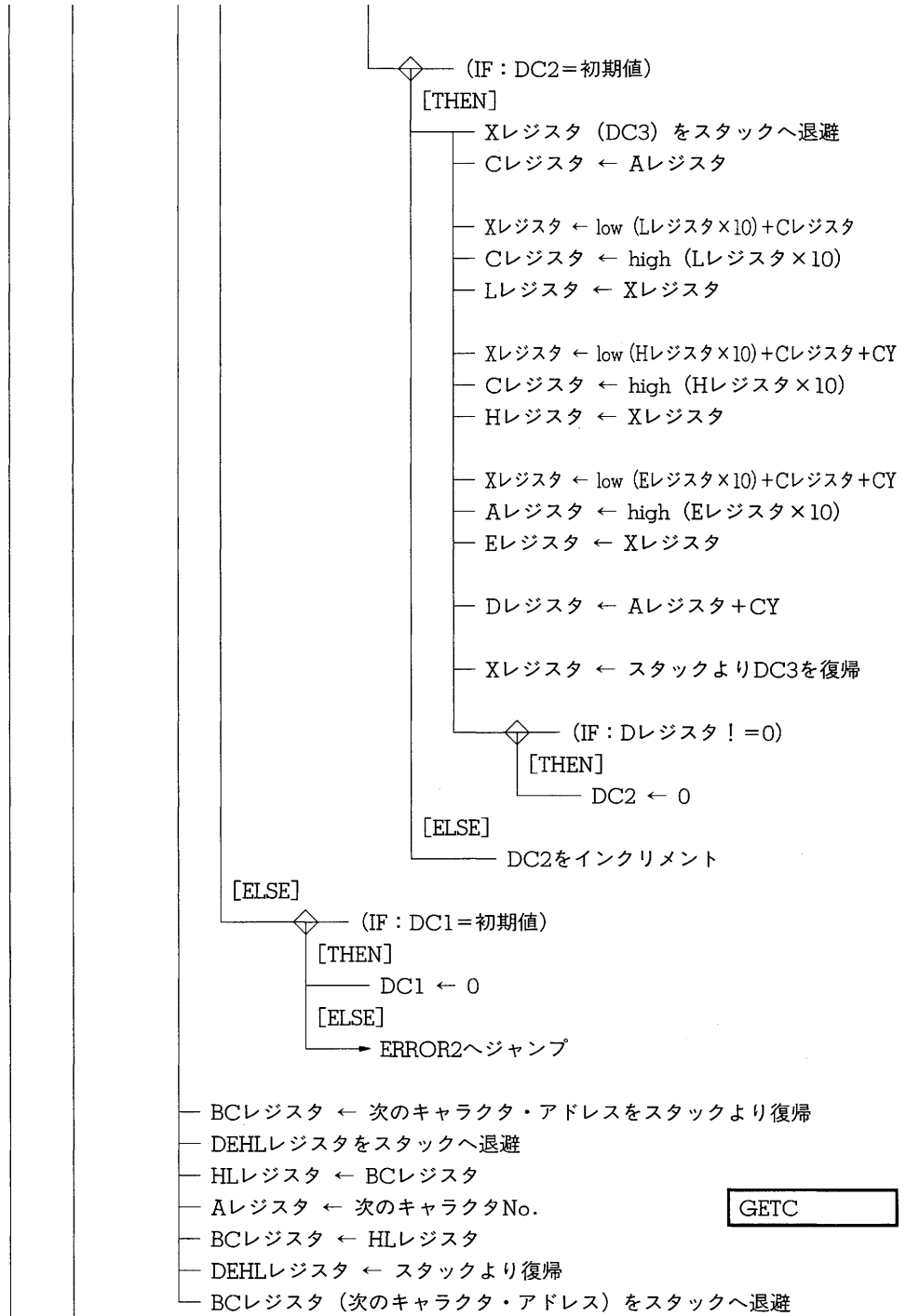
内部サブルーチンGETCは入力文字のINDEXストリング中の位置を得るための関数で, INDEXストリングの左端からの位置No. 0-16とINDEXエラーの場合OFFHを返します。

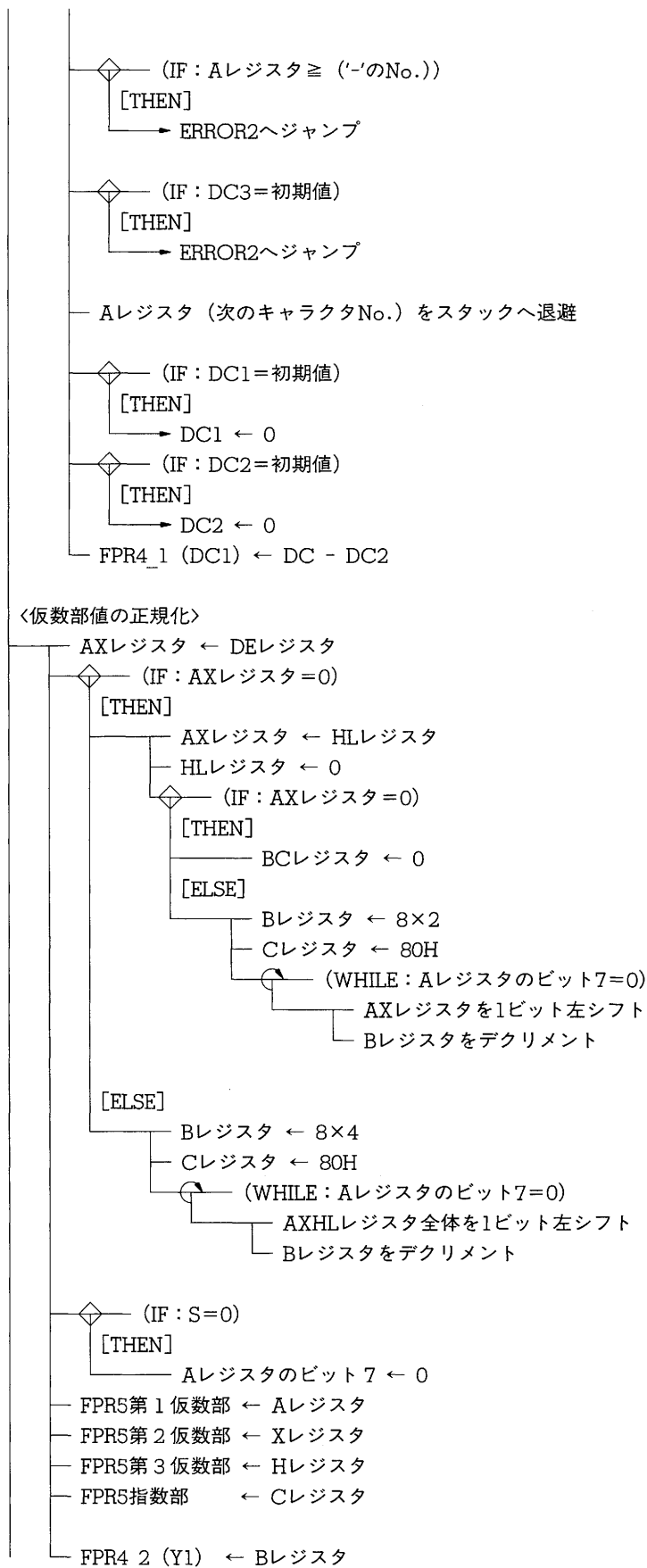
(11) 浮動小数点定数データ

拡張仮数部を持つ定数データ $\log_2 10$ と $\log 2$ を使用しています。

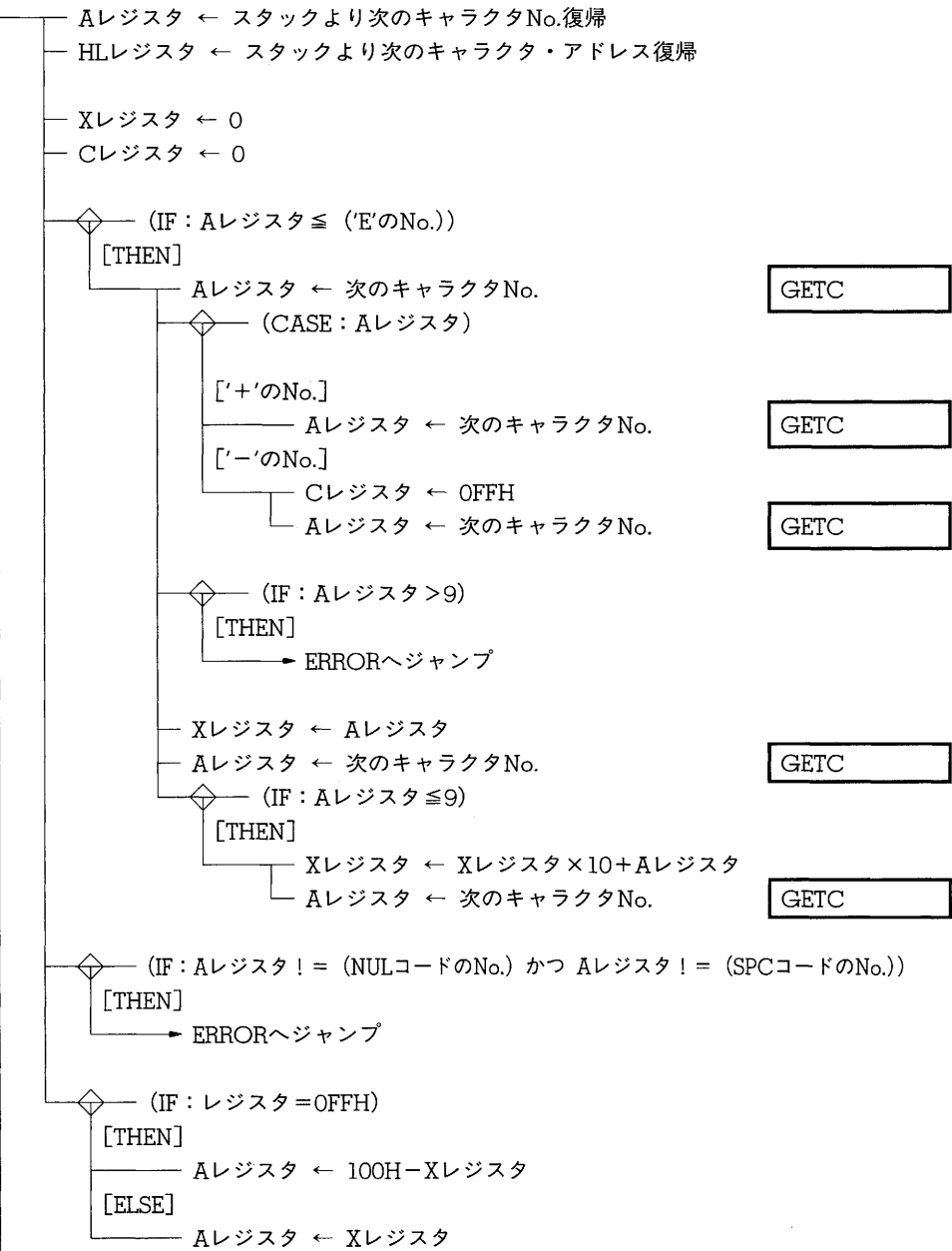
(12) 処理図



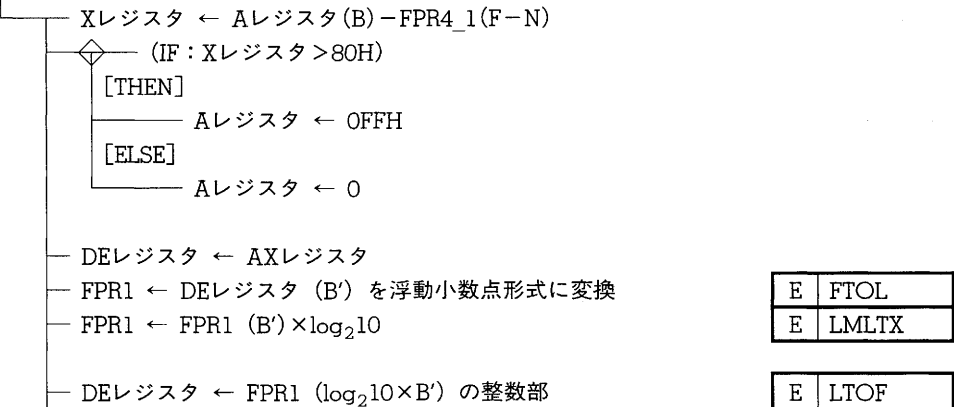


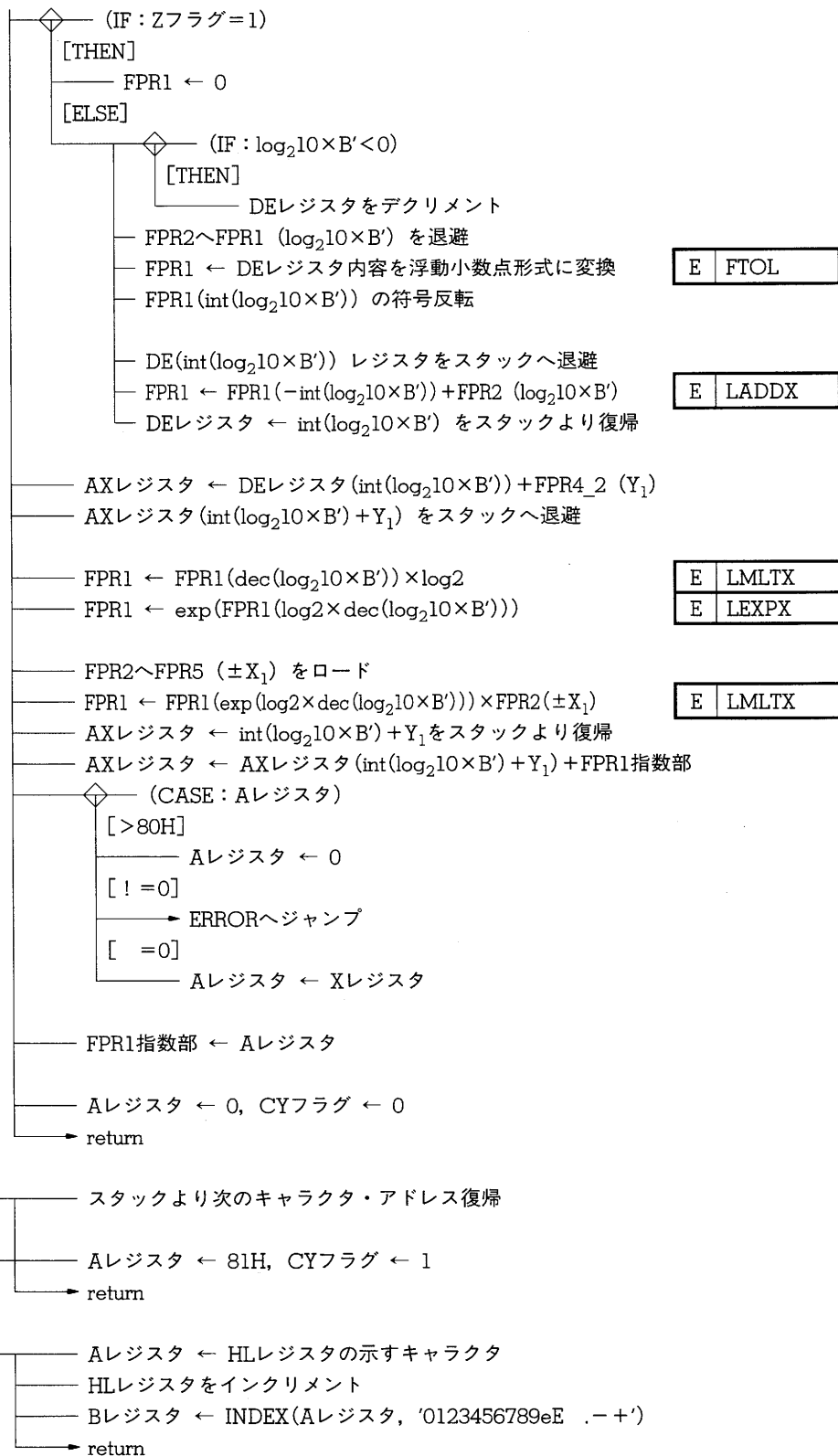


<指数部文字列の2進化>



<仮数部値と指数部値の結合>





備考1. high () は、乗算結果の上位バイトを示します。

2. low () は、乗算結果の下位バイトを示します。

6.2 浮動小数点形式→文字列への変換関数 (LTOA)

(1) 処理内容

FPR1の値を文字列に変換し、HLレジスタが示すアドレスより格納します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LFLT1, LFLT2, LLD, LLOG, LLOG10, LEXP, LEXP10, LTOA, FTOL, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

16 (LTOAからの戻り番地2バイトを含む)

(4) 使用レジスタ

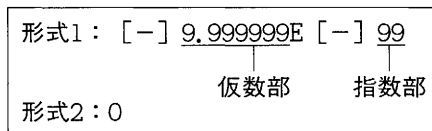
FPR1, FPR2, FPR3, FPR4, FPR5

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 9.87 ms

最大: 11.97 ms (6E120377)

(6) 出力文字列の形式



規定 (a) 0の場合にのみ形式2を出力し、他はすべて形式1を用います。

(b) 文字列の終わりに'NUL'コードが付加されます。

(c) 形式1の仮数部、および指数部の文字列長は、それぞれ8、2で固定となります。

(d) 形式1の仮数部、および指数部のサインは、負の場合にのみ付加されます。

(e) 'NUL'コードを含めて、最大文字列長は14となります。

(7) 処理手順

(a) 浮動小数点値 $X=0$ なら、文字列'ONUL'を出力し終了します。

(b) 次式により、 X を $a \times 10^b$ に変換します。

| |
|---|
| $b = \text{floor}(\log_{10}(X)), \quad b > -39 \quad \rightarrow a = X \times 10^{-b}$ $b = -39 \text{ or } -40 \rightarrow a = (X \times 10^2) \times 10^{-b-2}$ |
|---|

ここで、 $\text{floor}(X)$ は X から負の方向へ向かって一番近い整数を示します。

b が -39 以下のとき、 10^{-b} を直接計算しないのは、 10^{39} が78K/IIの浮動小数点系ではオーバーフローになってしまうからです。

(c) $a < 0$ なら'-'を出力し、 $a \leftarrow |a|$ とします。

(d) a は数学的には $1 \leq a < 10$ ですが、実際には計算誤差により、 $a < 1$ または $a \geq 10$ となり得ます。この場合、次の補正を行います。

| |
|---|
| $a < 1$ なら、 $a \leftarrow a \times 10$, $b \leftarrow b - 1$ $a \geq 10$ なら、 $a \leftarrow a/10$, $b \leftarrow b + 1$ |
|---|

(e) $1 \leq a < 10$ のため、小数点位置は固定となります。

下に示す計算結果より、文字列' A_1, A_2, \dots, A_7 'を出力します。

| |
|--|
| $A_1 = \text{int}(a)$, $a = \text{dec}(a) \times 10$ $A_2 = \text{int}(a)$, $a = \text{dec}(a) \times 10$ $A_7 = \text{int}(a)$ |
|--|

ここで、 $\text{int}(a)$ は a の整数部を、 $\text{dec}(a)$ は a の小数部を示します。

(f) 'E'を出力します。

(g) $b < 0$ なら'-'を出力し、 $b \leftarrow |b|$ とします。

(h) b の文字列' B_1B_2 ' ($B_1 = b/10$, $B_2 = b - B_1 \times 10$) を出力します。

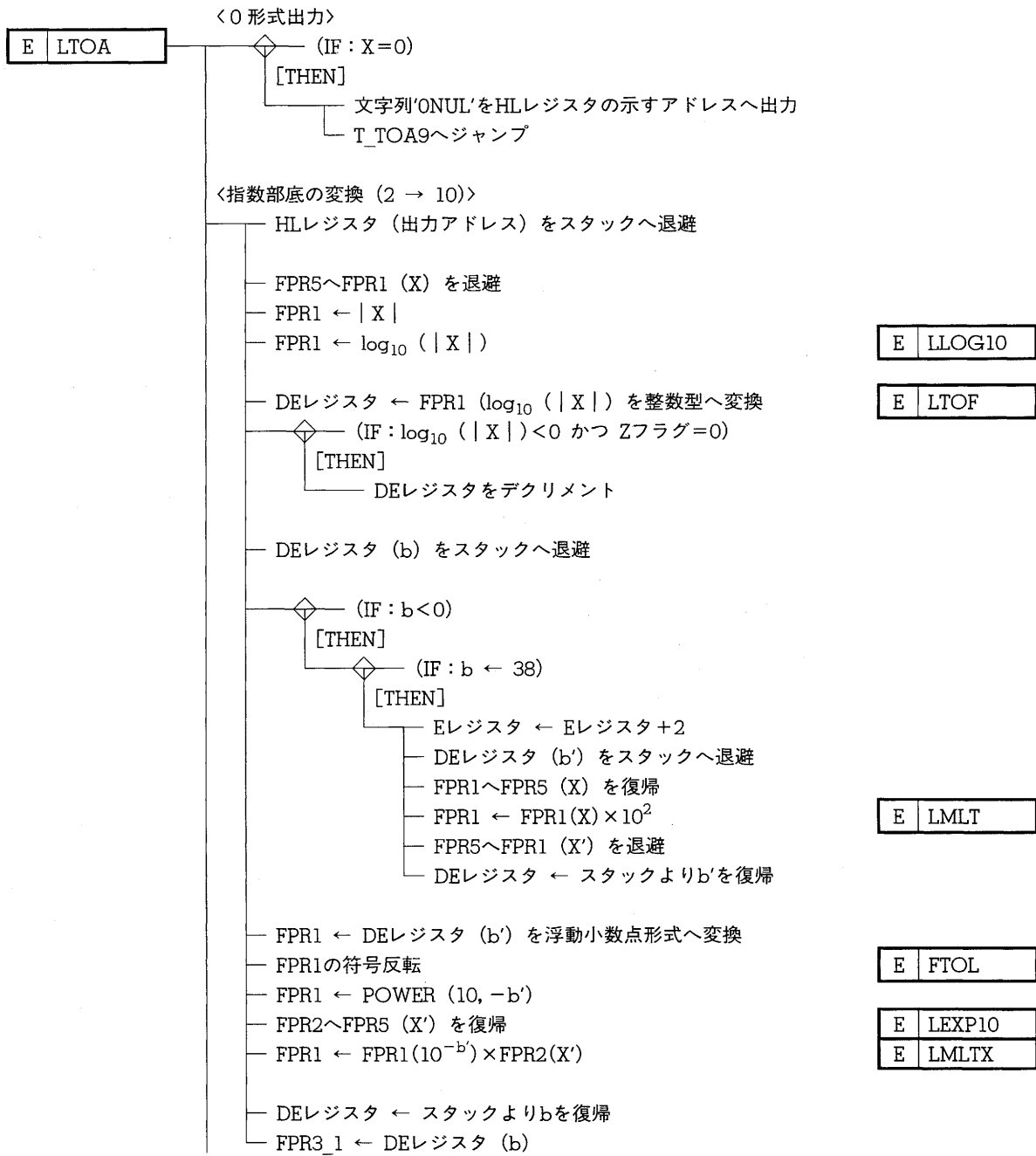
(i) 'NUL'コードを出力します。

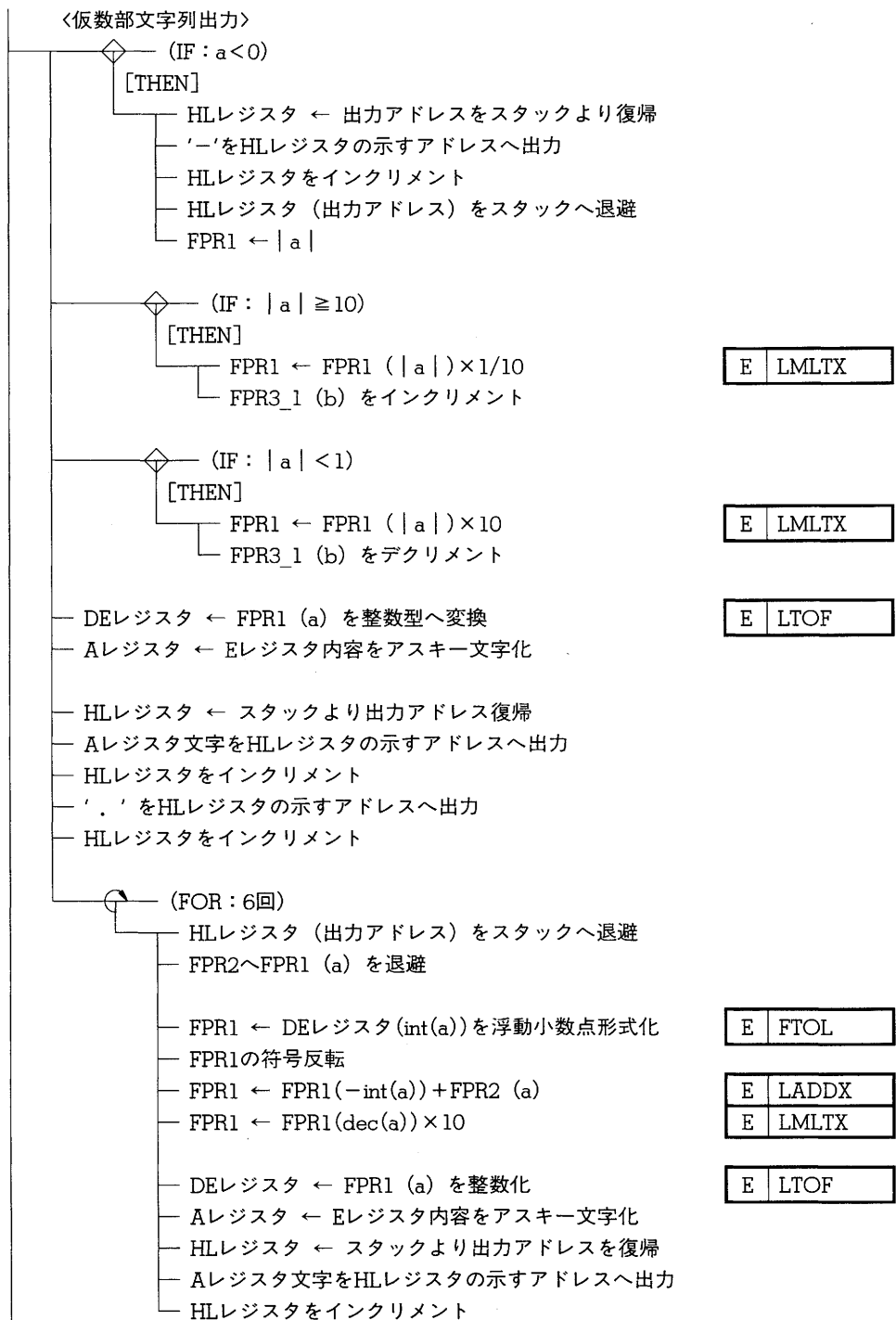
(8) 浮動小数点定数データ

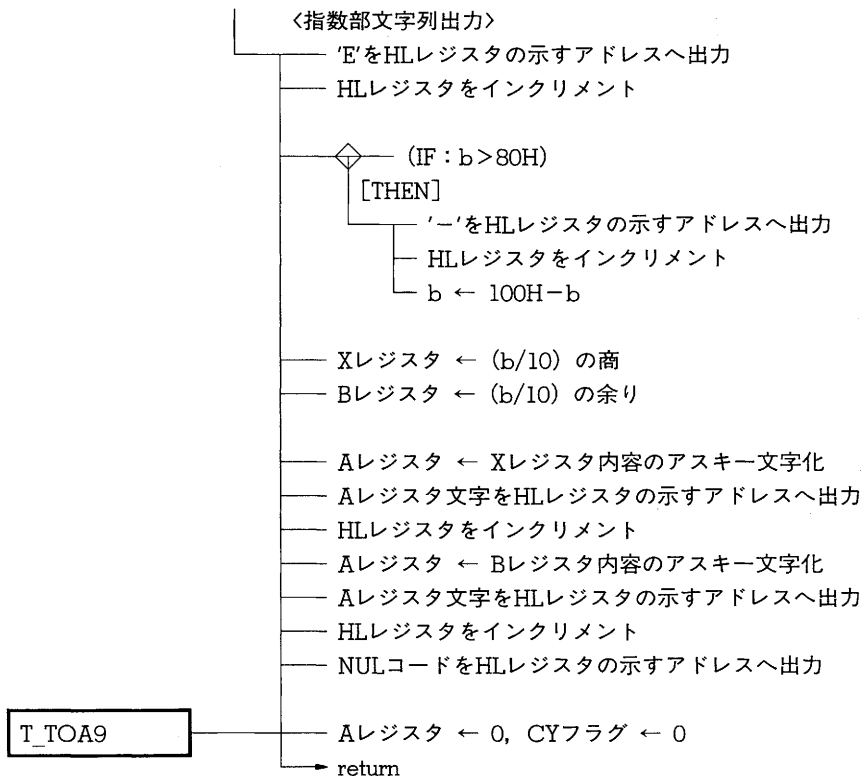
(a) 定数データ100を使用しています。

(b) 拡張仮数部を持つ定数データ10, 1/10を使用しています。

(9) 処理図







6.3 2バイト整数型→浮動小数点形式への変換関数 (FTOL)

(1) 処理内容

DEレジスタ・ペア内容を符号付き2バイト整数型として浮動小数点形式に変換し、FPR1に戻します (DEレジスタ内容は保存されます)。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, FTOL

(3) 消費スタック・サイズ

2 (FTOLからの戻り番地2バイトのみ)

(4) 使用レジスタ

FPR1

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 41 μ s

最大: 72 μ s (-1)

(6) 2バイト整数型形式

最上位ビットが符号ビットで、負数は2の補数表現とします。

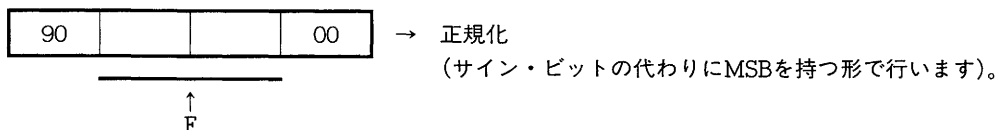
2バイト整数型Fは、-8000H~+7FFFHの範囲の整数値をとります。

(7) 処理手順

(a) 2バイト整数値F=0なら、0を返します。

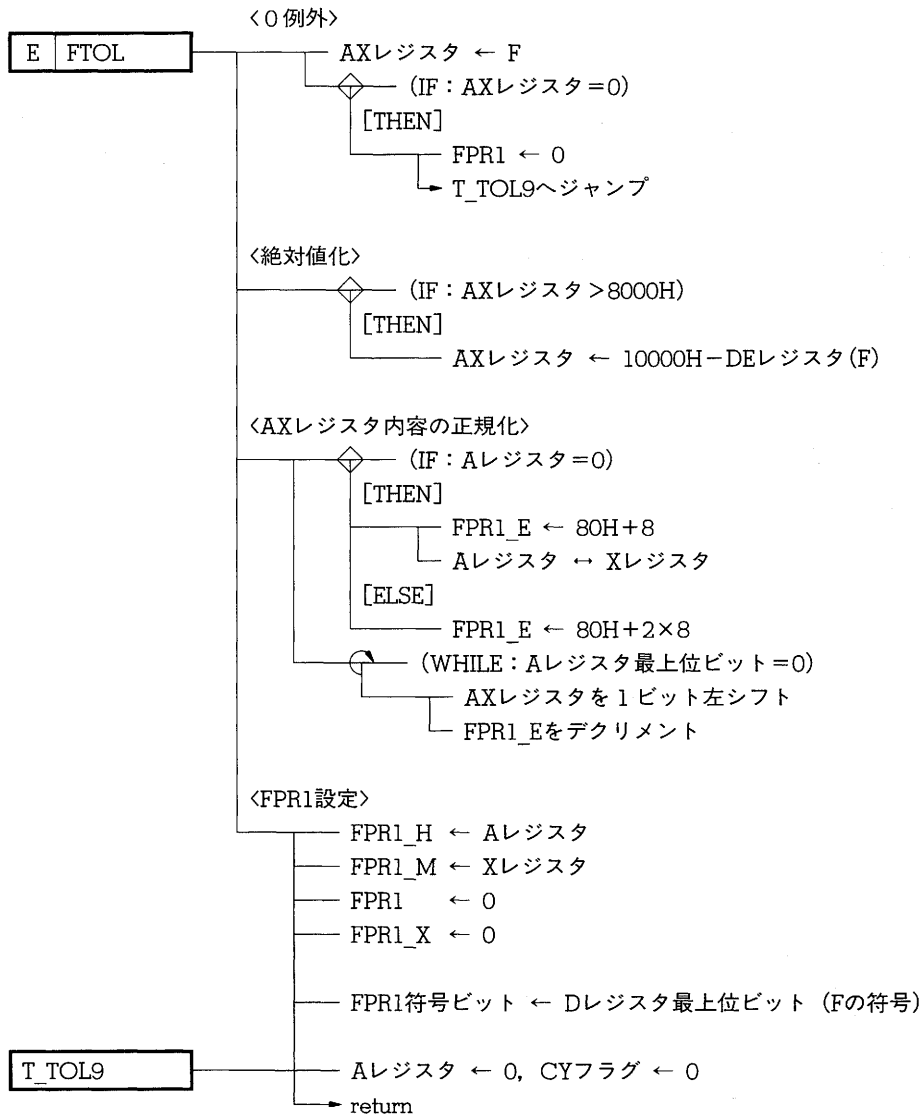
(b) $-7FFFH \leq F < 0$ なら、Fの2の補数をとります。

(c) 下図の方法でFを浮動小数点形式に変換します。



(d) もとのFの符号を浮動小数点形式に埋め込みます。

(8) 処理図



6.4 浮動小数点形式→2バイト整数型への変換関数 (LTOF)

(1) 処理内容

FPR1の値を符号付き2バイト整数型へ変換し、DEレジスタに返します。

また、FPR1に小数部が含まれなかったならZフラグ=1を、変換過程で小数部の切り捨てを行った場合、Zフラグ=0を返します (FPR1の内容は保存されます)。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LTOF

(3) 消費スタック・サイズ

2 (LTOFからの戻り番地2バイトのみ)

(4) 使用レジスタ

FPR1

(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

平均: 61 μ s

最大: 77 μ s (-1)

(6) 処理手順

(a) 指数部=0なら、整数値0とZフラグ1を返します。

指数部 \leq 80Hなら、整数値0とZフラグ0を返します。

指数部 $>$ 90Hなら、エラーを返します。

(b) 整数部をunsigned Integer形式で取り出します。

MSBをセットしておきます。

指数部 \leq 88Hなら第1仮数部を(88H-指数部)ビット右シフトし、整数値を得ます。

指数部 $>$ 88Hなら第1-第2仮数部を(90H-指数部)ビット右シフトし、整数値を得ます。

(c) unsigned Integer \rightarrow Integerへ変換します。

(b) で求めた整数値について、

8000Hより大きい →エラー

8000Hかつ正 →エラー

8000Hかつ負 →そのまま

8000H未満かつ正 →そのまま

8000H未満かつ負 →2の補数を取り、解とします。

(d) (b) において,

○Zフラグ 1 を返す場合

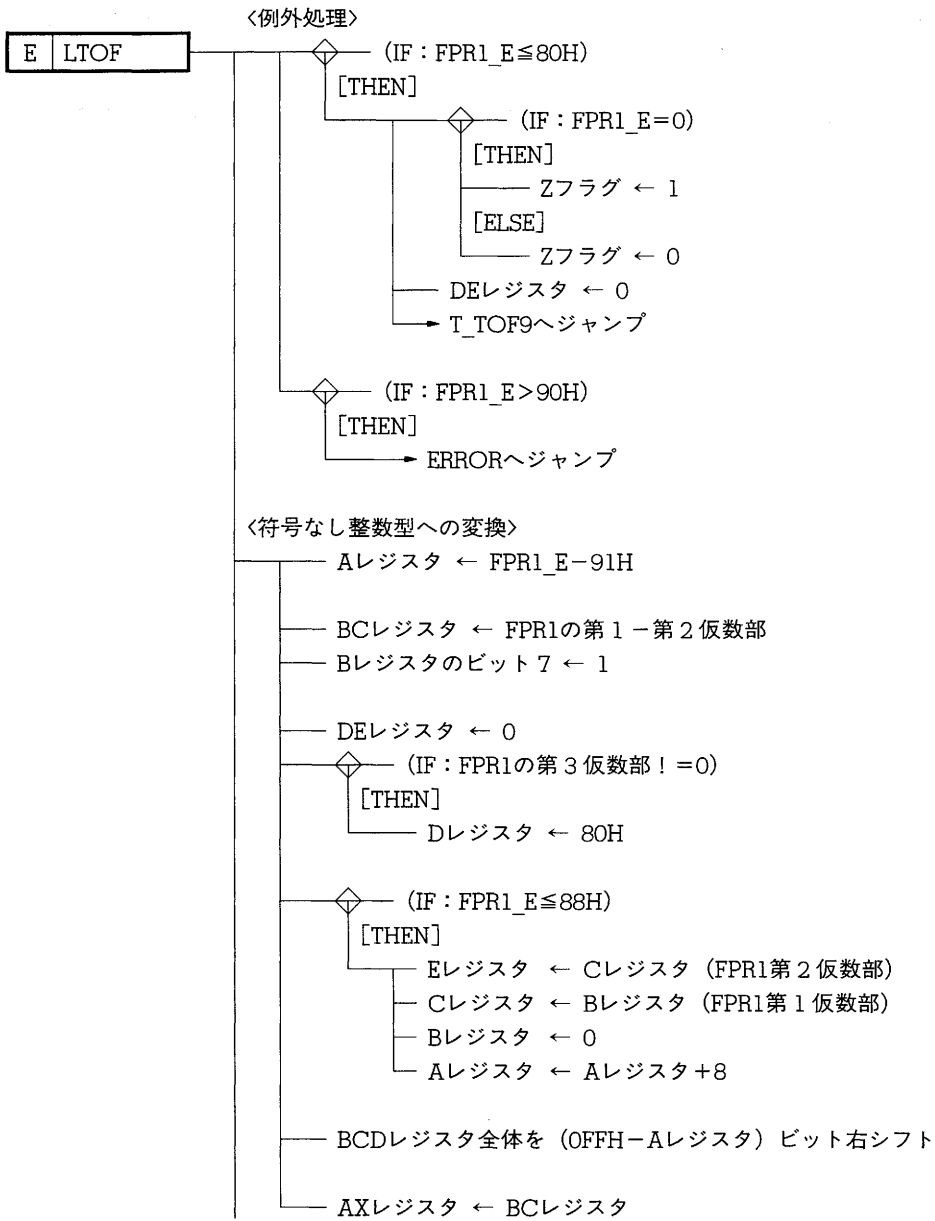
●指数部 $\leq 88H$ のケースで, 第2 - 第3 仮数部の全ビットが0かつ第1 仮数部の右シフト過程でキャリーがでなかったとき

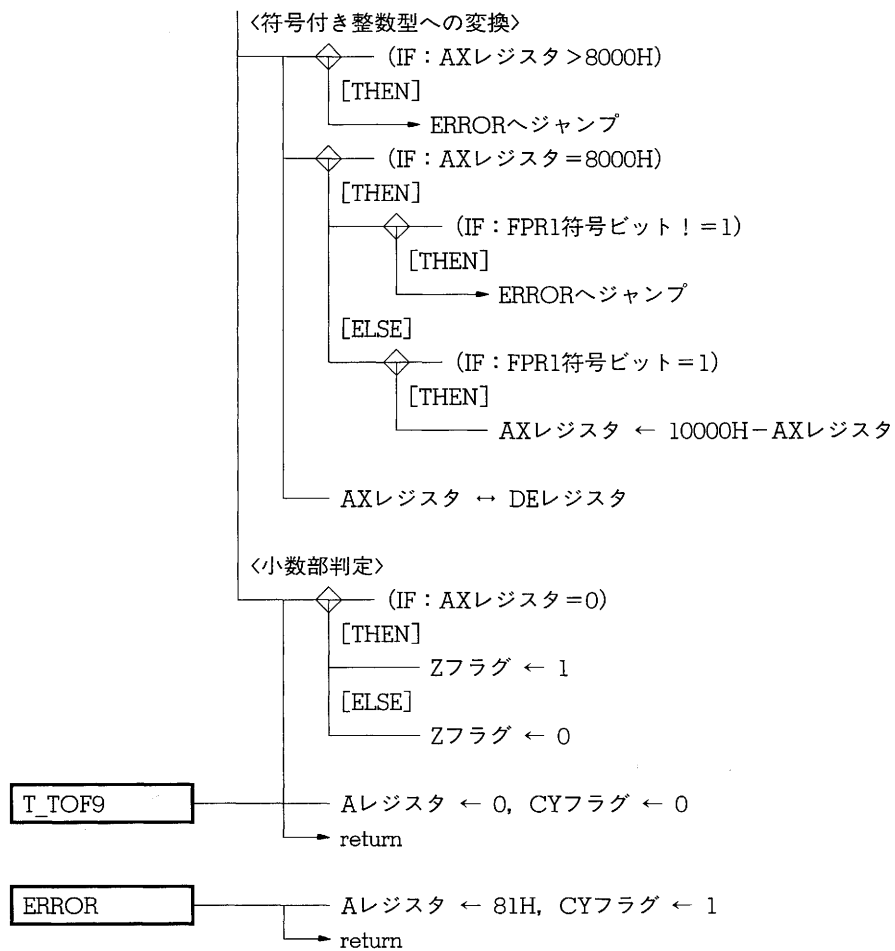
●指数部 $> 88H$ のケースで, 第3 仮数部の全ビットが0かつ第1 - 第2 仮数部の右シフト過程でキャリーがでなかったとき

○Zフラグ 0 を返す場合

上記以外

(7) 処理図





6.5 IEEE-754形式→78K/II形式への浮動小数点形式変換関数 (LTO78)

(1) 処理内容

FPR1の内容をIEEE-754形式から78K/II形式へ変換します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LTO78

(3) 消費スタック・サイズ

2 (LTO78からの戻り番地2バイトのみ)

(4) 使用レジスタ

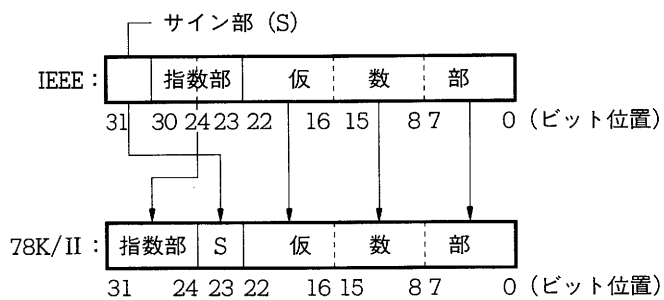
FPR1

(5) 処理時間 (内部システム・クロック：6 MHz)

17.8 μ s

(6) 処理手順

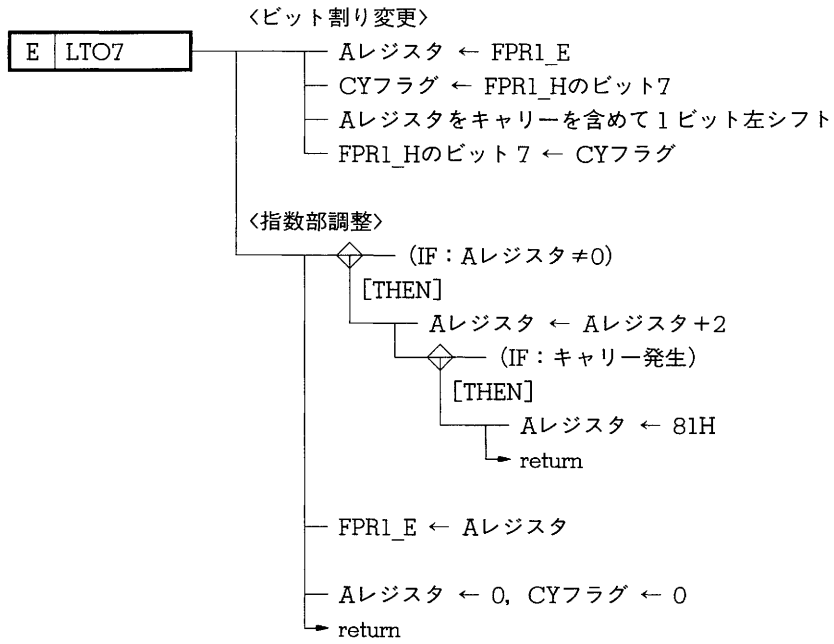
(a) IEEE形式のサイン部，指数部，仮数部のビット割りを78K/IIのビット割りに変換します。



(b) 指数部 \geq 0FEHなら，エラーを返します。

(c) 指数部 \neq 0なら，指数部に2を加算します。

(7) 処理図



6.6 78K/II形式→IEEE-754形式への浮動小数点形式変換関数 (LTOIE)

(1) 処理内容

FPR1の内容を78K/II形式からIEEE-754形式へ変換します。

(2) リンケージ対象オブジェクト・モジュール・ファイル

DFLT, LTOIE

(3) 消費スタック・サイズ

2 (LTOIEからの戻り番地2バイトのみ)

(4) 使用レジスタ

FPR1

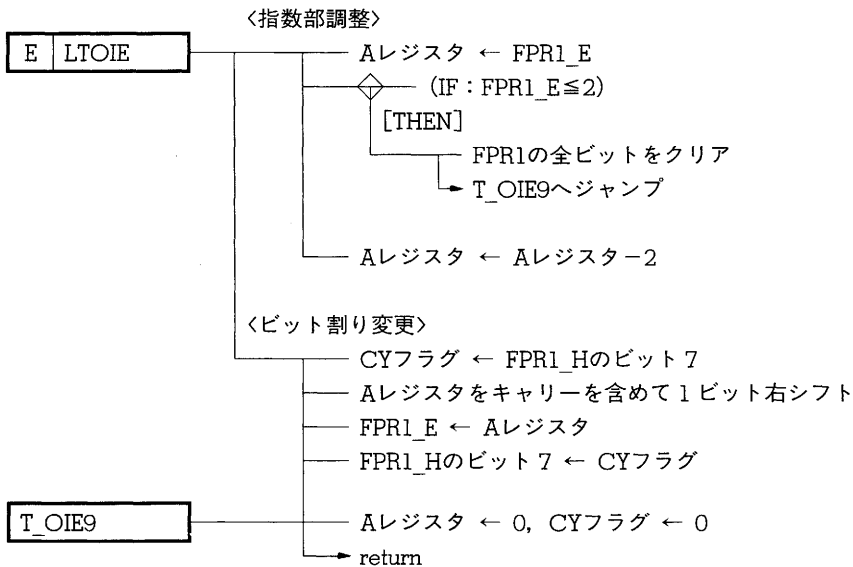
(5) 処理時間 (内部システム・クロック: 6 MHz)

17.8 μ s

(6) 処理手順

- (a) 指数部 ≤ 2 なら, FPR1の全ビットを0にして終了します。
- (b) 指数部から2を引きます。
- (c) LTO78関数と逆の形でビット割りを変換します。

(7) 処理図



第7章 プログラム・リスト

(1) EQU. INC

```
SHORT EQU 4 ;size of real type
INTEGR EQU 2 ;size of integer type
BYTE EQU 8 ;bit figures of byte
ZEROEX EQU 080H ;expornent bias for 0
R_OK EQU 0 ;normal return code
R_ERR EQU 81H ;abnormal return code
```

(2) REF1. INC

```
EXTRN FPR1, FPR2
```

```
EXTRN FPR1_X, FPR1_M, FPR1_H, FPR1_E
EXTRN FPR2_X, FPR2_M, FPR2_H, FPR2_E
```

```
EXTRN FPR3, FPR3_1
EXTRN FPR4, FPR4_1, FPR4_2
```

```
EXTRN FPR5, FPR5_1, FPR5_2
```

(3) REF2. INC

```
EXTRN  LLD21,LLD21X
EXTRN  LLD31,LLD31X
EXTRN  LLD41,LLD41X
EXTRN  LLD51,LLD51X
EXTRN  LLD52
EXTRN  LLD13
EXTRN  LLD23,LLD23X
EXTRN  LLD14,LLD14X
EXTRN  LLD24,LLD24X
EXTRN  LLD15
EXTRN  LLD25,LLD25X
EXTRN  LLD1C,LLD1CX
EXTRN  LLD2C,LLD2CX

EXTRN  LXC13,LXC13X
EXTRN      LXC14X
EXTRN  LXC15,LXC15X
```


(4) ASCII. INC

```
A_PL EQU 02BH ; '+'
A_MN EQU 02DH ; '-'
A_PD EQU 02EH ; '.'
A_NL EQU 000H ; nul
A_SP EQU 020H ; space
A_E EQU 045H ; 'E'
A_E2 EQU 065H ; 'e'
A_0 EQU 030H ; '0'
A_9 EQU 039H ; '9'
```

```
N_PL EQU 16
N_MN EQU 15
N_PD EQU 14
N_NL EQU 13
N_SP EQU 12
N_E EQU 11
N_9 EQU 9
```

```
S_INDX EQU 17
```

```
@_INDX MACRO
    DB A_PL, A_MN, A_PD, A_NL
    DB A_SP, A_E, A_E2, A_9
    DB A_9-1, A_9-2, A_9-3, A_9-4
    DB A_9-5, A_9-6, A_9-7, A_9-8
    DB A_9-9
ENDM
```

(5) DFLT. SRC

```

$      TITLE      ('FLOATING POINT REGISTERS')
      NAME        M_DFLT
;*****
;*
;*  FLOATING POINT REGISTERS
;*
;*                (ADDRESSING IN SADDR)
;*
;*****

      PUBLIC FPR1,FPR2

      PUBLIC FPR1_X,FPR1_M,FPR1_H,FPR1_E
      PUBLIC FPR2_X,FPR2_M,FPR2_H,FPR2_E

      PUBLIC FPR3,FPR3_1
      PUBLIC FPR4,FPR4_1,FPR4_2
      PUBLIC FPR5,FPR5_1,FPR5_2

      DSEG      SADDR
;***** FLOATING POINT REGISTER 1 **
FPR1_X:
      DS      1
FPR1:
      DS      1
FPR1_M:
      DS      1
FPR1_H:
      DS      1
FPR1_E:
      DS      1

;***** FLOATING POINT REGISTER 2 **
FPR2_X:
      DS      1
FPR2:
      DS      1
FPR2_M:
      DS      1
FPR2_H:
      DS      1
FPR2_E:
      DS      1

```

```
;***** FLOATING POINT REGISTER 3 **
```

```
FPR3:
```

```
FPR3_1:
```

```
    DS    1
```

```
    DS    1
```

```
    DS    1
```

```
    DS    1
```

```
    DS    1
```

```
;***** FLOATING POINT REGISTER 4 **
```

```
FPR4:
```

```
FPR4_1:
```

```
    DS    1
```

```
FPR4_2:
```

```
    DS    1
```

```
    DS    1
```

```
    DS    1
```

```
    DS    1
```

```
;***** FLOATING POINT REGISTER 5 **
```

```
FPR5:
```

```
FPR5_1:
```

```
    DS    1
```

```
FPR5_2:
```

```
    DS    1
```

```
    DS    1
```

```
    DS    1
```

```
    DS    1
```

```
    END
```

(6) LFLT1. SRC

```

$      TITLE      ('THE 4 RULES FUNCTIONS')
      NAME        M_LFLT1

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)

      PUBLIC      LADD, LSUB, LMLT, LDIV
      PUBLIC      LADDX, LMLTX

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT ADDITION FUNCTION
;*
;*  DESTINATION REGISTER: FPR1
;*  SOURCE REGISTER      : FPR2
;*
;*  RESULT : FPR1 += FPR2
;*          ERROR then set CY
;*
;*****
LADD:
      FPR1_X = #0
      FPR2_X = #0

;***** CHECK DIFFERENCE OF EXPONENT **

LADDX:

      A = FPR1_E
      A -= FPR2_E
      if_bit (!CY)
        if (A >= #SHORT*BYTE || FPR2_E == #0)
          goto T_ADD9
        endif
      else

```

```
if (A <= #LOW(-(SHORT*BYTE)) || FPR1_E == #0)
    FPR1_X = FPR2_X
    FPR1   = FPR2
    FPR1_M = FPR2_M
    FPR1_H = FPR2_H
    FPR1_E = FPR2_E
    goto T_ADD9
endif
endif
```

```
***** LOAD MANTISSA TO GENERAL reg. **
```

```
;* LHED reg. <- FPR1 *
;* FPR1_X <- A (DIFFERENCE of EXP) *
A <-> FPR1_X
A <-> L

A = FPR1
A <-> H

A = FPR1_M
A <-> E

A = FPR1_H
A I= #80H ;set MSB
A <-> D

;* CBXA reg. <- FPR2 *
A = FPR2_X
A <-> C
A = FPR2
A <-> B
A = FPR2_M
A <-> X
A = FPR2_H
A I= #80H ;set MSB
```

```
;***** BE AGREED MANTISSA POTENTIAL **
```

```
if (FPR1_X != #0)      ;exp. agree?
  if_bit (!FPR1_X.7)   ;destination is higher
  repeat
    SHRW AX,1
    RORC B,1
    RORC C,1
    FPR1_X--
  until_bit (Z)
else                    ;source is higher
  repeat
    SHRW DE,1
    RORC H,1
    RORC L,1
    FPR1_X++
  until_bit (Z)
  FPR1_E = FPR2_E
endif
endif
```

```
;***** CALC. MANTISSA **
```

```
FPR2_H ^= FPR1_H
if_bit (!FPR2_H.7)    ;sign agree?
  ADD  L,C
  ADDC H,B
  ADDC E,X
  ADDC D,A           ;CY : mantissa overflow bit
else
  if (AX == DE)
    if (B == H)
      if (C == L)
        goto ZERO
      endif
    endif
  endif
endif
```

```
        if_bit (!CY)           ; source > destination
        NOT1 FPR1_H.7
        A <-> D
        X <-> E
        B <-> H
        C <-> L
    endif

    SUB L,C
    SUBC H,B
    SUBC E,X
    SUBC D,A
endif

;*****
;*      NORMALIZE **
;*****
T_NOR:
    A = D

    if_bit (CY)               ; mantissa overflow
    FPR1_E++
    if_bit (Z)
        goto ERROR
    endif
    RORC A,1
    RORC E,1
    RORC H,1
    RORC L,1
else
    if (FPR1_E == #0)
        goto ZERO
    endif

T_NOR2:
    while_bit (!A.7)         ;catastrophic cancellation
    FPR1_E--
    if_bit (Z)
        goto T_ADD9
    endif
    SHLW HL,1
    ROLC E,1
    ROLC A,1
endw
```

```

        if (FPR1_E == #0)
            goto ERROR          ; exp=100H
        endif
    endif

; * return mantissa *
    if_bit (!FPR1_H.7)
        A &= #7FH
    endif
    FPR1_H = A
    FPR1_M = E (A)
    FPR1   = H (A)
    FPR1_X = L (A)
T_ADD9:
    A = #R_OK
    CLR1 CY
    RET
ZERO:
    FPR1_E = #0
    goto T_ADD9
ERROR:
    A = #R_ERR
    SET1 CY
    RET

;*****
; *
; *  FLOATING POINT SUBTRACTION FUNCTION
; *
; *  DESTINATION REGISTER: FPR1
; *  SOURCE REGISTER      : FPR2
; *
; *  RESULT : FPR1 -= FPR2
; *          ERROR then set CY
; *
;*****
LSUB:
    NOT1 FPR2_H.7
    goto LADD

```



```

;*****
;*
;* FLOATING POINT MULTIPLICATION FUNCTION
;*
;* DESTINATION REGISTER: FPR1
;* SOURCE REGISTER      : FPR2
;*
;* RESULT : FPR1 *= FPR2
;*          ERROR then set CY
;*
;*****
LMLT:
    FPR1_X = #0
    FPR2_X = #0

;***** ZERO EXCEPTION **
LMLTX:
    if (FPR1_E == #0 || FPR2_E == #0)
        goto ZERO
    endif

;***** MULTIPLE EXPORNENT **

    A = FPR1_E
    A += FPR2_E

    if_bit (CY)
        if (A > #ZEROEX)      ;exp. > 100H
            goto ERROR
        endif
        A += #ZEROEX
    else
        A -= #ZEROEX
        if_bit (Z || CY)      ;exp. <= 0
            goto ZERO
        endif
    endif

    FPR1_E = A                ;set expornent

    CY = FPR1_H.7
    CY ^= FPR2_H.7
    FPR1_H.7 = CY            ;set sign

```

```
***** CALC. MANTISSA (result set to AEHLreg.)**
```

```
SET1 FPR2_H.7 ;set MSB
```

```
;* FPR1_X *  
A = FPR1_X ;FPR1_X * FPR2_H  
A <-> B  
A = FPR2_H  
MULU B  
A <-> L
```

```
;* FPR1 *  
A = FPR1 ;FPR1 * FPR2_M  
A <-> B  
A = FPR2_M  
MULU B  
L += A ;->CY
```

```
A = FPR2_H ;FPR1 * FPR2_H  
MULU B  
ADDC A, #0 ;<-CY  
L += X ;->CY  
ADDC A, #0 ;<-CY  
A <-> H
```

```
;* FPR1_M *  
A = FPR1_M ;FPR1_M * FPR2  
A <-> B  
A = FPR2  
MULU B  
L += A ;->CY
```

```
A = FPR2_M ;FPR1_M * FPR2_M  
MULU B  
ADDC A, #0 ;<-CY  
L += X ;->CY  
ADDC H, A ;<-CY, ->CY
```

```
A = FPR2_H      ;FPR1_M * FPR2_H
MULU B
ADDC A, #0      ;<-CY
H += X          ;->CY
ADDC A, #0      ;<-CY
A <-> E
```

```
;* FPR1_H *
A = FPR1_H      ;FPR1_H * FPR2_X
A I= #80H       ;set MSB
A <-> B
A = FPR2_X
MULU B
L += A          ;->CY
```

```
A = FPR2        ;FPR1_H * FPR2
MULU B
ADDC A, #0      ;<-CY
L += X          ;->CY
ADDC H, A       ;<-CY, ->CY
```

```
A = FPR2_M      ;FPR1_H * FPR2_M
MULU B
ADDC A, #0      ;<-CY
H += X          ;->CY
ADDC E, A       ;<-CY, ->CY
```

```
A = FPR2_H      ;FPR1_H * FPR2_H
MULU B
ADDC A, #0      ;<-CY
E += X          ;->CY
ADDC A, #0      ;<-CY
```

```
;***** NORMALIZE **
```

```
goto T_NOR2
```

```

;*****
;*
;*  FLOATING POINT DIVISION FUNCTION
;*
;*  DESTINATION REGISTER: FPR1
;*  SOURCE REGISTER      : FPR2
;*
;*  RESULT : FPR1 /=FPR2
;*          ERROR then set CY
;*
;*****
LDIV:

;***** ZERO EXCEPTION **

    if (FPR2_E == #0)
        goto ERROR
    endif
    if (FPR1_E == #0)
        goto ZERO
    endif

;***** DIVIDE EXPORNENT **

    A = FPR1_E
    A -= FPR2_E

    if_bit (CY)
        if_bit (!A.7)           ;exp. < 0
            goto ZERO
        endif
    else
        if_bit (A.7)           ;exp. >= 100H
            goto ERROR
        endif
    endif
    A += #ZEROEX

    FPR1_E = A                 ;set expornent

```

```
CY = FPR1_H.7           ;make sign
CY ^= FPR2_H.7
FPR1_H.7 = CY           ;set sign

;***** LOAD MANTISSA **

;* XBCreg. <- FPR1(1st-3rd mantissa) *
A = #(SHORT-1)*BYTE+1   ;loop counter
A <-> FPR1
A <-> C

A = FPR1_M
A <-> B

A = FPR1_H
A I= #80H               ;set MSB
A <-> X

CLR1 CY

;* Lreg. <- FPR2(1st mantissa) *
A = FPR2_H
A I= #80H               ;set MSB
A <-> L

;***** DIVIDE MANTISSA **

H = #0

goto T_DIV1

;* DEHreg. <- quotient *
repeat
    SHLW BC,1          ;b*2
    ROLC X,1
```

```
T_DIV1:
    NOT1 CY
    if_bit (CY)
        if (X == L)
            A = B
            if (A == FPR2_M)
                A = C
                CMP A, FPR2
            endif
        endif
    endif

    if_bit (!CY)          ;if d > S
        A = FPR2          ; then d -= S
        SUB C, A
        A = FPR2_M
        SUBC B, A
        SUBC X, L
        SET1 CY
    else
        CLR1 CY
    endif

    ROLC H, 1             ;set quotient
    ROLC E, 1
    ROLC D, 1             ;CY then mantissa overflow

    FPR1--
    until_bit (Z)

;***** NORMALIZE **

    L = #0                ;clr 4th mantissa

    goto T_NOR

    END
```

(7) LFLT2. SRC

```

$      TITLE      ('FLOATING POINT COMMON FUNCTIONS 1')
      NAME        M_LFLT2

$ INCLUDE(EQU.INC)
$ INCLUDE(REF1.INC)
$ INCLUDE(REF2.INC)

      EXTRN      LADDX,LMLTX

      PUBLIC     LPLY,LPLY2

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT FUNCTION THAT
;*
;*  CALC. A POLYNOMIAL EXPRESSION by EXTENDED
;*
;*
;*
;*          2              n
;* polynomial.1: x + k1xy + k1k2xy + ... + k1k2..knxy
;*
;*  input conditions:
;*      FPR1 <- X , FPR4 <- y
;*      DE <- head address of coefficient array (k1,,kn)
;*      C <- n
;*
;*
;*          2              n
;* polynomial.2: z + k1xy + k1k2xy + ... + k1k2..knxy
;*
;*  input conditions:
;*      FPR1 <- x , FPR4 <- y, FPR3 <- z
;*      DE <- head address of coefficient array (k1,,kn)
;*      C <- n
;*
;*
;*  output conditions(common to both):
;*      FPR1 <- result of polynomial expression
;*      FPR4 : keep
;*
;*****

```

LPLY:

```
CALL !LLD31X
goto LPLY2
```

repeat

CALL !LXC13X

LPLY2:

CALL !LLD24X

PUSH BC

PUSH DE

CALL !LMLTX

POP DE

CALL !LLD2CX

PUSH DE

CALL !LMLTX

CALL !LLD21X

CALL !LXC13X

CALL !LADDX

POP DE

POP BC

if (FPR3+SHORT == #0)

RET

endif

A = FPR1_E

A -= FPR3+SHORT

if_bit (!CY)

if (A >= #(SHORT-1)*BYTE)

RET

endif

endif


```
C--  
until_bit (Z)  
RET  
  
END
```

(8) LLD. SRC

```

$      TITLE      ('FPR LOAD FUNCTIONS')
        NAME      M_LLD

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)

;*****
;*
;*  FLOATING POINT REGISTER LOAD FUNCTIONS
;*
;*****

        PUBLIC    LLD21, LLD21X
        PUBLIC    LLD31, LLD31X
        PUBLIC    LLD41, LLD41X
        PUBLIC    LLD51, LLD51X
        PUBLIC    LLD52
        PUBLIC    LLD13
        PUBLIC    LLD23, LLD23X
        PUBLIC    LLD14, LLD14X
        PUBLIC    LLD24, LLD24X
        PUBLIC    LLD15
        PUBLIC    LLD25, LLD25X
        PUBLIC    LLD1C, LLD1CX
        PUBLIC    LLD2C, LLD2CX

        PUBLIC    LXC13, LXC13X
        PUBLIC          LXC14X
        PUBLIC    LXC15, LXC15X

CSEG

;***** LOAD FPR2, FPR1

LLD21X:
        FPR2_X = FPR1_X
LLD21:
        FPR2   = FPR1
        FPR2_M = FPR1_M
        FPR2_H = FPR1_H
        FPR2_E = FPR1_E
        RET

```

```
;***** LOAD FPR3,FPR1
```

```
LLD31X:
```

```
    FPR3  = FPR1_X
```

```
LLD31:
```

```
    FPR3+1 = FPR1
```

```
    FPR3+2 = FPR1_M
```

```
    FPR3+3 = FPR1_H
```

```
    FPR3+4 = FPR1_E
```

```
    RET
```

```
;***** LOAD FPR4,FPR1
```

```
LLD41X:
```

```
    FPR4  = FPR1_X
```

```
LLD41:
```

```
    FPR4+1 = FPR1
```

```
    FPR4+2 = FPR1_M
```

```
    FPR4+3 = FPR1_H
```

```
    FPR4+4 = FPR1_E
```

```
    RET
```

```
;***** LOAD FPR5,FPR1
```

```
LLD51X:
```

```
    FPR5  = FPR1_X
```

```
LLD51:
```

```
    FPR5+1 = FPR1
```

```
    FPR5+2 = FPR1_M
```

```
    FPR5+3 = FPR1_H
```

```
    FPR5+4 = FPR1_E
```

```
    RET
```

```
;***** LOAD FPR5,FPR2
```

```
LLD52:
```

```
    FPR5+1 = FPR2
```

```
    FPR5+2 = FPR2_M
```

```
    FPR5+3 = FPR2_H
```

```
    FPR5+4 = FPR2_E
```

```
    RET
```

```
;***** LOAD FPR1,FPR3
```

```
LLD13:
```

```
FPR1   = FPR3+1  
FPR1_M = FPR3+2  
FPR1_H = FPR3+3  
FPR1_E = FPR3+4  
RET
```

```
;***** LOAD FPR2,FPR3
```

```
LLD23X:
```

```
FPR2_X = FPR3
```

```
LLD23:
```

```
FPR2   = FPR3+1  
FPR2_M = FPR3+2  
FPR2_H = FPR3+3  
FPR2_E = FPR3+4  
RET
```

```
;***** LOAD FPR1,FPR4
```

```
LLD14X:
```

```
FPR1_X = FPR4
```

```
LLD14:
```

```
FPR1   = FPR4+1  
FPR1_M = FPR4+2  
FPR1_H = FPR4+3  
FPR1_E = FPR4+4  
RET
```

```
;***** LOAD FPR2,FPR4
```

```
LLD24X:
```

```
FPR2_X = FPR4
```

```
LLD24:
```

```
FPR2   = FPR4+1  
FPR2_M = FPR4+2  
FPR2_H = FPR4+3  
FPR2_E = FPR4+4  
RET
```

```
;***** LOAD FPR1,FPR5
```

```
LLD15:
```

```
FPR1 = FPR5+1  
FPR1_M = FPR5+2  
FPR1_H = FPR5+3  
FPR1_E = FPR5+4  
RET
```

```
;***** LOAD FPR2,FPR5
```

```
LLD25X:
```

```
FPR2_X = FPR5
```

```
LLD25:
```

```
FPR2 = FPR5+1  
FPR2_M = FPR5+2  
FPR2_H = FPR5+3  
FPR2_E = FPR5+4  
RET  
RET
```

```
;***** LOAD FPR1,constant
```

```
LLD1CX:
```

```
FPR1_X = [DE+] (A)
```

```
LLD1C:
```

```
FPR1 = [DE+] (A)  
FPR1_M = [DE+] (A)  
FPR1_H = [DE+] (A)  
FPR1_E = [DE+] (A)  
RET
```

```
;***** LOAD FPR2,constant
```

```
LLD2CX:
```

```
FPR2_X = [DE+] (A)
```

```
LLD2C:
```

```
FPR2 = [DE+] (A)  
FPR2_M = [DE+] (A)  
FPR2_H = [DE+] (A)  
FPR2_E = [DE+] (A)  
RET
```

```
;***** XCHANGE FPR1,FPR3
```

```
LXC13X:
```

```
FPR1_X <-> FPR3
```

```
LXC13:
```

```
FPR1 <-> FPR3+1
```

```
FPR1_M <-> FPR3+2
```

```
FPR1_H <-> FPR3+3
```

```
FPR1_E <-> FPR3+4
```

```
RET
```

```
;***** XCHANGE FPR1,FPR4
```

```
LXC14X:
```

```
FPR1_X <-> FPR4
```

```
FPR1 <-> FPR4+1
```

```
FPR1_M <-> FPR4+2
```

```
FPR1_H <-> FPR4+3
```

```
FPR1_E <-> FPR4+4
```

```
RET
```

```
;***** XCHANGE FPR1,FPR5
```

```
LXC15X:
```

```
FPR1_X <-> FPR5
```

```
LXC15:
```

```
FPR1 <-> FPR5+1
```

```
FPR1_M <-> FPR5+2
```

```
FPR1_H <-> FPR5+3
```

```
FPR1_E <-> FPR5+4
```

```
RET
```

```
END
```

(9) LSIN. SRC

```

$      TITLE      ('SINE FUNCTION')
      NAME        M_LSIN

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN       LPLY
      EXTRN       LADDX, LMLTX

      EXTRN       FTOL, LTOF

      PUBLIC      LSIN
      PUBLIC      LMOD90, LSIN90

S_PLY EQU        5

C_1X EQU        0A2H
C_1L EQU        0DAH
C_1M EQU        00FH
C_1H EQU        049H
C_1E EQU        081H

      CSEG

;*****
;*
;*   FLOATING POINT SINE FUNCTION
;*
;*   input condition : FPR1 <- x
;*
;*   output conditions: FPR1 <- sin(x)
;*
;*****
LSIN:

;***** SCALING of X **

      CALL !LMOD90

```

```
;***** GET SIN(x' + n * pai/2) , 0 <= x' < pai/2 **
```

```
LSIN90:
```

```
    if_bit (FPR4_1.0)    ;mod(n/2)=1?
        SET1 FPR1_H.7
        DE = #C_1
        CALL !LLD2CX
        CALL !LADDX      ; x' <- pai/2 - x'
    endif

    CY = FPR4_1.1        ; mod(n/4)=2 or 3?
    CY ^= FPR4_2.7      ; then turn sign bit

    FPR1_H.7 = CY        ;set SIGN
```

```
;***** CALC. POLYNOMIAL EXPRESSION **
```

```
    CALL !LLD41X        ;set x'' to FPR4

    CALL !LLD21X
    CALL !LMLTX         ;x''*x''

    CALL !LXC14X        ;set x''*x'' to FPR4
                        ;set x'' to FPR1

    DE = #C_K
    C = #S_PLY
    CALL !LPLY

    A = #R_OK
    CLR1 CY
    RET
```



```

;*****
;**      GET MOD by pai/2 (->FPR1) **
;*****

LMOD90:
    FPR1_X = #0
    FPR4_1 = #0          ;quotient keeper
    FPR4_2 = FPR1_H     ;sign keep
    CLR1 FPR1_H.7

    while (forever)
        ;* CMP FPR1,pai/2
        if (FPR1_E == #C_1E)
            if (FPR1_H == #C_1H)
                if (FPR1_M == #C_1M)
                    if (FPR1 == #C_1L)
                        CMP FPR1_X,#C_1X
                    endif
                endif
            endif
        endif
        endif

        if_bit (CY)
            break
        endif

        CALL !LLD31X      ;esc. x' to FPR3

        ;* *2/pai *
        DE = #C_2
        CALL !LLD2CX
        CALL !LMLTX      ;x' / pai/2
        FPR1_X = #0
        FPR1 = #0
        FPR1_M &= #OFCH  ;valid digit -> 14

        ;* FPR1 -> integer *
        CALL !LTOF
        if_bit (!CY)
            if_bit (!Z)
                CALL !FTOL
            endif
    endwhile

```

```
    A = E
    A += FPR4_1      ;add last 2bit of quotient
    FPR4_1 = A
endif

DE = #C_1
CALL !LLD2CX
CALL !LMLTX        ; int(x' / pai/2) * pai/2

SET1 FPR1_H.7
CALL !LLD23X
CALL !LADDX        ; x' - int(x' / pai/2) * pai/2
endw

RET

C_1:
DB C_1X,C_1L,C_1M,C_1H,C_1E ; const pai/2
C_2:
DB 06EH,083H,0F9H,022H,080H ;      2/pai

C_K:
;coefficient array for LPLY
DB 0AAH,0AAH,0AAH,0AAH,07EH ;const -1/6
DB 0CCH,0CCH,0CCH,0CCH,07CH ;      -1/20
DB 0C3H,030H,00CH,0C3H,07BH ;      -1/42
DB 0E3H,038H,08EH,0E3H,07AH ;      -1/72
DB 04FH,009H,0F2H,094H,07AH ;      -1/110

END
```

(10) LCOS. SRC

```

$      TITLE      ('COSINE FUNCTION')
      NAME        M_LCOS

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)

      EXTRN       LMOD90, LSIN90

      PUBLIC      LCOS, LCOS90

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT COSINE FUNCTION
;*
;*  input  condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- cos(x)
;*
;*****
LCOS:

;***** SCALING of X **

      CALL !LMOD90

;***** GET COS(X' + n * pai/2) , -pai/2 < x' < pai/2 **

LCOS90:
      CLR1 FPR4_2.7 ; x' <- !x'!
      FPR4_1++      ; n <- n+1
      goto LSIN90

      END

```

(11) LTAN. SRC

```

$      TITLE      ('TANGENT FUNCTION')
      NAME        M_LTAN

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN       LDIV
      EXTRN       LMOD90, LSIN90, LCOS90

      PUBLIC      LTAN

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT TANGENT FUNCTION
;*
;*  input  condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- tan(x)
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
LTAN:

      CALL !LMOD90      ;get mod by pai/2

      A = FPR4_2
      A <-> X          ;X: esc. sign bit
      A = FPR4_1      ;A: esc. quotient by pai/2
      PUSH AX

      CALL !LLD51X     ;esc. mod by pai/2 to FPR5

      CALL !LCOS90     ;cos(x)
      POP AX

      FPR4_1 = A
      FPR4_2 = X (A)

      CALL !LXC15X     ;esc. cos(x) to FPR5
      CALL !LSIN90     ;sin(x)

      CALL !LLD25      ;ret. cos(x) to FPR2
      goto LDIV        ;sin(x)/cos(x)

      END

```

(12) LLOG. SRC

```

$      TITLE      ('LOGARITHMIC FUNCTION')
      NAME        M_LLOG

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN       LADD, LADDX, LMLT, LMLTX, LDIV
      EXTRN       LPLY2
      EXTRN       FTOL

      PUBLIC      LLOG

S_PLY EQU        6

C_2L EQU        000H
C_2M EQU        000H
C_2H EQU        000H
C_2E EQU        081H

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT LOGARITHMIC FUNCTION
;*
;*  input condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- log(x)
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
LLOG:
      FPR1_X = #0

```

```
;***** EXCEPTION **
```

```
    if (FPR1_E == #0)
        goto ERROR
    endif
    if_bit (FPR1_H.7)
        goto ERROR
    endif
```

```
;* FPR1 = 1? *
    if (FPR1_E == #C_2E)
        if (FPR1_H == #C_2H)
            if (FPR1_M == #C_2M)
                if (FPR1 == #C_2L)
                    FPR1_E = #0
                    goto T_LOG9
                endif
            endif
        endif
    endif
endif
```

```
;***** CALC. EXP.PART LOG **
```

```
    A = #ZEROEX
    A <-> FPR1_E
    CALL !LLD31           ;esc. mantissa(Xf) to FPR3

    A -= #ZEROEX
    if_bit (!CY)
        D = #0
    else
        D = #OFFH
    endif
    A <->E               ;DE: integer value of exp.part
    CALL !FTOL           ;real value of exp.part

    DE = #C_1
    CALL !LLD2CX
    CALL !LMLTX          ;Xe * log(2)
    CALL !LLD41X        ;esc. exp.part LOG to FPR4
```

```
;***** TRANS. MANTISSA FOR TAYLOR APPROXIMATE **
```

```
CALL !LLD13
DE = #C_2
CALL !LLD2C
CALL !LADD ; Xf+1

CALL !LXC13
DE = #C_2
CALL !LLD2C
SET1 FPR2_H.7
CALL !LADD ;Xf-1

CALL !LLD23
CALL !LDIV ;(Xf-1)/(Xf+1) :x'
```

```
;***** CALC. MANTISSA LOG **
```

```
CALL !LLD31X ;esc X' to FOR3
FPR3+4++ ;set 2X' to FPR3

CALL !LLD21X
CALL !MLT ; X'*X'
CALL !LXC14X ;set X'*X' to FPR4

CALL !LLD23X
CALL !LADDX ;set X*log(2)+2X' to FPR1
CALL !LXC13X

DE = #C_K
C = #S_PLY
CALL !LPLY2
```

```
T_LOG9:
```

```
A = #R_OK
CLR1 CY
RET
```

```
ERROR:
```

```
A = #R_ERR
SET1 CY
RET
```

```
C_1:
    DB 0F7H,017H,072H,031H,080H ; const log(2)

C_2:
    DB      C_2L,C_2M,C_2H,C_2E ;      1

C_K:
    ; coefficient array of LPLY
    DB 0AAH,0AAH,0AAH,02AH,07FH ; const 1/3
    DB 099H,099H,099H,019H,080H ;      3/5
    DB 0B6H,06DH,0DBH,036H,080H ;      5/7
    DB 0C7H,071H,01CH,047H,080H ;      7/9
    DB 017H,05DH,074H,051H,080H ;      9/11
    DB 0D8H,089H,09DH,058H,080H ;     11/13

    END
```


(13) LLOG10. SRC

```

$      TITLE      ('LOGARITHMIC FUNCTION 2')
      NAME        M_LLOG10

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN      LMLTX
      EXTRN      LLOG

      PUBLIC     LLOG10

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT LOGARITHMIC FUNCTION 2
;*
;*  input  condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- log10(x)
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
LLOG10:

;***** log(x) / log(10) **

      CALL !LLOG
      if_bit (CY)
      RET
      endif

      DE = #C_1
      CALL !LLD2CX
      goto LMLTX

C_1:
      DB 0A9H,0D8H,05BH,05EH,07FH ; const 1/log(10)

      END

```

(14) LEXP. SRC

```

$      TITLE      ('EXPONENTIAL FUNCTION')
      NAME        M_LEXP

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN       LADDX, LMLTX
      EXTRN       LPLY2
      EXTRN       LTOF, FTOL

      PUBLIC      LEXP, LEXPX

S_PLY EQU        8

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT EXPONENTIAL FUNCTION
;*
;*  input  condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- exp(x)
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
LEXP:
      FPR1_X = #0

;***** TRANSLATE to EXP2(X) **
LEXPX:
      FPR3_1 = FPR1_H      ;esc sign bit

      DE = #C_1
      CALL !LLD2CX
      CALL !LMLTX          ;1/log2*X
      if_bit (!CY)
        CALL !LTOF
      endif
      if_bit (CY)
        goto T_FLOW
      endif

```

```
;***** CALC. EXP **
```

```
if_bit (!Z && FPR3_1.7)
  DE--          ;DE <- floor integer(X/log2)
endif
```

```
AX = DE
AX += #ZEROEX+1      ;AX <- upper integer(X/log2)
```

```
if (A != #0)
  goto T_FLOW
endif
```

```
FPR5_1 = X (A)      ;esc exp
```

```
;***** CALC. MANTISSA **
```

```
CALL !LLD21X
CALL !FTOL          ; floor integer(X/log2)
NOT1 FPR1_H.7
CALL !LADDX         ; X/log2 -(floor integer(X/log2))
```

```
CALL !LLD41X        ;set X'
```

```
DE = #C_2
CALL !LLD2CX
CALL !LMLTX         ;log2·X'
```

```
CALL !LLD31X        ;set log2·X'
```

```
DE = #C_3
CALL !LLD2CX
CALL !LADDX         ;1+log2·X'
```

```
CALL !LXC13X
```

```
DE = #C_K
C = #S_PLY
CALL !LPLY2
```

```

    if (FPR1_E == #80H) ;if cancellation happen then
        if (FPR5_1 != #0) ;
            FPR5_1-- ; adjust expornent
        endif
    endif

;***** RETURN EXP.PART **

    FPR1_E = FPR5_1
T_EXP9:
    A = #R_OK
    CLR1 CY
    RET
T_FLOW:
    if_bit (FPR3_1.7)
        FPR1_E = #0
        goto T_EXP9
    endif

    A = #R_ERR
    SET1 CY
    RET

C_1:
    DB 029H,03BH,0AAH,038H,081H ; const 1/log2
C_2:
    DB 0F7H,017H,072H,031H,080H ; log2
C_3:
    DB 000H,000H,000H,000H,081H ; 1

C_K: ; coefficient array of LPLY2
    DB 0F7H,017H,072H,031H,07FH ; const log2/2
    DB 0F5H,01FH,098H,06CH,07EH ; log2/3
    DB 0F7H,017H,072H,031H,07EH ; log2/4
    DB 0F9H,0DFH,0F4H,00DH,07EH ; log2/5
    DB 0F5H,01FH,098H,06CH,07DH ; log2/6
    DB 01BH,089H,0CBH,04AH,07DH ; log2/7
    DB 0F7H,017H,072H,031H,07DH ; log2/8
    DB 0F8H,0BFH,0BAH,01DH,07DH ; log2/9

    END

```

(15) LEXP10. SRC

```

$      TITLE      ('EXPONENTIAL FUNCTION 2')
      NAME        M_LEXP10

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN      LMLTX
      EXTRN      LEXPX

      PUBLIC     LEXP10

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT EXPONENTIAL FUNCTION 2
;*
;*  input  condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- exp10(x)
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
LEXP10:
      FPR1_X = #0

;***** TRANSLATE EXP10 TO EXP **

      FPR3_1 = FPR1_H

      DE = #C_1
      CALL !LLD2CX
      CALL !LMLTX
      if_bit (CY)
        if_bit (FPR3_1.7)
          FPR1_E = #0
          A = #R_OK
          CLR1 CY
        endif
      RET
    endif

```

```
;***** CALC. exp(X*log(10)) **
```

```
goto LEXPX
```

```
C_1:
```

```
DB ODDH,08DH,05DH,013H,082H ;const log(10)
```

```
END
```

(16) LPOW. SRC

```

$      TITLE      ('POWER FUNCTION')
      NAME      M_LPOW

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN      LMLTX
      EXTRN      LLOG, LEXPX

      PUBLIC     LPOW

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT POWER FUNCTION
;*
;*  input  condition : FPR1 <- a , FPR2 <- b
;*
;*  output conditions: FPR1 <- a^b
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
LPOW:

;***** a=0 EXCEPTION **

      if (FPR1_E == #0)
          CMP FPR2_E, #0
          if_bit (Z || FPR2_H.7)
              goto ERROR          ;0^0, 0^(negative)=overflow
          else
              FPR1_E = #0
              goto T_POW9         ;0^(positive)=0
          endif
      endif

```

```

;***** a<0 EXCEPTION **

X = #0                ;X.0 :sign of result
if_bit (FPR1_H.7)
  A = FPR2_E
  if (A == #0)
    DE = #C_1
    CALL !LLD1C
    goto T_POW9        ;x^0=1
  endif

;**      ** b: DECIMAL PART = 0 ? **

  if (A <= #ZEROEX)
    goto ERROR          ;(negative)^(decimal)=error
  endif

  A <-> X

  A = FPR2_H
  A I= #80H
  A <-> B
  A = FPR2_M
  A <-> C
  A = FPR2
  A <-> X

  A -= #ZEROEX+BYTE*(SHORT-1)
  if_bit (CY)
    repeat
      SHRW BC,1
      RORC X,1
      if_bit (CY)
        goto ERROR    ;include decimal digit
      endif
      A++
    until_bit (Z)
  endif

```



```
;**      ** b: ODD or EVEN ? **

        if_bit (!Z)          ;not include UNIT1
        X = #0
        endif
    endif

    PUSH AX                  ;esc UNIT1(X.0)

;***** CALC. exp(b * log(|a|) **

    CALL !LLD52             ;esc b to FPR5
    CLR1 FPR1_H.7
    CALL !LLOG              ;log(|a|)
    CALL !LLD25             ;ret. b to FPR2
    FPR2_X = #0
    CALL !LMLTX             ;b * log(|a|)

    if_bit (CY)             ;overflow
    POP BC
    if_bit (FPR5+(SHORT-1).7)
    FPR1_E = #0
    goto T_POW9
    endif
    RET
endif

    CALL !LEXPX

;***** RETURN SIGN BIT **

    POP BC
    X = C

    if_bit (X.0)           ;if b = odd integer & a<0
    SET1 FPR1_H.7         ; then set sign bit
    endif

    RET
```

```
T_POW9:
    A = #R_OK
    CLR1 CY
    RET

ERROR:
    A = #R_ERR
    SET1 CY
    RET

C_1:
    DB 000H,000H,000H,081H ;const 1

    END
```

(17) LSQRT. SRC

```
$      TITLE      ('SQUARE ROOT FUNCTION')
      NAME        M_LSQRT

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN      LADD, LDIV

      PUBLIC     LSQRT

C_LIM EQU        5      ;limiter of approximate

      CSEG

;*****
;*
;* FLOATING POINT SQUARE ROOT FUNCTION
;*
;* input condition : FPR1 <- x
;*
;* output conditions: FPR1 <- root(x)
;*                   ERROR then set CY
;*
;*****
LSQRT:

;***** EXCEPTION **

      if (FPR1_E == #0)
          goto T_QRT9
      endif
      if_bit (FPR1_H.7)
          goto ERROR
      endif
```

```

;***** GET EXP.PART ROOT **

    A = FPR1_E
    A++
    CY = PSW.6 ; CY <- Z
    RORC A,1
    A += #ZEROEX/2

    FPR4_1 = A ;escape exp.part root

;***** a -> r/2 (.125 - .5) **

    if_bit (FPR1_E.0)
        FPR1_E = #ZEROEX-2
    else
        FPR1_E = #ZEROEX-1
    endif

;***** CALC. VIRT.PART ROOT **

    CALL !LLD41 ;esc. r/2 to FPR4

    DE = #C_1
    CALL !LLD2C
    CALL !LADD ; r/2 + .5 : 2ndary approximate

    FPR3_1 = #C_LIM-1
    repeat
        CALL !LLD31 ;esc.previous approximate(Rp) to FPR3
        CALL !LLD14
        CALL !LLD23
        CALL !LDIV ; r/2 / Rp

        CALL !LLD23
        FPR2_E-- ; Rp/2
        CALL !LADD ; Rp/2 + R/(2Rp) : next approximate

    if (FPR1_E == FPR3+4)
        if (FPR1_H == FPR3+3)
            if (FPR1_M == FPR3+2)
                CMP FPR1, FPR3+1
            endif
        endif
    endif
endif

```

```
        if_bit (!CY)
            break
        endif

        FPR3_1--
    until_bit (Z)

    FPR1_E = FPR4_1      ;ret. exp part ROOT
T_QRT9:
    A = #R_OK
    CLR1 CY
    RET

ERROR:
    A = #R_ERR
    SET1 CY
    RET

C_1:
    DB 000H,000H,000H,080H ;const .5

    END
```

(18) LASIN. SRC

```

$      TITLE      ('ARCSINE FUNCTION')
      NAME      M_LASIN

$ INCLUDE(EQU.INC)
$ INCLUDE(REF1.INC)
$ INCLUDE(REF2.INC)

      EXTRN      LMLT,LDIV
      EXTRN      LADDX
      EXTRN      LSQRT,LATAN

      PUBLIC     LASIN

C_1X  EQU      000H
C_1L  EQU      000H
C_1M  EQU      000H
C_1H  EQU      000H
C_1E  EQU      081H

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT ARCSINE FUNCTION
;*
;*  input  condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- arcsin(x)
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
LASIN:

;***** EXCEPTION **

      if (FPR1_E == #0)
          goto T_SIN9
      endif

      CALL !LLD51      ; esc X to FPR5

      CLR1 FPR1_H.7    ; x <- |x|

```

```

;* !x! = 1? *
if (FPR1_E == #C_1E)
  if (FPR1_H == #C_1H)
    if (FPR1_M == #C_1M)
      if (FPR1 == #C_1L)
        DE = #C_2
        CALL !LLD1CX
        if_bit (FPR5+1+2.7) ; X < 0 ?
        SET1 FPR1_H.7
      endif
      goto T_SIN9
    endif
  endif
endif
endif

if_bit (!CY)          ; !x! > 1
  A = #R_ERR          ; then error
  SET1 CY
  RET
endif

```

***** TRANS. to ARCTAN **

```

CALL !LLD21
CALL !LMLT          ;X*X
SET1 FPR1_H.7      ;-X*X

DE = #C_1
CALL !LLD2CX
CALL !LADDX        ;1-X*X
CALL !LSQRT        ;root(1-X*X)

CALL !LLD21
CALL !LLD15
CALL !LDIV          ;X/root(1-X*X)

goto LATAN

```

T_SIN9:

```

A = #R_OK
CLR1 CY
RET

```

```
C_1:      DB C_1X,C_1L,C_1M,C_1H,C_1E ;const 1
C_2:      DB 0A2H,0DAH,00FH,049H,081H ;      pai/2

          END
```


(19) LACOS. SRC

```

$      TITLE      ('ARCCOSINE FUNCTION')
$      NAME       M_LACOS

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN       LADDX
      EXTRN       LASIN

      PUBLIC      LACOS

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT ARCCOSINE FUNCTION
;*
;*  input  condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- arccos(x)
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
LACOS:

      CALL !LASIN
      if_bit (CY)
      RET
      endif

      NOT1 FPR1_H.7

      DE = #C_1
      CALL !LLD2CX
      goto LADDX      ;pai/2 -sin(x)

C_1:
      DB 0A2H,0DAH,00FH,049H,081H ;const pai/2

      END

```

(20) LATAN. SRC

```
$      TITLE      ('ARCTANGENT FUNCTION')
      NAME        M_LATAN
```

```
$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)
```

```
      EXTRN       LADD, LDIV
      EXTRN       LADDX, LMLTX
      EXTRN       LPLY2
```

```
      PUBLIC     LATAN
```

```
S_PLY EQU        7
```

```
      CSEG
```

```
;*****
```

```
;*
```

```
;*  FLOATING POINT ARCTANGENT FUNCTION
```

```
;*
```

```
;*  input condition : FPR1 <- x
```

```
;*
```

```
;*  output conditions: FPR1 <- arctan(x)
```

```
;*
```

```
;*****
```

```
LATAN:
```

```
      FPR1_X = #0
```

```
;***** ZERO EXCEPTION **
```

```
      if (FPR1_E == #0)
```

```
          goto T_TAN9
```

```
      endif
```

```
***** ESCAPE SIGN & EXPORNT **
```

```

CMP FPR1_E, #ZEROEX+1 ;CY(if |X|<1)

A = FPR1_H
A &= #80H ;Z (rev. sign bit)

PUSH PSW

CLR1 FPR1_H.7

```

```
***** TRANS. X TO (|X|-1)/(|X|+1) case if |X| >= 1 **
```

```

if_bit (!CY)
CALL !LLD31

DE = #C_1
CALL !LLD2C
CALL !LADD
CALL !LXC13 ;esc. |X|+1 to FPR3

DE = #C_1
CALL !LLD2C
SET1 FPR2_H.7
CALL !LADD

CALL !LLD23 ;ret. |X|+1
CALL !LDIV ;(|X|-1)/(|X|+1) : X'
endif

```

```
***** CALC POLINOMIAL FUNCTION **
```

```

CALL !LLD41X ;esc. x' to FPR4
CALL !LLD21X

CALL !LMLTX ; x'*x'
CALL !LXC14X ;set x'*x' to FPR4

```

```

CALL !LLD31X      ;esc. x' to FPR3
DE = #C_K
CALL !LLD2CX
PUSH DE
CALL !LMLTX      ; AO*x'
POP DE

CALL !LXC13X     ;set AO*x' to FPR3
                  ;set x' to FPR1
C = #S_PLY
CALL !LPLY2

;***** CALC. APPROXIMATE **

POP PSW
PUSH PSW

if_bit (!CY)     ; X >= 1 ?
  DE = #C_2
  CALL !LLD2CX
  CALL !LADDX    ; pai/4 + arctan(x')
endif

;***** RETURN SIGN BIT **

POP PSW
if_bit (!Z)      ; X < 0 ?
  SET1 FPR1_H.7
endif

T_TAN9:
A = #R_OK
CLR1 CY
RET

C_1:
DB      000H,000H,000H,081H ;const 1

C_2:
DB 0A2H,0DAH,00FH,049H,080H ;      pai/4

```

```
C_K:                                ;coefficient array( $A_n$ )
;    of Hastings approximate
DB 0CEH,0F4H,0FFH,07FH,080H ;cof. A0
DB 0E2H,01BH,0A6H,0AAH,07FH ;    A1
DB 0B0H,093H,034H,099H,080H ;    A2/A1
DB 03DH,0A4H,081H,0B2H,080H ;    A3/A2
DB 0B7H,06CH,078H,0B1H,080H ;    A4/A3
DB 097H,08AH,071H,094H,080H ;    A5/A4
DB 0FBH,03CH,032H,0C8H,07FH ;    A6/A5
DB 0BAH,052H,0E5H,0BDH,07EH ;    A7/A6

END
```

(21) LHSIN. SRC

```

$      TITLE      ('HYPERBOLICSINE FUNCTION')
      NAME        M_LHSIN

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN       LADD, LMLT
      EXTRN       LPLY
      EXTRN       LEXP, LRCPN

      PUBLIC      LHSIN

S_PLY  EQU        3

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT HYPERBOLICSINE FUNCTION
;*
;*  input condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- sinh(x)
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
LHSIN:

;***** CALC. (exp(|X|)-exp(-|X|))/2 case if |X| >= 0.5 **

      if_bit (FPR1_E.7) ; |X| >= 0.5

      A = FPR1_H
      PUSH AX           ;esc sign bit

      CLR1 FPR1_H.7    ; x <- |x|

```

```
CALL !LEXP      ; exp(|x|)
if_bit (CY)
  POP BC
  RET          ;overflow
endif

CALL !LLD31     ;esc. exp(|x|) to FPR3
CALL !LRCPN     ; exp(-|x|)

SET1 FPR1_H.7
CALL !LLD23
CALL !LADD      ; exp(|x|)-exp(-|x|)
FPR1_E--        ; (exp(|x|)-exp(-|x|))/2

POP AX
if_bit (A.7)
  SET1 FPR1_H.7
endif

;***** CALC. DIRECT APPROXIMATE      case if |X| < 0.5 **

else           ; |X| < 0.5

  CALL !LLD41

  CALL !LLD21
  CALL !LMLT    ;X*X

  CALL !LXC14X
  FPR1_X = #0

  DE = #C_K
  C = #S_PLY
  CALL !LPLY
endif

A = #R_OK
CLR1 CY
RET
```

```
C_K:                                ; coefficient array of LPLY
DB 0AAH,0AAH,0AAH,02AH,07EH ; const 1/6
DB 0CCH,0CCH,0CCH,04CH,07CH ;      1/20
DB 0C3H,030H,00CH,043H,07BH ;      1/42

END
```


(22) LHCOS. SRC

```

$      TITLE      ('HYPERBOLIC COSINE FUNCTION')
$      NAME        M_LHCOS

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN        LADD
      EXTRN        LRCPN
      EXTRN        LEXP

      PUBLIC       LHCOS

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT HYPERBOLIC COSINE FUNCTION
;*
;*  input condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- cosh(x)
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
LHCOS:

      CLR1 FPR1_H.7

;***** CALC. (exp(IXI)+exp(-IXI))/2 **

      CALL !LEXP          ; exp(IXI)
      if_bit (CY)
      RET                 ;overflow
      endif

      CALL !LLD31
      CALL !LRCPN         ; exp(-IXI)

      CALL !LLD23
      CALL !LADD          ; exp(IXI)+exp(-IXI)
      FPR1_E--           ; (exp(IXI)+exp(-IXI))/2
      RET

      END

```

(23) LHTAN. SRC

```

$      TITLE      ('HYPERBOLICTANGENT FUNCTION')
      NAME        M_LHTAN

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN       LDIV
      EXTRN       LHSIN, LHCOS

      PUBLIC      LHTAN

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT HYPERBOLICTANGENT FUNCTION
;*
;*  input condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- tanh(x)
;*
;*****
LHTAN:

      CALL !LLD51      ; esc X to FPR5

;***** CALC. LHCOS **

      CALL !LHCOS
      if_bit (CY)
      DE = #C_1
      CALL !LLD1C      ; tanh(positive infinity)=1
      if_bit (FPR5+1+2.7)
      SET1 FPR1_H.7    ; tanh(negative infinity)=-1
      endif
      A = #R_OK
      CLR1 CY
      RET
      endif

      CALL !LXC15      ; esc cosh(X) to FPR5

```

```
;***** CALC. LHSIN **  
  
    CALL !LHSIN      ; sinh(X)  
  
;***** CALC. LHTAN **  
  
    CALL !LLD25      ; ret cosh(X)  
    goto LDIV  
  
C_1:  
    DB 000H,000H,000H,081H ; const 1  
  
    END
```

(24) LABS. SRC

```
$      TITLE      ('ABSOLUTE FUNCTION')
      NAME        M_LABS

$ INCLUDE(EQU.INC)
$ INCLUDE(REF1.INC)

      PUBLIC      LABS

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT ABSOLUTE FUNCTION
;*
;*  input  condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- |x|
;*
;*****
LABS:
      CLR1 FPR1_H.7

      A = #R_OK
      CLR1 CY
      RET

      END
```

(25) LRCPN. SRC

```
$      TITLE      ('RECIPROCAL NUMBER FUNCTION')
      NAME        M_LRCPN

$ INCLUDE(EQU.INC)
$ INCLUDE(REF1.INC)
$ INCLUDE(REF2.INC)

      EXTRN      LDIV

      PUBLIC     LRCPN

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT FUNCTION THAT
;*          GET RECIPROCAL NUMBER
;*
;*  input  condition : FPR1 <- x
;*
;*  output conditions: FPR1 <- 1/x
;*          ERROR then set CY
;*
;*****
LRCPN:
      CALL !LLD21
      DE = #C_1
      CALL !LLD1C

      goto LDIV

C_1:
      DB 00H,00H,00H,081H ;const 1

      END
```

(26) POTORA. SRC

```

$      TITLE      ('TRANS. TO RIGHT ANGLE COORDINATES')
      NAME        M_POTORA

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN      LMLT
      EXTRN      LMOD90, LSIN90, LCOS90

      PUBLIC     POTORA

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT FUNCTION THAT
;*    TRANS. COORDINATES FROM POLE TO RIGHT ANGLE
;*
;*    input  condition : FPR1 <- r, FPR2 <- sheeta
;*
;*    output conditions: FPR1 <- X, FPR2 <- Y
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
POTORA:

;***** EXCEPTION **

      if (FPR1_E == #0)      ; r=0
          FPR2_E = #0        ; then (x,y)=(0,0)
          goto T_ORA9
      endif

      if_bit (FPR1_H.7)      ; r<0 then error
          A = #R_ERR
          SET1 CY
          RET
      endif

```

```
;***** TRANSLATE **
```

```
A = FPR2           ;load FPR1,sheeta
A <-> FPR1
A <-> C

A = FPR2_M
A <-> FPR1_M
A <-> B

A = FPR2_H
A <-> FPR1_H
A <-> X

A = FPR2_E
A <-> FPR1_E

PUSH AX           ;esc r to stack
PUSH BC

CALL !LMOD90

FPR5_1 = FPR4_1   ;esc n
CALL !LLD51       ;esc sheeta'

CALL !LSIN90

CALL !LXC15       ;esc sin(sheeta)
FPR4_1 = FPR5_1   ;ret n

CALL !LCOS90

CALL !LXC15       ;esc cos(sheeta)

POP BC            ;ret r
POP AX

FPR3+4 = A        ;esc r to FPR3
FPR3+3 = X (A)
FPR3+2 = B (A)
FPR3+1 = C (A)
```

```
CALL !LLD23
CALL !LMLT      ;Y

CALL !LXC15     ;esc Y & set cos(sheeta) to FPR1
CALL !LLD23     ;      set r      to FPR2
CALL !LMLT     ;X

CALL !LLD25     ;ret Y

T_ORA9:
A = #R_OK
CLR1 CY
RET

END
```


(27) RATOPO. SRC

```

$      TITLE      ('TRANS. TO POLE COORDINATES')
      NAME        M_RATOPO

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN      LMLT, LDIV
      EXTRN      LADDX
      EXTRN      LSQRT, LATAN

      PUBLIC     RATOPO

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT FUNCTION THAT
;*    TRANS. COORDINATES FROM RIGHT ANGLE TO POLE
;*
;*  input  condition : FPR1 <- X, FPR2 <- Y
;*
;*  output conditions: FPR1 <- r, FPR2 <- sheeta
;*                    ERROR then set CY
;*
;*****
RATOPO:

;***** Y=0 EXCEPTION & KEEP SIGN BIT**

      if (FPR2_E == #0)
        if (FPR1_E == #0)
          goto T_OP09
        endif
        CLR1 FPR5_1.1
      else
        CY = FPR2_H.7
        FPR5_1.1 = CY ;esc sign of Y to FPR5_1.1
      endif

      CY = FPR1_H.7
      FPR5_1.0 = CY ;esc sign of X to FPR5_1.0

```

```
;***** CALC. X*X+Y*Y **

CALL !LLD41      ;esc. x to FPR4
CALL !LLD52      ;esc. y to FPR5

CALL !LLD21
CALL !LMLT      ; x*x
if_bit (CY)
  RET
endif

CALL !LLD31X     ;esc. x*x to FPR3

CALL !LLD15
CALL !LLD21
CALL !LMLT      ; y*y
if_bit (CY)
  RET
endif

CALL !LLD23X
CALL !LADDX     ; x*x + y*y
if_bit (CY)
  RET
endif

;***** CALC. Y/X **

CALL !LXC15     ;esc. X*X+Y*Y to FPR5
CALL !LLD24

CALL !LDIV      ; y/x
if_bit (CY)
  DE = #C_1
  CALL !LLD1C   ; sheeta=pai/2
  if_bit (FPR5_1.1)
    SET1 FPR1_H.7 ; sheeta=-pai/2
  endif
  goto T_OP08
endif
```

```
;***** CALC. sheeta **
```

```
CALL !LATAN
```

```
if_bit (FPR5_1.0) ; x<0 ?
```

```
DE = #C_2
```

```
CALL !LLD2CX ; sheeta = arctan(y/x) + pai
```

```
if_bit (FPR5_1.1)
```

```
SET1 FPR2_H.7 ; sheeta = arctan(y/x) - pai
```

```
endif
```

```
CALL !LADDX
```

```
endif
```

```
;***** CALC. r **
```

```
T_OP08:
```

```
CALL !LXC15
```

```
CALL !LSQRT
```

```
CALL !LLD25 ;ret sheeta
```

```
T_OP09:
```

```
A = #R_OK
```

```
CLR1 CY
```

```
RET
```

```
C_1:
```

```
DB ODAH,00FH,049H,081H ;const pai/2
```

```
C_2:
```

```
DB 0A2H,0DAH,00FH,049H,082H ; pai
```

```
END
```

(28) ATOL. SRC

```

$      TITLE      ('TRANSLATE ASCII STRING')
      NAME        M_ATOL

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(ASCII. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN      FTOL,LTOF
      EXTRN      LADDX,LMLTX
      EXTRN      LEXPX

      PUBLIC    ATOL

S_VIRT EQU      27      ; maximum length of mantissa

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT FUNCTION THAT
;*      TRANSLATE ASCII STRING
;*
;*  input  condition : HL <- HEAD ADDRESS of STRING
;*
;*  output conditions: FPR1 <- (REAL VALUE MEANING STRING)
;*      ERROR then set CY
;*
;*****
ATOL:

;***** TRANS. SIGN **

      FPR5_1 = #0      ;sign keeper

      CALL !GETC
      if      (A == #N_PL)
          CALL !GETC
      elseif (A == #N_MN)
          SET1 FPR5_1.7
          CALL !GETC
      endif

```

```
***** TRANS. MANTISSA TO BINARY **
```

```

PUSH HL

DE = #0
HL = DE

SET1 FPR4_1.7 ;work: decimal digit of mantissa
SET1 FPR4_2.7 ; : negrect digit of ""

SET1 X.7 ; : mantissa digit counter

while (A <= #N_9 || A == #N_PD) ;'0'-'9','.'
  if (A <= #N_9)
    if_bit (!FPR4_1.7)
      FPR4_1++ ;decimal digit count up
    endif

    if_bit (X.7)
      A <-> L ;initial digit
      X = #S_VIRT-1+1

  else

    X--
    if_bit (Z)
      goto ERROR2 ;mantissa length over
    endif
    if_bit (FPR4_2.7)
      PUSH AX
      C = A

      ; *10 +A
      B = #10
      A = L
      MULU B
      X += C ;->CY
      L = X
      A <-> C

      A = H
      MULU B
      ADDC X,C ;<-CY,->CY
      H = X
      A <-> C
  endif
endif

```

```

    A = E
    MULU B
    ADDC X,C      ;<-CY,->CY
    E = X

    ADDC A,#0    ;<-CY
    A <->D

    POP AX

    if_bit (!Z) ;work area fill
        FPR4_2 = #0 ; then negrect forword digit
    endif
    else
        FPR4_2++ ;negrect digit count up
    endif

endif

else ; '.'

    if_bit (FPR4_1.7)
        FPR4_1 = #0 ; begin count of decimal digit
    else
        goto ERROR2 ; duplicate
    endif
endif

POP BC
PUSH DE
PUSH HL
HL = BC
CALL !GETC
BC = HL
POP HL
POP DE
PUSH BC
endw

if (A >= #N_MN)
    goto ERROR2
endif

if_bit (X.7) ;no mantissa digit
    goto ERROR2
endif

```

```

PUSH AX

A = FPR4_2
if_bit (A.7)
  A = #0
endif

A <-> X
A = FPR4_1
if_bit (A.7)
  A = #0
endif

A -- X          ;decimal digit - negrect digit
FPR4_1 = A      ;esc. decimal digit (:F-N)

;***** NORMALIZE MANTISSA val. **

AX = DE
if (AX == #0)
  A <-> H
  X <-> L
  if (AX == #0)
    BC = AX
  else
    BC = #BYTE*(SHORT-2)*100H+ZEROEX
    while_bit (!A.7)
      SHLW AX,1
      B--
    endw
  endif
else
  BC = #BYTE*SHORT*100H+ZEROEX
  while_bit (!A.7)
    SHLW HL,1
    ROLC X,1
    ROLC A,1
    B--
  endw
endif

if_bit (!FPR5_1.7)
  A &= #7FH          ;ret sign bit
endif
FPR5+1+2 = A        ;esc mantissa val(x1: .5<=x1<1)
FPR5+1+1 = X (A)

```

```

FPR5+1 = H (A)
FPR5+1+3 = C (A)
FPR4_2 = B (A) ;esc mantissa exp of 2 (y1)

```

```

;***** TRANS. EXP_PART **

```

```

POP AX
POP HL
X = #0 ;work exp val
C = #0 ; sign of exp

if (A <= #N_E) ;'E' or 'e'
CALL !GETC
if (A == #N_PL)
CALL !GETC
elseif (A == #N_MN)
C = #OFFH
CALL !GETC
endif
if (A > #N_9)
goto ERROR
endif

A <-> X ;1st. digit
CALL !GETC
if (A <= #N_9)
A <-> D
A = X
E = #10
MULU E
X += D ;1st.digit * 10 + 2nd.digit
CALL !GETC
endif
endif

if (A != #N_NL && A != #N_SP)
goto ERROR
endif

A = C
A <-> X ;A:exp-part value (:B)
if_bit (X.7)
A ^= #OFFH
A++
endif

```



```

;***** UNITE MANTISSA.val & EXP.val **

A -= FPR4_1      ; B - (F-N) (:B')
X = #0
if_bit (A.7)
  X = #OFFH
endif

A <-> X
DE = AX
CALL !FTOL      ; B' → real
DE = #C_1
CALL !LLD2CX
CALL !LMLTX     ; log2(10) * B'

CALL !LTOF
if_bit (Z)
  FPR1_E = #0   ; dec(log2(10)*B') ← 0
else
  if_bit (FPR1_H.7)
    DE--
  endif
  CALL !LLD21X
  CALL !FTOL
  NOT1 FPR1_H.7
  PUSH DE
  CALL !LADDX   ; dec(log2(10)*B')
  POP DE
endif

A = FPR4_2
X = #0
A <-> X
AX += DE
PUSH AX        ; int(log2(10)*B')+Y1

DE = #C_2
CALL !LLD2CX
CALL !LMLTX    ; dec(log2(10)*B')*log(2)
CALL !LEXPX

CALL !LLD25    ; ret. ±X1
FPR2_X = #0
CALL !LMLTX    ; ±X1 * exp(dec(log2(10)*B')*log(2))

```

```
A = FPR1_E
X = #0
A <-> X

POP BC
AX += BC           ;exp.part result
if_bit (A.7)
  A = #0
elseif (A != #0)
  goto ERROR
else
  A = X
endif

FPR1_E = A

A = #R_OK
CLR1 CY

RET

ERROR2:
POP HL

ERROR:
A = #R_ERR
SET1 CY
RET

GETC:
A = [HL+]
DE = #INDEX
B = #S_INDX
repeat
  if (A == [DE+])
    break
  endif
  B--
until_bit (Z)

B--
A = B
RET

INDEX:
@_INDX
```

```
C_1:      DB 04BH,078H,09AH,054H,082H ;const. log2(10)
C_2:      DB 0F7H,017H,072H,031H,080H ;      log(2)

END
```

(29) LTOA. SRC

```

$      TITLE      ('TRANSLATE TO ASCII STRING')
      NAME        M_LTOA

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(ASCII. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)
$ INCLUDE(REF2. INC)

      EXTRN      LADD, LMLT
      EXTRN      LADDX, LMLTX
      EXTRN      LTOF, FTOL
      EXTRN      LLOG10, LEXP10

      PUBLIC    LTOA

S_VIRT EQU      7      ; string length of mantissa

C_LIM  EQU      38     ; max expression of exp10

C_2H   EQU      20H
C_2E   EQU      84H

      CSEG

;*****
;*
;*  FLOATING POINT FUNCTION THAT
;*      TRANSLATE TO ASCII STRING
;*
;*  input  condition : FPR1 <- x
;*                      HL <- STORE ADDRESS of STRING
;*
;*  output conditions: STRING HEAD IS APPOINTED TO HL
;*
;*****
LTOA:

```

```
;***** ZERO FORMAT **
```

```
if (FPR1_E == #0)
  [HL+] = #A_0 (A)
  [HL] = #A_NL (A)
  goto T_TOA9
endif
```

```
;***** TRANS. to a * exp10(b) (1<= a <10) **
```

```
PUSH HL
```

```
CALL !LLD51          ;esc x to FPR5
CLR1 FPR1_H.7        ; x <- |x|
CALL !LLOG10         ; log10(|x|)
```

```
CALL !LTOF           ; trunc integer(log10(|x|))
if_bit (FPR1_H.7 && !Z) ; include decimal digit ?
  DE--                ; floor integer(log10(|x|)) : b
endif
```

```
PUSH DE              ;esc. b to STACK
```

```
A = E
if_bit (A.7)          ; b<0 ?
  A += #C_LIM
  if_bit (!CY)        ; b<(-C_LIM) ?
    E++
    E++                ; then coordinate b to calculatable range
    PUSH DE           ; b'
    CALL !LLD15
    DE = #C_1
    CALL !LLD2C
    CALL !LMLT        ; x*100 :X'
    CALL !LLD51
    POP DE
  endif
endif
```

```

CALL !FTOL                ; real(b')
NOT1 FPR1_H.7
CALL !LEXP10              ; exp10(-b')
CALL !LLD25
FPR2_X = #0
CALL !LMLTX                ; X' * exp10(-b') : a

POP DE
FPR3_1 = E (A)            ;esc b to FPR3_1

```

```

;***** OUTPUT MANTISSA OF EXP10 **

```

```

if_bit (FPR1_H.7)        ; a<0 ?
  POP HL
  [HL+] = #A_MN (A)
  PUSH HL
  CLR1 FPR1_H.7          ; a <- |a|
endif

if (FPR1_E == #C_2E)
  CMP FPR1_H,#C_2H
endif

if_bit (!CY)             ;limit |a|<10 over then
  DE = #C_3              ; normalize
  CALL !LLD2CX
  CALL !LMLTX
  FPR3_1++
endif

if (FPR1_E < #ZEROEX+1) ;limit |a|>=1 over then
  DE = #C_2              ; normalize
  CALL !LLD2CX
  CALL !LMLTX
  FPR3_1--
endif

CALL !LTOF                ; integer(a)
A = E
A += #A_0
POP HL

```

```
[HL+] = A
[HL+] = #A_PD (A)

B = #S_VIRT-1
repeat
    PUSH BC
    PUSH HL

    CALL !LLD21X
    CALL !FTOL
    SET1 FPR1_H.7
    CALL !LADDX          ; a - integer(a)
    DE = #C_2
    CALL !LLD2CX
    CALL !LMLTX          ; (a - integer(a))*10

    CALL !LTOF          ; integer(a)
    A = E
    A += #A_0

    POP HL
    [HL+] = A

    POP BC
    B--
until_bit (Z)
```

```
;***** OUTPUT EXP.PART OF EXP10 **
```

```
[HL+] = #A_E (A)

if_bit (FPR3_1.7)
    [HL+] = #A_MN (A)
    A = #0
    A -= FPR3_1
else
    A = FPR3_1
endif
```

```
X = #0
A <-> X

B = #10
DIVUW B
A = X

A += #A_0
[HL+] = A
A = B
A += #A_0
[HL+] = A
[HL] =#A_NL (A)

T_TOA9:
A = #R_OK
CLR1 CY
RET

C_1:
DB      000H,000H,048H,087H ;const 100

C_2:
DB 000H,000H,000H,C_2H,C_2E ;const 10

C_3:
DB OCDH,OCCH,OCCH,04CH,07DH ;const 1/10

END
```


(30) FTOL. SRC

```
$      TITLE      ('TRANS. FIXED TO REAL')
      NAME        M_FTOL

$ INCLUDE(EQU.INC)
$ INCLUDE(REF1.INC)

      PUBLIC      FTOL

      CSEG

;*****
;*
;*  FUNCTION THAT TRANSLATE FIXED TO REAL
;*
;*  input  condition : DE <- (integer with sign bit)
;*
;*  output condition : FPR1 <- (real value meaning DE)
;*                    DE keep
;*
;*****
FTOL:

;***** ZERO EXCEPTION **

      AX = DE
      if (AX == #0)
          FPR1_E = #0
          goto T_TOL9
      endif

;***** GET ABSOLUTE VALUE **

      if (AX >= #8000H+1)
          AX = #0
          AX -= DE
      endif
```

```
;***** TRANSLATE **
```

```
if (A == #0)
    FPR1_E = #ZEROEX+BYTE
    A <-> X
else
    FPR1_E = #ZEROEX+BYTE*INTEGR
endif
```

```
while_bit (!A.7)
    SHLW AX,1
    FPR1_E--
endw
```

```
;***** SET VIRT.PART & SIGN BIT **
```

```
FPR1_H = A
FPR1_M = X (A)
FPR1   = #0
FPR1_X = #0
```

```
A = D
if_bit (!A.7)
    CLR1 FPR1_H.7
endif
```

```
T_TOL9:
```

```
A = #R_OK
CLR1 CY
RET
```

```
END
```

(31) LTOF. SRC

```

$      TITLE      ('TRANS. REAL TO FIXED')
      NAME        M_LTOF

$ INCLUDE(EQU.INC)
$ INCLUDE(REF1.INC)

      PUBLIC      LTOF

      CSEG

;*****
;*
;*  FUNCTION THAT TRANSLATE
;*          REAL TO FIXED
;*
;*  input  condition : FPR1 <- (real value)
;*
;*  output condition : DE <- (integer value meaning FPR1)
;*                    ERROR then set CY
;*                    not INCLUDE DECIMAL PART then set Z
;*                    keep : FPR1
;*
;*****
LTOF:

      A = FPR1_E
      A -= #ZEROEX+1

;***** EXCEPTION **

      if_bit (CY)          ; integer(FPR1)=0 ?
        CMP A,#LOW(-(ZEROEX+1))
        DE = #0
        goto T_TOF9
      endif

      A -= #BYTE*INTEGR
      if_bit (!CY)
        goto ERROR          ;overflow
      endif

```

```
***** GET UNSIGNED INTEGER **
```

```
A <-> X
A = FPR1_H
A |= #80H
A <-> B
A = FPR1_M
A <-> C
A <-> X

DE = #0
if (FPR1 != #0)
    D = #80H
endif

if_bit (!A.3)
    C <-> E
    B <-> C
    A += #BYTE
endif

A++
if_bit (!Z)
    repeat
        SHRW BC,1
        RORC D,1
        A++
    until_bit (Z)
endif

X = C
A = B
```

```
***** UNSIGNED --> SIGNED INTEGER **
```

```
if (AX >= #8001H)
    goto ERROR
endif
if_bit (A.7) ;(AX == #8000H)
    if_bit (!FPR1_H.7)
        goto ERROR
    endif
else
```

```
    if_bit (FPR1_H.7)
      A ^= #OFFH
      A <-> X
      A ^= #OFFH
      A <-> X
      AX++
    endif
  endif

  A <-> D
  X <-> E

;***** DECIMAL PART JUDGE **

      CMPW AX,#0

T_TOF9:
      A = #R_OK
      CLR1 CY
      RET

ERROR:
      A = #R_ERR
      SET1 CY
      RET

      END
```

(32) LTO78. SRC

```

$      TITLE      ('TRANS. FORMAT TO 78K/2')
$      NAME       M_LT078

$ INCLUDE(EQU. INC)
$ INCLUDE(REF1. INC)

      PUBLIC      LT078

      CSEG

;*****
;*
;*  FUNCTION THAT TRANSLATE FORMAT
;*              IEEE-754 TO 78K/2
;*
;*  input  condition : FPR1 <- (real:format by iEEE-754)
;*
;*  output condition : FPR1 <- (real:format by 78k/2)
;*                      ERROR then set CY
;*
;*****
LT078:

;***** TRANS. BIT FORMAT **

      A = FPR1_E
      CY = FPR1_H.7
      ROLC A,1
      FPR1_H.7 = CY

;***** ADJUST EXP. PART **

      if (A != #0)
        A += #2
        if_bit (CY)
          A = #R_ERR
          RET
        endif
      endif

      FPR1_E = A

      A = #R_OK
      RET

      END

```

(33) LTOIE. SRC

```

$      TITLE      ('TRANS. FORMAT TO IEEE-754')
      NAME        M_LTOIE

$ INCLUDE(EQU.INC)
$ INCLUDE(REF1.INC)

      PUBLIC      LTOIE

      CSEG

;*****
;*
;* FUNCTION THAT TRANSLATE FORMAT
;*           78K/2 TO IEEE-754
;*
;* input condition : FPR1 <- (real:format by 78K/2)
;*
;* output condition : FPR1 <- (real:format by IEEE-754)
;*
;*****
LTOIE:

;***** ADJUST EXP.PART **

      A = FPR1_E
      A -= #3
      if_bit (CY)
          FPR1     = #0
          FPR1_M = #0
          FPR1_H = #0
          FPR1_E = #0
          goto T_OIE9
      endif

      A++

;***** TRANS. BIT FORMAT **

      CY = FPR1_H.7
      RORC A,1
      FPR1_E = A
      FPR1_H.7 = CY

T_OIE9:
      A = #R_OK
      CLR1 CY
      RET

      END

```

— お問い合わせは、最寄りのNECへ —

【営業関係お問い合わせ先】

| | | |
|---|---|---|
| 半導体第一販売事業部 半導体第二販売事業部 半導体第三販売事業部 | 〒108-01 東京都港区芝五丁目7番1号 (NEC本社ビル) | 東京 (03)3454-1111 (大代表) |
| 中部支社 半導体第一販売部 半導体第二販売部 | 〒460 名古屋市中区錦一丁目17番1号 (NEC中部ビル) | 名古屋 (052)222-2170 名古屋 (052)222-2190 |
| 関西支社 半導体第一販売部 半導体第二販売部 半導体第三販売部 | 〒540 大阪市中央区城見一丁目4番24号 (NEC関西ビル) | 大阪 (06) 945-3178 大阪 (06) 945-3200 大阪 (06) 945-3208 |
| 北海道支社 東北支社 岩手支店 山形支店 郡山支店 いわき支店 長岡支店 土浦支店 水戸支店 神奈川支社 群馬支店 | 札幌 (011)231-0161 仙台 (022)267-8740 盛岡 (019)651-4344 山形 (0236)23-5511 郡山 (0249)23-5511 いわき (0246)21-5511 長岡 (0258)36-2155 土浦 (0298)23-6161 水戸 (029)226-1717 横濱 (045)324-5524 高崎 (0273)26-1255 | 太田支店 (0276)46-4011 宇都宮支店 (028)621-2281 小山支店 (0285)24-5011 長野支社 (0263)35-1662 甲府支店 (0552)24-4141 埼玉支社 (048)641-1411 立川支社 (0425)26-5981 千葉支社 (043)238-8116 静岡支社 (054)255-2211 北陸支社 (0762)23-1621 福井支店 (0776)22-1866 |
| 富山支店 三重支店 京都支社 神戸支社 中国支社 鳥取支店 岡山支店 四国支社 新居浜支店 松山支店 九州支社 | 富山 (0764)31-8461 津 (0592)25-7341 京都 (075)344-7824 神戸 (078)333-3854 広島 (082)242-5504 鳥取 (0857)27-5311 岡山 (086)225-4455 高松 (0878)36-1200 新居浜 (0897)32-5001 松山 (089)945-4149 福岡 (092)271-7700 | |

【本資料に関する技術お問い合わせ先】

| | | | |
|---------------------------------|---------------------------------|-------------------|--|
| 半導体ソリューション技術本部 マイクロコンピュータ技術部 | 〒210 川崎市幸区塚越三丁目484番地 | 川崎 (044)548-7924 | 半導体 インフォメーションセンター FAX(044)548-7900 (FAXにてお願い致します) |
| 半導体販売技術本部 東日本販売技術部 | 〒108-01 東京都港区芝五丁目7番1号 (NEC本社ビル) | 東京 (03)3798-9619 | |
| 半導体販売技術本部 中部販売技術部 | 〒460 名古屋市中区錦一丁目17番1号 (NEC中部ビル) | 名古屋 (052)222-2125 | |
| 半導体販売技術本部 西日本販売技術部 | 〒540 大阪市中央区城見一丁目4番24号 (NEC関西ビル) | 大阪 (06) 945-3383 | |

アンケート記入のお願い

お手数ですが、このドキュメントに対するご意見をお寄せください。今後のドキュメント作成の参考にさせていただきます。

[ドキュメント名] 78K/IIシリーズ アプリケーション・ノート 浮動小数点演算プログラム編
(IEA-686D (第5版))

[お名前など] (さしつかえない範囲で)

御社名(学校名, その他) ()
ご住所 ()
お電話番号 ()
お仕事の内容 ()
お名前 ()

1. ご評価 (各欄に○をご記入ください)

| 項 目 | 大変良い | 良 い | 普 通 | 悪 い | 大変悪い |
|---------------|------|-----|-----|-----|------|
| 全体の構成 | | | | | |
| 説明内容 | | | | | |
| 用語解説 | | | | | |
| 調べやすさ | | | | | |
| デザイン, 字の大きさなど | | | | | |
| その他 () | | | | | |
| () | | | | | |

2. わかりやすい所 (第 章, 第 章, 第 章, 第 章, その他)
理由 []

3. わかりにくい所 (第 章, 第 章, 第 章, 第 章, その他)
理由 []

4. ご意見, ご要望

5. このドキュメントをお届けしたのは
NEC販売員, 特約店販売員, NEC半導体ソリューション技術本部員,
その他 ()

ご協力ありがとうございました。

下記あてにFAXで送信いただくか, 最寄りの販売員にコピーをお渡しください。

NEC半導体インフォメーションセンター

FAX: (044) 548-7900